分布式光伏与风电机组LVRT及电流限幅环节的等值建模

陈海东¹,潘学萍¹,黄 桦²,孙晓荣¹,和大壮¹,雍成立¹ (1. 河海大学 能源与电气学院,江苏 南京 211100;2. 南京工程学院 电力工程学院,江苏 南京 211167)

摘要:随着分布式新能源机组的持续并网,电力负荷的动态特性已发生显著变化,需要研究主动配电网等值 建模新方法。主动配电网中分布式新能源机组类型呈现多样化,控制器存在切换以及限幅等非线性环节。 对此,针对双馈风电机组、直驱永磁风电机组和光伏电源模型结构的共性,构建了可描述多类型分布式新能 源机组动态特性的通用模型。在此基础上提出了多激励影响下分布式新能源机组低电压有功管理、低电压 无功管理以及电流限幅等非线性环节的非机理等值建模新方法,并基于简单算例进行了验证。对某实际主 动配电网进行建模仿真,结果表明:将所提等值模型与传统负荷模型并联,可较为准确地描述计及分布式新 能源机组低电压穿越(LVRT)和电流限幅环节的主动配电网的动态特性。

关键词:分布式新能源机组;动态特性;主动配电网;非线性环节;低电压穿越;等值建模

中图分类号:TM 712

文献标志码:A

DOI:10.16081/j.epae.202205063

0 引言

当前随着分布式新能源机组的持续并网,电力 负荷的动态特性已发生了显著变化,传统负荷模型 不再适用于新型电力系统仿真分析的需求,亟需构 建含分布式新能源机组的综合负荷模型^[1-2]。目前 在研究主动配电网的等值模型时,一般将配电网中 各类分布式新能源机组等值,将其与传统负荷模型 并联作为主动配电网的等值模型结构^[3-6]。然而由 于主动配电网中分布式新能源机组类型不同、控制 方式各异,且需满足主动配电网的动态无功支撑需 求,接入主动配电网的分布式新能源机组通常被要 求具备低电压穿越(LVRT)能力^[7-8]。故建立含LVRT 控制的多类型分布式新能源机组的通用模型为当前 的研究热点。

由电力电子设备主导的分布式新能源机组,其 控制器存在限幅、死区等环节;且正常情况下的PQ 解耦控制与LVRT控制之间存在切换等离散事件; 文献[9]还指出双馈风电机组(DFIG)为混杂动态系统,具备非线性特征。故含多类型分布式新能源机 组等值建模的难点在于对非线性环节进行等值 建模。

目前针对诸如换流器等非线性系统的等值建模 研究较少。文献[10]从逆变器为典型非线性仿射系 统的角度出发,研究了逆变器降阶与微分流形的相 似性关系,将微分同调应用于逆变器降阶中,提出了 单变量微分同调判据。文献[11]针对含多状态变量

收稿日期:2022-04-08;修回日期:2022-05-15 在线出版日期:2022-05-26

基金项目:国家自然科学基金资助项目(52077061,51837004) Project supported by the National Natural Science Foundation of China(52077061,51837004)

的并网逆变器,提出了基于广义哈密顿作用量的同 调判别标准,并依据能量守恒得到了实用化同调判 据。在模型等值方面,文献[12]通过对每台换流器 下垂控制中的状态变量进行等效变换,提出了计及 多换流器动态交互作用的等值单机非线性模型,但 在等值建模时仅对多台换流器的控制环节进行了等 效变换,未涉及非线性环节的等值。文献[13-14]通 过解析方法,对风电场 / 光伏(PV)场站内机组的 LVRT动态全过程进行了解析等值,进一步将解析等 值结果与其他环节的物理模型相结合,获得等值机 的模型及参数。然而上述文献仅对LVRT过程进行 了等值处理,对于如限幅环节等非线性环节的等值 未见研究。还有研究采用参数辨识方法获得非线性 模型参数,如文献[15-16]基于模型参考自适应方 法 / 扩展卡尔曼滤波法,对永磁同步发电机转子电 阻等电气参数进行了辨识。然而文献[17]指出,非 线性系统在离散切换瞬间,微小的参数变化可能导 致较大动态差异,基于此刻响应数据进行参数辨识 将产生较大的误差,即无法通过参数辨识获取准确 的非线性模型参数。

