## 电压暂降系统指标的监测节点数量选择与评估方法

肖先勇,谭亚欧,胡文曦,汪 颖 (四川大学 电气工程学院,四川 成都 610065)

摘要:准确评估电压暂降水平是理解与改善电压暂降问题的前提。虽然IEEE Std 1564—2014标准已为电 压暂降系统指标的计算提供了建议,但考虑实际电网无法在所有节点均安装监测装置,如何确定其数量并提 出适用于不均匀数据的评估方法是尚未解决的难题。为此,针对监测节点数量与抽样方法的确定展开研究。 考虑实际电网监测数据存在分布不均匀的问题,提出一种改进的密度偏差抽样方法。基于误差幅度指标,建 立满足不同给定误差要求下的监测节点数量解析式。基于监测节点样本数据,采用均值方法计算得到系统 指标的估计值。IEEE 118节点系统的仿真结果表明,所提方法既能够在抽样过程中保留原始监测数据的电 压暂降信息,又能基于给定误差得到评估所需监测节点数量的估算值;相比于现有系统指标评估方法,所提 评估方法具有更小的估计误差。

关键词:电压暂降;系统指标;监测节点数量;密度偏差抽样;评估方法 中图分类号:TM 761 文献标志码:A

DOI:10.16081/j.epae.202009024

### 0 引言

电压暂降已成为现代电力系统中最为主要的电 能质量问题之一,通过指标对电压暂降进行评估是 分析与解决该问题的前提<sup>[1]</sup>。IEEE Std 1564— 2014标准提出了根据监测数据评估系统电压暂降 水平的一般方法<sup>[2]</sup>。然而,由于实际配电网中无法 在每个节点处均安装监测装置,而现有标准中既未 给出具体的监测节点选择方法,又未讨论具体抽样 方法对系统指标评估的影响,使其难以得到实际 应用。

国内外学者对此已开展了部分工作:欧洲能 源监管委员会 CEER (Council of European Energy Regulators)基于调查统计数据,在不考虑节点总体 容量的情况下,建议通过均值、0.95 与0.99分位数的 方法,分别采用20、200以及1000个监测节点估计 系统指标[3-4],但未讨论估计方法带来的误差;文献 [5-7]分别采用广度优先-条件搜索、模糊C均值聚 类以及嵌套logit方法,通过暂降特征、指标与用户信 息对系统监测节点的位置进行选择,但均未讨论如 何确定监测节点的数量;文献[8]采用节点抽样样本 估计系统指标,通过估计值抽样分布的置信区间反 映估计误差的大小,并指出CEER所提方法存在精 度较低的问题,然而所采用的简单随机抽样方法无 法避免非均匀监测数据所造成的信息丢失问题;文 献[9]通过估计误差与监测节点数量之间的关系曲 线,确定满足不同误差要求下的监测节点数量,但该

收稿日期:2019-12-12;修回日期:2020-06-29

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51807126) Project supported by the National Natural Science Foundation of China(51807126) 方法只能通过人为方式进行粗略判别,所得实际误 差与要求误差之间存在较大的偏差。

针对上述研究的不足,本文提出一种考虑不均 匀监测数据的监测节点数量选择与系统指标评估方 法。首先给出了现有标准中系统指标的2种计算方 法,说明了估计误差与监测节点数量之间的关系,并 通过无偏性指标与误差幅度指标对估计误差进行刻 画。针对实际电网监测数据的非均匀性,为了保留 非均匀监测数据的电压暂降原始信息,提出一种改 进的密度偏差抽样方法,以实现对有限监测节点的 筛选。基于误差幅度指标,推导得到监测节点数量 的解析式,可在不同给定误差要求下确定评估所需 的监测节点数量。最后,基于改进密度偏差抽样提 出系统指标评估方法。基于 IEEE 118 节点系统进 行仿真分析,结果表明本文方法所得指标数据的抽 样样本能够保留原始数据的电压暂降信息,在不同 的给定误差要求下能够估算评估所需的监测节点数 量,同时其比现有评估方法具有更高的估计精度。