针对上述问题,本文分析了分布式新能源机组 受多激励影响的非线性环节响应特性,采用非机理 建模方法获得非线性环节的等值模型。以主动配电 网为例,建立多类型分布式新能源机组的通用模型。 模型等值时将线性环节采用参数辨识的方法获取模 型重点参数;非线性环节采用解析方法推导其在不 同扰动程度下的解析结果,进一步采用拟合法获得 非机理等值模型。最后对某实际配电网进行建模仿 真,验证了所提方法的可行性。值得注意的是,本文 基于 PSCAD / EMTDC 平台推荐的分布式新能源机 组模型及参数进行分析研究,但所提方法同样适用 于不同新能源厂商提供的机组模型及参数。 1 多类型分布式新能源机组的通用模型及 LVRT控制

1.1 多类型分布式新能源机组的通用模型结构

DFIG、直驱永磁风电机组(DDPMSG)和PV的详 细模型^[18-19]见附录A图A1。由于电网侧扰动下分布 式新能源机组的动态特性受换流器及其控制环节影 响,且各类分布式新能源机组的控制策略相近,为此 文献[3]提出了构建逆变型并网的多类型分布式新 能源机组的通用模型,但其构建的模型未计及分布 式新能源机组LVRT的动态特性。

本文提出的可表达多类型分布式新能源机组 LVRT动态特性的通用模型如附录A图A2所示。由 于DFIG、DDPMSG以及PV的主要区别在于原动机 侧,因此图A2所示通用模型中将原动机侧等效为恒 功率源,其有功、无功功率参考值分别为 P_{gref} 、 Q_{gref} ;经 直流电容、逆变器、RLC滤波电路后通过输电线路 (电阻为 R_{L} 和电抗为 X_{L})并网。锁相环(PLL)用以获 得机端电压相位;有功功率和无功功率均采用双环 控制方式。下面对计及分布式新能源机组LVRT动 态过程的低电压有功、无功管理环节和电流限幅环 节进行详细介绍。

1.2 低电压有功管理环节

低电压有功管理环节根据分布式新能源机组的 端口电压对 P_{gef} 进行调整,调整后的有功功率参考 值为 $\lambda P_{gref}(\lambda$ 为分布式新能源机组的有功调整系 数)。不同新能源厂商关于 λ 的设置方法不尽相同, 本文选用 PSCAD / EMTDC 平台中分布式新能源机 组的有功调整系数 λ 进行分析,其波形如图1所示。 图中:U为分布式新能源机组的端口电压; U_n 为系统 额定电压。





Fig.1 Active power adjustment coefficient of distributed new energy units

1)DFIG 的
$$\lambda$$
 为:

$$\lambda = \begin{cases} k_p U & 0 \le U \le 0.9 U_n \\ 1 & U > 0.9 U_n \end{cases}$$
(1)

式中:k,为有功系数。

2)DDPMSG的λ为:

$$0 \qquad 0 \le U \le 0.4 U_{\rm n}$$

$$\lambda = \begin{cases} k_p U & 0.4 U_n < U \le 0.9 U_n \\ 1 & U > 0.9 U_n \end{cases}$$
(2)

3) PV的 $\lambda = 1_{\circ}$

电压跌落期间,分布式新能源机组的有功功率 与其端口电压跌落深度相关;故障清除后分布式 新能源机组的端口电压开始恢复,由图1可知其有 功功率也开始恢复,功率恢复速率与电压恢复速率 一致。

1.3 低电压无功管理环节

低电压无功管理环节的目的是确定分布式新能 源机组在LVRT期间的无功附加电流*i*_{qLVRT}。*i*_{qLVRT}与 换流器稳态控制下的无功电流指令值之和作为分 布式新能源机组的总无功电流参考值*i*_{qref}。选用 PSCAD / EMTDC 平台中分布式新能源机组的无功 附加电流模块进行分析。

1)DFIG未设置无功附加电流模块,即*i*_{qLVRT}=0。 2)DDPMSG的*i*_{qLVRT}为:

 $i_{qLVRT} = k_q (U_n - U) \quad 0 \le U \le 0.9 U_n$ (3) 式中: k_q 为无功附加电流系数。

3)PV的*i*_{qLVRT}为:

$$i_{qLVRT} = \begin{cases} 0 & U > 0.8U_{n} \\ k_{q}(U_{n} - U) - 0.25 & U \le 0.8U_{n} \end{cases}$$
(4)

电压跌落期间,分布式新能源机组的无功功率 与其端口电压的跌落深度相关;故障清除后分布式 新能源机组的端口电压开始恢复,其无功功率也开 始恢复,功率恢复速率与电压恢复速率一致。

1.4 电流限幅环节

分布式新能源机组受电力电子换流器最大电流 限额 *I*_{max}的影响。为保证电压跌落期间对系统的无 功功率支撑,分布式新能源机组常采用无功优先控 制策略,此时其最大有功电流 *i*_{dmax}和最大无功电流 *i*_{max}满足:

$$\begin{aligned} & i_d \leq i_{dmax} = \sqrt{I_{max}^2 - i_q^2} \\ & i_q \leq i_{qmax} = I_{max} \end{aligned}$$
 (5)

式中:*i*_a和*i*_q分别为分布式新能源机组端口电流的*d* 轴和q轴分量。在附录A图A2所示的通用模型中, 电力电子换流器的低电压有功、无功管理环节及电 流限幅环节都为非线性环节,其余为线性环节。

2 多类型分布式新能源机组非线性环节的 等值建模

针对含多类型分布式新电源机组的主动配电 网,建模时分布式新能源机组通常采用动态等值方 法,即将配电网中多类型分布式新能源机组等值为 1台或多台等值机组。根据图A2所示通用模型进行 等值建模,线性环节中采用按容量加权平均或参数 辨识等方法获取等值模型参数,而目前对于非线性 环节的等值建模方法较少。本文提出受多激励影响 的非线性环节等值建模方法。

2.1 低电压有功管理环节的模型聚合

由于主动配电网中各类型分布式新能源机组 的并网点不同,电网侧扰动下其低电压有功管理环 节的状态也不尽相同,等值建模时需计及各类型分 布式新能源机组不同低电压有功管理环节状态的 影响。

假设主动配电网中被等值的分布式新能源机组 有 n 台,根据图 1 可得等值机的有功功率参考 值 P_{enver} 为:

$$P_{\text{eq.ref}} = \sum_{j=1}^{n} \lambda_j P_{\text{grefj}} = \lambda_{\text{eq}} \sum_{j=1}^{n} P_{\text{grefj}}$$
(6)

式中: λ_{eq} 为等值机的有功调整系数; λ_j 为分布式新 能源机组*j*的有功调整系数; P_{gref} 为分布式新能源机 组*j*的有功参考值。由式(6)可以看出, λ_{eq} 与各分布 式新能源机组是否进入低电压有功管理环节有关。 当所有被等值机组都未进入低电压有功管理环节 时,各机组的 λ 皆为1,故 λ_{eq} =1;当部分 / 全部机组 进入低电压有功管理环节时,需根据式(6)求取 λ_{eq} 。

以2台分布式新能源机组为例,假设扰动1下 机组1进入低电压有功管理环节,其有功参考值 为 $\lambda_{1.1}P_{gref1}$,机组2未进入低电压有功管理环节,其有 功参考值为 $\lambda_{2.1}P_{gref2}$,则等值机的有功调整系数为 $\lambda_{eq.1} = \sum_{j=1}^{2} \lambda_{j.1}P_{grefj} / \sum_{j=1}^{2} P_{grefj}$ 。随着电压跌落程度的加 深,当2台机组都进入低电压有功管理环节时, 机组1的有功参考值为 $\lambda_{1.2}P_{gref1}$,机组2的有功参 考值为 $\lambda_{2.2}P_{gref2}$,则等值有功调整系数为 $\lambda_{eq.2} = \sum_{j=1}^{2} \lambda_{j.2}P_{gref2} / \sum_{j=1}^{2} P_{gref3}$,此后随着电压跌落程度的进一步 增加,等值有功调整系数为 $\lambda_{eq.2} = \sum_{j=1}^{2} \lambda_{j.r}P_{gref2} / \sum_{j=1}^{2} P_{gref3}$ (下标 τ 代表不同的扰动)。根据上述结果可得低电 压有功管理环节的模型聚合如图2所示。图中: $\Delta U_{eq} = U_n - U_{eq}, U_{eq}$ 为等值母线电压; $\Delta U_{eq.0}$ 为所有分