#### 1 电压暂降系统指标评估

#### 1.1 系统指标的计算方法

IEEE Std 1564—2014标准<sup>[2]</sup>提出了2种系统指标的计算方法。

(1)节点指标的加权均值。节点权重的确定需 要系统与负荷的信息,但考虑到系统侧电压暂降评 估难以获取用户侧信息,一般研究中直接采用算术 均值。

(2)节点指标的分位数。分位数可以通过系统 内的部分节点信息得到,0.95分位数至少需要20个 监测节点进行计算,当监测节点数量更少时,就必须 选择其他类型的分位数。 采用均值计算系统指标,本质上是通过矩统 计量反映系统电压暂降水平的集中趋势。设 {x<sub>1</sub>, x<sub>2</sub>, …, x<sub>n</sub>}为系统n个节点指标构成的样本,则系 统指标S为:

$$S = (x_1 + x_2 + \dots + x_n)/n$$
 (1)

采用分位数计算系统指标,本质上是通过次序 统计量反映系统电压暂降水平的分布趋势,同时还 能避免采用均值计算时由个别节点指标极值所带来 的偏差。对于由*n*个节点指标所构成样本的α分位 数,首先将指标数据按照升序排列,得到:

$$x_{(1)} \leqslant x_{(2)} \leqslant \dots \leqslant x_{(n)} \tag{2}$$

其中,x<sub>(i)</sub>为升序排列后排在第*i*位的节点指标。

然后基于给定的α值,根据式(3)计算系统 指标S<sup>[10]</sup>。

$$S = \begin{cases} x_{([n\alpha])} & n\alpha \neq \mathbb{E} \mathfrak{A} \mathfrak{A} \\ \frac{1}{2} \left( x_{([n\alpha])} + x_{([n\alpha+1])} \right) & n\alpha \neq \mathbb{E} \mathfrak{A} \mathfrak{A} \end{cases}$$
(3)

其中,[·]表示取整运算。

#### 1.2 监测节点数量的影响与估计误差的刻画

在理想情况下,基于系统内所有节点的监测数 据能够计算得到准确的系统指标。但在实际的配电 网系统中,往往只在部分节点处安装了监测装置,因 此仅能通过有限的监测节点数据估计系统指标。

文献[9]基于国外某配电网全部117606个节点的监测数据,采用简单随机抽样的方法筛选出有限的监测节点,对系统指标进行估计。估计误差与监测节点数量之间的关系曲线见附录中图A1。由图可见,监测节点数量越多,则估计误差越小。

在通过随机抽样筛选有限监测节点的方法中, 估计误差主要包括系统误差与随机误差。系统误差 可由无偏性指标 β进行刻画<sup>[11]</sup>,如式(4)所示。

$$\boldsymbol{\beta} = \boldsymbol{E}(\hat{\boldsymbol{S}}) - \boldsymbol{S} \tag{4}$$

其中, $\hat{S}$ 为系统指标的估计值;S为基于所有节点指标数据计算得到的真实值; $E(\cdot)$ 为均值函数。若 $\beta$ =0,则估计结果为无偏估计,即不存在系统误差;否则,估计结果为有偏估计,且 $\beta$ 值越大表明系统误差越大。

为了刻画估计结果的随机误差,本文基于估计 值的抽样分布<sup>[12]</sup>,定义误差幅度指标 *e* 如式(5) 所示<sup>[9]</sup>。

$$\varepsilon = (\hat{S}_{1-\alpha/2} - \hat{S}_{\alpha/2})/(2S) \tag{5}$$

其中, $\hat{S}_{1-\alpha/2}$ 、 $\hat{S}_{\alpha/2}$ 分别为估计值 $\hat{S}$ 抽样分布的1- $\alpha/2$ 分位数、 $\alpha/2$ 分位数<sup>[13]</sup>。 $\varepsilon$ 值越小,则随机误差越小。

可以看出,现有电压暂降系统指标评估方法一 方面并未研究系统指标评估中的抽样方法,另一方 面未针对评估结果准确性与监测节点数量之间的关 系进行讨论,并缺乏明确的解析式用以计算不同误 差要求下所需要的监测节点数量。因此,现有方法 面临着难以实际应用且无法保证评估结果准确性的 难题。

## 2 考虑不均匀数据的改进密度偏差抽样 方法

#### 2.1 电压暂降监测数据的不均匀问题

在实际电网中,由于无法在所有节点均安装监 测装置且安装策略通常缺乏科学依据,因此不可避 免地存在监测数据不均匀的问题<sup>[14]</sup>。对于电压暂降 幅值监测数据,假设其分布密度在取值范围内呈现 单调递增的变化规律,分布情况如图1所示。