Fig.2 Model aggregation of low voltage active power management link

值母线电压变化量的门槛值; ΔU_{eqn} 为所有分布式新 能源机组都进入低电压有功管理时等值母线电压变 化量的门槛值。由图可知 λ_{eq} 为斜率单调递减的连 续折线。

根据图 2, 当配电网中有 n 台被等值机组时, λ_{eq} 可采用式(7)所示分段函数近似拟合。

$$\lambda_{\rm eq} = \begin{cases} 1 & \Delta U_{\rm eq} < \Delta U_{\rm eq,0} \\ a_p \Delta U_{\rm eq}^2 + b_p \Delta U_{\rm eq} + c_p & \Delta U_{\rm eq,0} \le \Delta U_{\rm eq} \le \Delta U_{\rm eq,n} \\ a_{p1} \Delta U_{\rm eq} + c_{p1} & \Delta U_{\rm eq} > \Delta U_{\rm eq,n} \end{cases}$$
(7)

式中: $a_p, b_p, c_p, a_{p_1}, c_{p_1}$ 为拟合系数。

当等值母线电压的变化量处于[$\Delta U_{eq,0}, \Delta U_{eq,n}$] 区间时,从图2可以看出,可采用拟合系数为 a_p, b_p, c_p 的二次函数(图中的虚线)拟合等值机的有功调整系数;当所有分布式新能源机组都进入低电压有功管理环节时, λ_{eq} 为关于 ΔU_{eq} 的一次函数,此时拟合系数 a_{p1} 和 c_{p1} 均为常数。

值得注意的是,若分布式新能源机组在进入低 电压有功管理环节后,有功调整系数具有分段特性, 如图1所示的 DDPMSG,在端口电压跌落到0.4U_a及 以下时,有功调整系数恒定为0。则λ_{eq}在式(7)所示 一次函数对应的等值母线电压变化区间会多出1 个二次函数和一次函数。这是因为存在一部分 DDPMSG 的有功调整系数为0,一部分不为0的情 况。此时多出的分段函数在形式和确定方法方面与 式(7)相同,这里不再赘述。

2.2 低电压无功管理环节的模型聚合

设有 *n* 台分布式新能源机组被等值,则由式 (3)、(4)可得等值机的无功附加电流为:

$$i_{qLVRT,eq} = \sum_{j=1}^{n} i_{qLVRTj} = k_{q,eq} \Delta U_{eq}$$
(8)

式中: $i_{qLVRT.eq}$ 为等值机无功附加电流值; $k_{q.eq}$ 为等值 机无功附加电流系数。由式(3)、(4)可以看出:当所 有分布式新能源机组都未进入低电压无功管理环节 时,各机组的 k_q 皆为0,因此 $k_{q.eq}$ =0;当部分/全部机 组进入低电压无功管理环节时,需根据式(8)求 取 $k_{q.eq}$ 。

以2台分布式新能源机组为例,假设扰动1下机 组1进入低电压无功管理环节,其无功附加电流 $i_{qLVRT1} = k_{q1}\Delta U_1 + \varepsilon_1, \Delta U_1$ 为机组1端口电压的变化量, ε_1 为常数, k_{q1} 为机组1的无功附加电流系数;机组2 未进入低电压无功管理环节,其无功附加电流为0, 此时等值机的无功附加电流为 $i_{qLVRT.eq.1} = k_{q1}\Delta U_1 + \varepsilon_1 = k_{q.eq.1}\Delta U_{eq.o}$ 随着电压跌落程度的加深,当2台分布式 新能源机组都进入低电压无功管理环节时,机组1 的无功附加电流仍为 $i_{qLVRT1} = k_{q1}\Delta U_1 + \varepsilon_1, 机组2$ 的无 功附加电流为 $i_{qLVRT2} = k_{q2}\Delta U_2 + \varepsilon_2(\varepsilon_2)$ 为常数),则等值 机的无功附加电流 $i_{qLVRT2} = k_{q1}\Delta U_1 + \varepsilon_1 + k_{q2}\Delta U_2 + \varepsilon_2 = \varepsilon_1$ $\mathbf{2}$ $k_{q,\mathrm{eq},2}\Delta U_{\mathrm{eq}\,\circ}$