对于非均匀分布的监测数据而言,若采用简单随机抽样的方法进行抽样,由于每一个监测节点被抽中的概率均相同,那么对于分布稀疏的低密度数据区域而言,所抽取的监测节点数量将较少甚至为0,这将使得样本数据丢失一定程度的原始信息,进而导致评估结果无法反映系统电压暂降的真实水平<sup>[15]</sup>。

为了避免传统抽样方法对系统指标的评估结果 造成影响,可采用密度偏差抽样方法<sup>[16]</sup>,基于监测数 据的分布密度确定抽样概率,增加数据稀疏区域的 抽样概率,减少数据密集区域的抽样概率,从而提高 样本数据与原始数据之间分布规律的一致性,保留 非均匀原始数据所反映的电压暂降信息。

#### 2.2 自适应划分的改进密度偏差抽样方法

为了保留非均匀数据所反映的电压暂降信息, 在暂降系统指标评估的过程中需对抽样方法进行改进<sup>[15-16]</sup>。为此,本文提出一种自适应划分的改进密 度偏差抽样方法,以各网格的数据变化特征为导向, 根据距离对各网格进行自适应合并,基于各网格内 的抽样结果对系统指标进行评估,具体步骤如下。

(1)设配电网系统共包含N个节点,基于各节点的电压暂降幅值与持续时间特征,计算得到N个节点的电压暂降节点指标数据x<sub>i</sub>(*i*=1,2,...,N)。

(2)将N个节点的指标数据按照升序排列,得到  $x_{(1)} \leq x_{(2)} \leq \cdots \leq x_{(N)}$ ,将其等深分箱到 $k_0$ 个子区间(即 $k_0$ 个网格)内,每个网格内均包含[ $N/k_0$ ]个数据。

(3)现有方法通过区间长度衡量各个网格的区

间密度大小,容易造成网格合并过程不收敛的问题<sup>[15]</sup>。为此,本文基于第 $j(1 \le j \le k_0)$ 个网格内所有 $g_j$ 个指标数据两两之间的距离平均值,对区间密度 $I_j$ 进行刻画,如式(6)所示。

$$I_{j} = \frac{2}{g_{j}(g_{j}-1)} \sum_{p=1}^{g_{j-1}} \sum_{q=p+1}^{g_{j}} \left| x_{p} - x_{q} \right|$$
(6)

(4)基于各个网格的区间密度 $I_j$ ,按照式(7)计 算 $k_0$ 个网格中各相邻网格两两之间的相似性 $r_{j0}$ 

$$r_{j} = \begin{cases} \left| I_{j} \right| / \left| I_{j+1} \right| & \left| I_{j} \right| \leq \left| I_{j+1} \right| \\ \left| I_{j+1} \right| / \left| I_{j} \right| & \left| I_{j} \right| > \left| I_{j+1} \right| \end{cases} & 1 \leq j \leq k_{0} - 1 \quad (7)$$

若相邻网格的相似性 $r_i$ 不小于给定的阈值T ( $0 \le T \le 1$ ),则将二者合并为一个网格,由此得到 $k_1$  个网格。

(5)重复步骤(3)和步骤(4),反复进行网格合并,直至各相邻网格两两之间的相似性均小于给定的阈值T,由此得到 $k_t(k_t \le k_{t-1} \le \dots \le k_1 \le k_0)$ 个网格。

(6)对于第 *j*(1≤*j*≤*k*<sub>i</sub>)个网格,采用简单随机抽样的方法,在网格内抽取 *n<sub>j</sub>*个监测节点指标数据,由此便可得到全部监测节点指标数据的抽样样本。

对于各个网格内所抽取的监测节点数量 n<sub>j</sub>,若 对其进行主观取值,则无法保证系统指标评估结果 的准确性。因此,需要讨论在给定误差要求的情况 下,如何选择评估所需要的监测节点数量。

#### 3 监测节点数量选择与系统指标评估方法

监测节点数量的选择可以看作是监测成本与估 计误差之间的权衡问题,也可看作是系统指标可接 受误差下的最小监测节点数量求解问题。

#### 3.1 估计值的分解与独立网格内的抽样分布

当采用密度偏差抽样方法时,设最终将所有监测节点指标数据划分到k<sub>i</sub>个网格内,在第j个网格内 通过简单随机抽样方法,从g<sub>j</sub>个指标数据中抽取n<sub>j</sub> 个样本,则第j个网格内所得到的样本指标数据可 以看作是第j个独立随机变量X<sub>j</sub>,而最终所得到的 密度偏差抽样样本X则为各个独立随机变量的和, 如式(8)所示。

$$X = \sum_{j=1}^{n_t} X_j \tag{8}$$

当采用均值方法进行评估时,系统指标估计值 *Ŝ*应具有如下性质:

$$\hat{S} = E\left(\sum_{j=1}^{k_i} X_j\right) = \sum_{j=1}^{k_i} E(X_j)$$
(9)

式(9)表明,采用密度偏差抽样方法所得到的系 统指标均值估计值,可以分解为各个独立网格内基 于简单随机抽样方法所得到的样本指标数据均值 之和。

由此,通过m次抽样过程可以得到各个独立网

格内的正态抽样分布 $f_{\text{mean}}(\hat{S})$ ,如图2所示。



图 2 密度隔差拥杆方法下备了网络内的抽杆方在 Fig.2 Sampling distribution of each grid under density deviation sampling method

对于各独立网格内的正态抽样分布,可基于误差幅度指标 $\varepsilon$ 刻画各分量估计结果的随机误差,由此实现对最终估计误差的刻画。结合附录中图A1 所示估计误差与监测节点数量之间的变化规律,可 进一步推导得到误差幅度指标 $\varepsilon$ 与监测节点数量 $n_m$ 之间的定量计算公式。

#### 3.2 基于误差幅度指标的监测节点数量估算

基于误差幅度指标ε,可先分别确定每个网格 内所需要的监测节点数量n<sub>j</sub>,最终累计得到评估所 需要的全部监测节点数量n<sub>m</sub>,具体推导步骤如下。

(1)对于采用简单随机抽样方法所得到的均值 抽样分布,定义抽样极限误差Δ为<sup>[17]</sup>:

$$\Delta = u_{1-\alpha/2} \sqrt{V_{\text{var}}(\hat{S})} = (\hat{S}_{1-\alpha/2} - \hat{S}_{\alpha/2})/2 \qquad (10)$$

其中, $u_{1-\alpha/2}$ 为标准正态分布的 $1-\alpha/2$ 分位数; $V_{var}(\hat{S})$ 为估计值 $\hat{S}$ 的方差。

(2)对于第*j*个网格,在给定抽样极限误差Δ的 条件下,其所需要的监测节点数量*n*<sub>i</sub>为:

$$n_{j} = \frac{g_{j}u_{1-\alpha/2}^{2}\sigma_{j}^{2}}{(g_{j}-1)\Delta_{j}^{2} + u_{1-\alpha/2}^{2}\sigma_{j}^{2}}$$
(11)

其中, $g_i$ 为第j个网格的密度,即第j个网格所包含的指标数据个数; $\sigma_j^2$ 为第j个网格所有指标数据的 方差。

(3)联立式(5)、(10)、(11),可得到在各个网格 满足相应误差幅度指标 $\varepsilon_i$ 的条件下,系统指标评估 所需要的监测节点数量 $n_m$ ,如式(12)所示。

$$n_{\rm m} = \sum_{j=1}^{k_i} \frac{g_j u_{1-\alpha/2}^2 \sigma_j^2}{(g_j - 1)\varepsilon_j^2 \mu_j^2 + u_{1-\alpha/2}^2 \sigma_j^2}$$
(12)

其中,μ<sub>j</sub>为第*j*个网格内全部指标数据的均值。由于 式(12)所得计算结果不为整数,为了尽可能地满足 给定误差要求,在实际应用中通常采用向上取整的 方式,得到*n*\_的最终估算结果。

#### 3.3 有限监测节点下的改进系统指标评估方法

基于节点指标数据的自适应网格划分结果以及 给定误差幅度指标下所确定的监测节点数量,建立 系统指标评估方法的总体流程:①以节点指标数据 的自适应网格划分结果为基础,在配电网的规划建 设阶段,基于电压暂降仿真数据,估算得到评估所需 要的监测节点数量;②在配电网的实际运行阶段,基 于电压暂降实测数据,通过密度偏差抽样方法计算 系统指标估计值。评估方法的流程图如图3所示。



图 3 系统指标的监测节点数量选择与评估方法流程 Fig.3 Flowchart of number selection of monitoring nodes and assessment method for system index