根据上述结果,可得n台分布式新能源机组被等值时,i_{qLVRT.eq}为斜率单调递增的连续折线,见附录A图A3。由图可知,当配电网中有n台被等值时, i_{qLVRT.eq}可采用式(9)所示分段函数近似拟合。

$$i_{qLVRT.eq} = \begin{cases} 0 & \Delta U_{eq} < \Delta U_{eq,q0} \\ a_q \Delta U_{eq}^2 + b_q \Delta U_{eq} + c_q & \Delta U_{eq,q0} \leq \Delta U_{eq,q0} \\ k_{qc} \Delta U_{eq} & \Delta U_{eq} > \Delta U_{eq,qn} \end{cases}$$

$$(9)$$

式中: $\Delta U_{eq,q0}$ 为所有分布式新能源机组都未进入低电压无功管理环节时等值母线电压变化量的门槛值; $\Delta U_{eq,qn}$ 为所有分布式新能源机组都进入低电压无功管理时等值母线电压变化量的门槛值; a_q 、 b_q 、 c_q 和 k_{ac} 为拟合系数。

当等值母线电压的变化量处于[$\Delta U_{eq,q0}, \Delta U_{eq,qn}$] 区间时,从图A3可以看出,可采用系数为 $a_q, b_q \pi c_q$ 的二次函数(见图A3中的红色虚线)拟合等值机的 无功附加电流;当所有机组都进入低电压无功管理 环节时, k_{ac} 为常数。

2.3 电流限幅环节的等值

当多台分布式新能源机组进行模型聚合时,需确定等值机组的电流限幅值。

1)当所有分布式新能源机组未进入电流限幅环 节时,等值机的d轴和q轴电流为所有机组的对应电 流之和,即:

$$\begin{cases} i_{q,eq} = \sum_{j=1}^{n} i_{q}(j) \\ i_{d,eq} = \sum_{j=1}^{n} i_{d}(j) \end{cases}$$
(10)

2)当部分机组进入电流限幅环节时,设有 n₁台 机组进入电流限幅环节,n-n₁台机组未进入电流限 幅环节,由于采用无功优先控制,故等值机电流的 d、q轴分量分别为:

$$\begin{cases} i_{q,eq} = \sum_{j=1}^{n_1} I_{max}(j) + \sum_{j=n_1+1}^n i_q(j) \\ i_{d,eq} = \sum_{j=n_1+1}^n i_d(j) \end{cases}$$
(11)

3)当所有机组均进入电流限幅环节时,有:

$$\begin{cases} i_{q,eq} = \sum_{j=1}^{n} I_{max}(j) = I_{max,eq} \\ i_{d,eq} = 0 \end{cases}$$
(12)

式中:*I*_{maxeq}为所有分布式新能源机组的电流限幅值 之和。从式(10)—(12)可以看出:由于受被等值机 组进入电流限幅环节状态的影响,等值机的*d*、q轴 电流限幅值将不再是确定值,其会随着电压跌落深 度的变化而变化。 以等值机的 d 轴电流限幅值 i_{dmax.eq} 为例进行分析,当所有分布式新能源机组均未进入电流限幅环

节时, $i_{dmax,eq}$ = $I_{max,eq}$;当有 n_1 台机组进入电流限幅环节 时, $i_{dmax,eq}$ = $\sum_{j=n_1+1}^{n}I_{max}(j)$;当所有分布式新能源都机组均 进入电流限幅环节时, $i_{dmax,eq}$ =0。因此 $i_{dmax,eq}$ 随 ΔU_{eq} 的变化关系如附录A图A4所示。