需要说明的是,在配电网的规划建设阶段,通过 多次监测节点随机抽样过程,实现了对所有可能监 测节点位置的模拟,因此监测装置的具体位置不会 造成本文方法所得结果低于给定误差要求的问题, 而监测装置的布点位置对评估结果的影响属于监测 装置优化配置范畴,不在本文的研究范围内;此外, 可通过仿真建模运行方式和配置补偿装置等措施解 决实际情况中这些因素对本文所提方法造成的影 响。在配电网的实际运行阶段,监测节点、系统运行 方式以及补偿装置等均已确定,因此对这些因素的 优化不在本文的研究范围内,本文研究中只有不同 的抽样方法会影响系统指标的估计值。

#### 4 仿真分析

本文基于IEEE 118节点系统,采用蒙特卡洛方法<sup>[18]</sup>,建立短路故障的概率模型<sup>[19]</sup>,仿真并计算得 到各个节点的期望暂降幅值*R*<sub>ESM</sub>指标数据<sup>[6]</sup>,具体 结果见附录中表A1。

#### 4.1 分析样本数据分布与网格划分结果

基于仿真结果,将118个监测节点指标数据划 分到k<sub>0</sub>=24个网格内。基于所得指标数据的实际分 布特性,对比不同相似性阈值T下的估计误差与计 算成本,可以发现T值越小时估计误差越大,而T值 越大时计算成本越高,因此本文选择能够在较低的 计算成本下得到较小的估计误差的中间值0.5作为 相似性阈值T的取值(见附录中表A2)。由此,基于 上述参数进行网格自适应合并过程,最终所得到的 指标数据网格划分结果如表1所示。

#### 表1 基于自适应合并的指标数据网格划分结果

Table 1 Grid division results of index data based on adaptive merge

网格序号	指标数据量	网格序号	指标数据量
1	5	3	5
2	60	4	48

基于网格划分结果,随机进行多次密度偏差抽样,采用直方图与聚类方法对比部分样本数据与原始数据的分布特征,结果分别如图4和图5所示(图中*R*<sub>ESM</sub>为标幺值,后同)。



#### 图4 基于直方图的样本数据与原始数据对比





图 5 基于聚类方法的样本数据与原始数据对比 Fig.5 Comparison between sample data and original data based on clustering method

由图4可以看出,对于指标值较大的数据密集 区域,样本数据的频次变化趋势与原始数据基本吻 合;对于指标值较小的数据稀疏区域,各次抽样都能 保证抽取得到相应的样本。而由图5可以发现,对 于原始数据与样本数据,相同指标区间内的数据均 被划分为同一类型。上述结果表明,密度偏差抽样 方法下的样本数据分布规律能够与原始数据维持一 致,进而能够保留非均匀监测数据所反映的电压暂 降信息。

为了分析初始网格数量 $k_0$ 的取值对最终网格数量 $k_1$ 的影响,分别取初始网格密度[ $N/k_0$ ] $\in$ [4,16]进行网格的自适应合并,结果如图6所示。



图 6 不同初始网格密度下的最终网格数量 Fig.6 Final grid number under different initial grid densities

由图6可以看出,不管初始网格密度[*Nlk*<sub>0</sub>]如何 取值,通过自适应网格合并过程所得到的最终网格 数量*k*<sub>1</sub>均在3~5个范围内,说明初始网格数量*k*<sub>0</sub>对 最终的网格划分结果影响不大。

#### 4.2 估算监测节点数量并验证实际误差

基于各个网格指标数据的均值 $\mu_j$ 与方差 $\sigma_j^2$ ,设 各个网格给定的误差幅度指标 $\varepsilon_j(1 \le j \le k_i)$ 均相等, 显著性水平 $\alpha = 0.05$ ,则相应标准正态分布的分位数  $u_{1-\alpha/2} = u_{0.975} = 1.96$ ,根据式(12)计算得到不同给定误 差要求下所需要的监测节点数量 $n_m$ ,结果如表 2 所示。

#### 表 2 不同给定误差要求下所需监测节点数量 n<sub>m</sub>的 计算结果

Table 2Calculative results of  $n_m$  under different<br/>given error requirements

	-		
给定误差 / %	n <sub>m</sub> 的计算结果	给定误差 / %	n <sub>m</sub> 的计算结果
3	9.59	1	40.15
2	14.98		

因此,当误差幅度指标 ε<sub>i</sub>为3%、2%、1%时,监测节点数量 n<sub>m</sub>可分别取 10、15、41 这3个估算值。 对于不同的配电网系统而言,均可采用该方法在不同的误差要求下估算所需监测节点数量。

为了进一步验证所得监测节点数量下系统指标估计值的实际误差,当n<sub>m</sub>取值为10、15、41时,分别进行10000次随机抽样过程,基于本文所提系统指标评估方法建立估计值的抽样分布F(R<sub>ESM</sub>),结果如图7所示。基于图7所得系统指标估计值的抽样分布,计算其各自对应的实际误差幅度指标值,并与给定误差进行对比,结果如表3所示。

可以看出,采用估算得到的监测节点数量对系



#### 图 7 系统指标估计值的抽样分布



#### 表3 不同监测节点数量估计值下的实际误差

Table 3 Actual errors under different estimated values of monitoring node number

$n_{\rm m}$	给定 误差 / %	实际 误差 / %	$n_{\rm m}$	给定 误差 / %	实际 误差 / %
10	3	2.95	41	1	0.51
15	2	1.93			

统指标进行评估,所得估计结果的实际误差能够满 足给定的误差要求。

#### 4.3 评估系统指标并对比现有方法

在给定误差幅度指标 $\varepsilon_0$ =1%的条件下,基于 图7所示估计值的抽样分布,计算得到监测节点 数量 $n_m$ =41下系统指标的估计值范围为[0.7712, 0.7869] p.u.,估计值期望为0.7790 p.u.,相应系统指 标的真实值为0.7883 p.u.。

可以发现,系统指标估计值的分布范围较小,不同抽样过程下所得到的评估结果均接近于真实值。 此外,估计值期望与真实值之间存在一定的偏差,无 偏性指标 $\beta \neq 0$ ,说明其为有偏估计结果。

在给定误差幅度指标 $\varepsilon_0$ =1%的条件下,将本文 方法所得系统指标评估结果与关系曲线方法<sup>[9]</sup>、 CEER方法<sup>[3]</sup>评估结果进行对比,得到3种评估方法 下的抽样分布如图8所示。



#### 图 8 不同评估方法下系统指标估计值的抽样分布

Fig.8 Sampling distribution of system index estimated value under different assessment methods

由图8可知,一方面,本文方法所得抽样分布的 范围最小,关系曲线方法与CEER方法下的抽样分 布范围依次增大;另一方面,本文方法所得抽样分布 的分布中心与真实值之间存在一定的偏差,而关系 曲线方法与CEER方法所得抽样分布的分布中心与 真实值基本重合。

为了进一步定量对比不同评估方法下的估计误差,在给定误差幅度指标 $\varepsilon_0$ 为2%、1%、0.5%的条件下,分别计算3种评估方法所对应的无偏性指标 $\beta$ 与误差幅度指标 $\varepsilon$ ,结果如表4所示(表中 $\beta$ 为标幺值)。

表4 不同评估方法下系统指标的估计误差对比

Table 4 Comparison of estimation error of system index among different assessment methods

maan among amerene approximent methods							
		β			$\varepsilon$ / %		
给定误 差 / %	关系曲 线方法	CEER 方法	本文 方法	关系曲 线方法	CEER 方法	本文 方法	
2	0	0	0.0075	2.15	2.38	1.93	
1	0	0	0.0093	1.02	2.38	0.51	
0.5	0	0	0.0028	0.48	2.38	0.34	

由表4可以看出,在不同的给定误差下,本文方 法所得误差幅度指标ε更小,说明其估计结果的随 机误差更小;另一方面,本文方法所得评估结果均存 在较小的系统误差β,关系曲线方法与CEER方法均 可得到无偏估计结果。但是,关系曲线方法仅能粗 略地确定监测节点数量,且存在计算量较大的缺陷; CEER方法均只采用20个监测节点进行评估,误差 较大。因此,在考虑系统误差可通过增加修正值予 以消除的前提下,本文方法无论是估计精度还是计 算效率均更优。

#### 5 结论

为了解决有限监测节点下的电压暂降系统指标 评估问题,本文提出一种基于改进密度偏差抽样方 法的监测节点数量选择与系统指标评估方法,并通 过算例进行了验证,所得结论如下。

(1)提出一种自适应划分的改进密度偏差抽样 方法,能够使样本数据与非均匀原始数据的分布特 征保持一致,从而使得原始信息在抽样过程中得以 保留,且初始网格数量对最终网格划分结果的影响 不大。

(2)基于误差幅度指标*ε*,建立了监测节点数量的计算公式,其能够在不同的给定误差要求下,估算 得到评估所需的监测节点数量*n*<sub>m</sub>,且根据该估计值 计算得到的实际误差能够满足给定的误差要求。