除此以外,等值机电流的d、q轴分量还满足:

$$i_{d,eq}^2 + i_{q,eq}^2 \leqslant I_{\max,eq}^2$$
(13)

根据图 A4,可将等值机的 d 轴电流限幅值 i_{dmax.eq} 采用式(14)所示分段函数拟合。

$$i_{dmax,eq} = \begin{cases} \sum_{j=1}^{n} I_{max}(j) & \Delta U_{eq} < \Delta U_{eq,l0} \\ a_{1} \Delta U_{eq}^{2} + b_{1} \Delta U_{eq} + c_{1} & \Delta U_{eq,l0} \leq \Delta U_{eq} \leq \Delta U_{eq,ln} \\ 0 & \Delta U_{eq} > \Delta U_{eq,ln} \end{cases}$$
(14)

式中: a_1 、 b_1 和 c_1 为二次函数拟合系数; $\Delta U_{eq,l0}$ 为所有 分布式新能源机组都未进入电流限幅环节时等值母 线电压变化量的门槛值; $\Delta U_{eq,ln}$ 为所有分布式新能 源机组都进入电流限幅环节时等值母线电压变化量 的门槛值。

3 多激励下多类型分布式新能源机组非线 性环节的非机理等值建模

下面以3类分布式新能源并网的简单算例为 例,分别给出分布式新能源机组低电压有功管理、低 电压无功管理以及电流限幅环节在多激励下的非机 理等值建模流程。

3.1 非机理等值建模流程

以低电压有功管理环节为例,多类型分布式新 能源机组低电压有功管理环节的非机理等值建模流 程见图3。低电压无功管理环节以及电流限幅环节 的非机理等值建模流程与图3基本一致,这里不再 赘述。

3.2 算例分析

多类型分布式新能源机组的并网接线图如图 4 所示,2 台 DFIG、2 台 DDPMSG 以及1 台 PV 接入母 线 B₂,其额定功率均为1 MW,分布式新能源机组通 过两级升压变压器接入 220 kV 系统,其参数采用 PSCAD / EMTDC 平台推荐的典型参数。假设分布式 新能源机组均采用定无功控制方式,即 $Q_{gref}=0$,低电 压有功管理和无功管理环节分别见 1.2 节和 1.3 节, DFIG、DDPMSG 以及 PV 的电流限幅值分别为 1.1、 1.1、1.5 p.u.。并网阻抗分别为 $Z_1=0.22+j1.07$ p.u., $Z_2=0.58+j1.65$ p.u., $Z_3=2.12+j5.18$ p.u., $Z_4=4.71+j13.59$ p.u., $Z_5=6.81+j19.03$ p.u.(基准容量为1 MV·A)。

进行等值建模时,首先将各分布式新能源机组



Fig.3 Non-mechanism equivalent modeling flowchart of low voltage active power management link





Fig.4 Grid-connected wiring diagram of multi-type distributed new energy units

采用图A2所示的通用模型结构表示,下面对各非线性环节的等值建模过程进行详细阐述。

3.2.1 低电压有功管理环节的非机理等值建模

根据图3所示建模流程,设故障发生在母线B₁ 处,根据各分布式新能源机组与母线B₂的电气距离 计算可得:当母线B₂的电压跌落小于10.1%U_n时, 所有新能源机组都未进入低电压有功管理环节,即 $\Delta U_{eq0}=10.1\%U_{n};$ 当母线B₂的电压跌落大于等于 11.8%U_n时,所有分布式新能源机组都进入低电压 有功管理环节,即 $\Delta U_{eqn}=11.8\%U_{n}$ 。

在母线 B_2 处设置不同电压跌落扰动,其变化区间为[10.1% U_n ,11.8% U_n],进而可得每种电压跌落程度下的{ ΔU_{eq} , λ_{eq} }序列,最后采用二次函数拟合该序列,二次函数的拟合结果如式(15)及图 5(a) 所示。