(3)将本文所提系统指标评估方法与现有方法 进行对比,结果表明在给定的不同误差要求条件下, 本文方法所得评估结果具有最小的随机误差;关系 曲线方法所得结果较为粗略且计算量较大,难以应 用于工程实际;CEER方法无法针对不同的给定误 差选择相应的监测节点数量,故不建议采用。综上, 本文所提方法无论是估计精度还是计算效率均优于 现有方法。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

#### 参考文献:

- [1] 卢文清,常乾坤,贾东强,等.设备侧电压暂降严重程度评估方法研究[J].电力自动化设备,2019,39(1):175-182.
  LU Wenqing, CHANG Qiankun, JIA Dongqiang, et al. Research on evaluation methods of voltage sag severity for equipment side[J]. Electric Power Automation Equipment, 2019, 39(1): 175-182.
- [2] IEEE Standards Association. IEEE guide for voltage sag indices:IEEE Std 1564-2014[S]. New York, USA:IEEE, 2014.
- [3] CEER. Guidelines of good practice on the implementation and use of voltage quality monitoring systems for regulatory purposes[S]. Brussels, Belgium; Energy Community Regulatory Board, 2012.
- [4] MILANOVIC J V, MEYER J, BALL R F, et al. International industry practice on power-quality monitoring[J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2014, 29(2):934-941.
- [5] 邱玉涛,肖先勇,熊茜,等.基于临界阻抗和广度优先-条件搜索的暂降监测装置优化配置[J].电力自动化设备,2014,34 (10):138-143.
   QIU Yutao,XIAO Xianyong,XIONG Qian, et al. Optimal sag monitor placement based on critical impedance and breadth first-condition search[J]. Electric Power Automation Equip-
- ment,2014,34(10):138-143.
  [6]林芳,肖先勇,张逸,等.基于暂降信息的监测装置优化配置 与系统电压暂降水平评估[J].电力自动化设备,2016,36(5): 67-73.
  LIN Fang,XIAO Xianyong,ZHANG Yi, et al. Optimal monitor allocation and system sag level assessment based on sag information[J]. Electric Power Automation Equipment,2016,36 (5):67-73.
- [7] MITRA R,GOSWAMI A K,TIWARI P K. Optimal selection of voltage sag mitigating devices for micro-level customer in distribution system[J]. IET Renewable Power Generation,2019, 13(1):191-200.
- [8] ELPHICK S,GOSBELL V,SMITH V, et al. Assessing network compliance for power quality performance[C]//2014 16th International Conference on Harmonics and Quality of Power (ICHQP). Bucharest,Romania:IEEE,2014:317-321.
- [9] RONNBERG S K, BOLLEN M. Estimating system indices for short interruptions from data obtained by a limited number of monitors[J]. Electric Power Systems Research, 2017, 146: 63-70.
- [10] 茆诗松,贺思辉. 概率论与统计学[M]. 武汉:武汉大学出版 社,2010:87-88.
- [11] 丁杨,陈新华,杜艾卿,等.论双系统估计量的无偏性[J].数 理统计与管理,2017,36(2):243-252.
   DING Yang, CHEN Xinhua, DU Aiqing, et al. Discussing unbiasedness of dual system estimator[J]. Journal of Applied Statistics and Management,2017,36(2):243-252.
- [12] DERIGGI D. A central limit theorem for correlated variables with limited normal or gamma distributions [J]. Communications in Statistics-Theory and Methods, 2019, 48(21):5213-5222.
- [13] PERME M P, MANEVSKI D. Confidence intervals for the Mann-Whitney test[J]. Statistical Methods in Medical Research, 2019, 28(12): 3755-3768.
- [14] 林顺富,谢潮,汤波,等.数据挖掘在电能质量监测数据分析中的应用[J].电测与仪表,2017,54(9):46-51.
   LIN Shunfu,XIE Chao,TANG Bo, et al. The data mining ap-

plication in the power quality monitoring data analysis[J]. Electrical Measurement & Instrumentation,2017,54(9):46-51.