3.2.2 低电压无功管理环节的非机理等值建模

采用与低电压有功管理环节等值相似的流程, 可得母线 B_2 处的电压跌落小于 10.1 % U_n 时,所有分 布式新能源机组都未进入低电压无功管理环节,即 $\Delta U_{eq,q0}$ =10.1 % U_n ;当母线 B_2 处的电压跌落大于等于 20.5 % U_n 时,所有分布式新能源机组都进入低电压 无功管理环节,即 $\Delta U_{eq,q0}$ =20.5 % U_n 。

在母线 B₂设置不同电压跌落扰动,其变化区间 为[10.1% U_n ,20.5% U_n],进而可得每种电压跌落程 度下的{ ΔU_{eq} , $i_{qLVRT.eq}$ }序列,最后采用二次函数拟合 该序列,拟合结果见式(17)以及附录A图A5。

 $i_{qLVRT.eq} = 5.78\Delta U_{eq}^2 - 1.08\Delta U_{eq} + 0.07$ (17) 3.2.3 电流限幅环节的非机理等值建模

在母线 B₂处设置不同电压跌落程度的扰动,可 得母线 B₂的电压跌落小于 34.16 % U_n 时,所有分布 式新能源机组都未进入电流限幅环节,即 $\Delta U_{eq,l0}$ = 34.16 % U_n ;当母线 B₂的电压跌落大于等于 39.41 % U_n 时,所有分布式新能源机组都进入电流限幅环节,即 $\Delta U_{eq,ln}$ = 39.41 % U_n 。

在母线B2处设置不同的电压跌落扰动,其变化

区间为[34.16% U_n , 39.41% U_n], 可得每种电压跌落 程度下的{ ΔU_{eq} , $i_{dmax,eq}$ }序列, 采用二次函数拟合该 序列, 拟合结果见式(18)以及附录A图A6。由图可 知, $i_{dmax,eq}$ 可近似由式(18)拟合。

 $i_{dmax,eq} = 117.89 \Delta U_{eq}^2 - 105.01 \Delta U_{eq} + 23.08$ (18) 综合图 5、图 A5 和图 A6 的曲线拟合结果可以看

出,采用图3、图A3和图A4所示的二次曲线拟合方 法可以较好地进行部分分布式新能源机组进入 LVRT或进入电流限幅环节时非线性环节的等值 建模。

4 算例验证

将所提多类型分布式新能源机组非线性环节的 非机理等值建模方法进一步应用于主动配电网中, 进行机组等值建模,并将等值模型与传统负荷模型 并联作为主动配电网的等值模型。

以附录 A 图 A7 所示的某实际 10 kV 主动配电网 为例,基于 PSCAD / EMTDC 平台搭建该仿真系统。 设线路阻抗为 0.116+j0.1067 Ω / km,静态负荷的电 阻 R_z 与电抗 X_z 的比值满足 R_z/X_z =5,感应电动机负 荷参数见附录 A 表 A1。图 A7 中,分布式新能源的 出力占总负荷比例的 104.44%,其中 DFIG、DDPMSG 以及 PV 的出力分别占新能源总出力的 37.04%、 37.04%和 25.93%。

4.1 分布式新能源机组非线性环节的等值建模

首先采用图 A2 所示的通用模型表示各分布式 新能源机组,然后对各分布式新能源机组进行等值 建模。等值时对其中的线性环节采用参数辨识方法 获取重点参数,对其中的非线性环节采用本文所提 等值建模方法。

在多扰动激励下,扰动设置为母线 A_1 处发生三 相短路故障,通过调整接地电阻使得母线 A_2 的电压 分别发生不同程度的跌落。根据各分布式新能源机 组与扰动点的电气距离,可得等值机进入低电压有 功管理环节的等值母线电压变化量门槛值分别为 $\Delta U_{eq0}=10.2 \% U_n 和 \Delta U_{eqn}=11.8 \% U_n$ 。与此同时,可 计算得到当等值母线电压的变化量处于区间 [60.2 % U_n, 61.4 % U_n]内时,部分 DDPMSG 的有功调 整系数为0。