- [15] 盛开元,钱雪忠,吴秦. 基于可变网格划分的密度偏差抽样算法[J]. 计算机应用,2013,33(9):2419-2422.
   SHENG Kaiyuan,QIAN Xuezhong,WU Qin. Density biased sampling algorithm based on variable grid Division[J]. Journal of Computer Applications,2013,33(9):2419-2422.
- [16] 吕丹,龙华,高杰,等. 基于不均匀数据的密度偏差抽样改进算法[J]. 软件导刊,2018,17(2):77-79,85.
  LÜ Dan,LONG Hua,GAO Jie, et al. An improved algorithm for density deviation sampling based on uneven data[J]. Software Guide,2018,17(2):77-79,85.
- [17] 邵志强. 抽样调查中样本容量的确定方法[J]. 统计与决策, 2012(22):12-14.
- [18] 吴玮坪,胡泽春,宋永华.结合随机规划和序贯蒙特卡洛模拟的风电场储能优化配置方法[J].电网技术,2018,42(4):1055-1062.

WU Weiping, HU Zechun, SONG Yonghua. Optimal sizing of energy storage system for wind farms combining stochastic programming and sequential Monte Carlo simulation [J]. Power System Technology, 2018, 42(4):1055-1062. [19] 曾江,蔡东阳. 基于组合权重的蒙特卡洛电压暂降评估方法 [J]. 电网技术,2016,40(5):1469-1475.

ZENG Jiang, CAI Dongyang. A Monte Carlo assessment method of voltage sags based on combination weight [J]. Power System Technology, 2016, 40(5):1469-1475.

#### 作者简介:



肖先勇(1968—),男,四川宜宾人,教 授,博士研究生导师,博士,主要研究方向为 电能质量与优质供电(E-mail:2946058864@ qq.com);

谭亚欧(1995—),男,四川资阳人,硕 士研究生,主要研究方向为电能质量与优质 供电(**E-mail**:1615096389@qq.com);

肖先勇

胡文曦(1993—),男,四川内江人,博 士研究生,通信作者,主要研究方向为电能

向为电能质量与优质供电(E-mail:769429505@qq.com)。

(编辑 陆丹)

# Monitoring node number selection and assessment method of voltage sag system index XIAO Xianvong, TAN Yaou, HU Wenxi, WANG Ying

(College of Electrical Engineering, Sichuan University, Chengdu 610065, China)

Abstract: Accurate evaluation of voltage sag level is the premise of understanding and improving voltage sag. Although IEEE Std 1564-2014 has provided recommendations for the calculation of voltage sag system index, considering that the actual power grid cannot install monitoring devices at all nodes, how to determine the monitoring node number and propose an assessment method suitable for non-uniform data is an unsolved question. Therefore, the determination method of monitoring node number and sampling method is studied. Considering the uneven distribution problem of actual power grid monitoring data, an improved density biased sampling method is proposed. Based on the error margin index, the analytical formula for the number of monitoring nodes is established to meet the requirements of different given errors. Based on the sample data of monitoring nodes, the mean value method is used to calculate the estimated value of system index. Simulative results of IEEE 188-bus system show that the proposed method can not only retain the voltage sag information of original monitoring data in the sampling process, but also can obtain the estimated value of monitoring node number required for assessment based on the given errors. Compared with the existing assessment methods, the proposed method has smaller assessment error.

Key words:voltage sag;system index;number of monitoring nodes;density biased sampling;assessment method





Ta	able A1 $R_{\rm ESM}$	site index re	sults of IEEE	118-bus syst	em
<b>古</b> 古	$R_{\rm ESM}$	节点	$R_{\rm ESM}$	节点	$R_{\rm ESM}$
1	0.8122	41	0.7880	81	0.8043
2	0.7889	42	0.7859	82	0.8084
3	0.7888	43	0.7413	83	0.7934
•	÷	:	:	:	:
19	0.7944	59	0.8009	99	0.8097
20	0.7545	60	0.7612	100	0.8032
21	0.7149	61	0.7998	101	0.7622
÷	÷	:	:	:	:
38	0.8140	78	0.7885	116	0.7697
39	0.8057	79	0.7853	117	0.7889
40	0.8335	80	0.7912	118	0.7723

쿡	토A1	IEEE	118	节点	系统的	R <sub>ESM</sub>	指标结算	₹
abla A	1 D	an crita	ind	ov ro	sults of	IEEE	118 hug	01/0

注: R<sub>ESM</sub> 为标幺值。

#### 表 A2 不同相似性阈值 T 下本文方法的估计误差与网格划分数量 Table A2 Estimation error and grid division number of proposed method under different values of T

相似性阈值 T	估计误差/%	网格划分数量
0.1	1.17	1
0.2	0.80	1
0.3	0.78	2
0.4	0.48	2
0.5	0.42	4
0.6	0.42	5
0.7	0.42	5
0.8	0.43	12
0.9	0.42	19

附 录