因此,在母线 A_2 处分别设置变化量处于区间 [10.2% U_n ,11.8% U_n]和[60.2% U_n ,61.4% U_n]内的电 压跌落扰动,得到相应的 { ΔU_{eq} , λ_{eq} }序列,采用二次 函数拟合,结果见附录A式(A1)。同理,进行低电 压无功管理环节等值时,根据各分布式新能源与 扰动点的电气距离,计算得到 $\Delta U_{eq,q0}$ =10.2% U_n , $\Delta U_{eq,qa}$ =21.1% U_n 。在此区间内根据所得 { ΔU_{eq} , $i_{aLVRT,eq}$ }序列,采用二次函数拟合,结果见附录A式 (A2)。进行电流限幅环节等值时,计算得到 $\Delta U_{eq,10}$ = 34.26% U_n , $\Delta U_{eq,1n}$ =40.1% U_n 。在此区间内根据所得 { ΔU_{eq} , $i_{dmax,eq}$ }序列,采用二次函数拟合,结果见附录 A式(A3)。由式(A1)—(A3)可得不同电压跌落程 度下非线性环节的等值参数。

4.2 主动配电网的等值建模验证

由文献[20]可知传统综合负荷模型的待辨识参 数为并网等值阻抗(R_{CIM}+jX_{CIM}),感应电动机的定子 电抗X_s、初始转差率s₀以及惯性时间常数H;此外还 有感应电动机消耗有功占综合负荷消耗有功的比例 K_™。而对于分布式新能源机组,由文献[4]可知,其 重点参数为并网等值阻抗(R_{DG}+jX_{DG}),换流器有功控 制环节、无功控制环节外环的比例积分参数Km、Km、 K_{av} 和 K_{ai} ,以及锁相环的比例积分参数 K_{PLLo} 和 K_{PLLi} , 此外还有分布式新能源机组输出功率占综合负荷总 消耗功率的比例Knc。由此确定15个待辨识的参 数,分别为 $\{R_{DG}, X_{DG}, R_{CLM}, X_{CLM}, K_{pp}, K_{pi}, K_{qp}, K_{qi}, K_{PLLp},$ $K_{\text{PLLi}}, X_{\text{s}}, s_0, H, K_{\text{DG}}, K_{\text{IM}}$,其余参数采用典型值。设 t=5 s时母线 A₁处发生三相短路故障,通过调整接 地电阻使得母线 A2电压跌落 10.5%U, 故障持续 0.2 s后消失,系统恢复至原状态。由式(A1)-(A3) 可得此时的λ_{eq}=0.9977, *i*_{aLVRT.eq}=0.0340 p.u., *i*_{dmax.eq}= 1.2037 p.u..

仿真得到该故障下母线A₂处的有功功率及无 功功率受扰轨迹,以此为基准,采用曲线拟合方法辨 识待辨识参数。曲线拟合采用综合粒子群优化算 法,其中,初始粒子数和学习因子分别为10和2,最 大迭代次数为200。针对粒子群优化算法易进入局 部极值点的问题,本文按Logistic函数实现非线性动 态递减惯性权重,以防止算法收敛到局部极值点。 具体为:

$$w_{(T+1)} = w_{\max} - (w_{\max} - w_{\min}) \frac{1}{1 + ab^{100T/T_{\max}}}$$
(19)

式中:w_(T+1)为第T+1次迭代的权重,T为迭代次数; T_{max}为最大迭代次数;w_{max}、w_{min}分别为权重最大值、最 小值;a和b为控制因子,当a=42和b=0.77时算法性 能较好。当进行参数辨识时,等值模型中综合负荷 和分布式新能源机组的初值为详细模型参数的加权 平均值。

参数辨识的目标为:

 $\min E_{err} =$

$$\frac{1}{K} \sum_{i=1}^{i=K} \left[\left(\frac{P_{\rm sim}(i) - P_{\rm real}(i)}{P_{\rm real}(i)} \right)^2 + \left(\frac{Q_{\rm sim}(i) - Q_{\rm real}(i)}{Q_{\rm real}(i)} \right)^2 \right] (20)$$

式中:E_{er}为误差;P、Q分别为母线A₂处的有功、无功 功率,下标 sim和 real 分别表示基于等值模型的仿真 结果以及基于详细模型的仿真结果;K 为受扰轨线 时间窗口内的总采样点数,采样步长为10⁻⁵ s。参数 辨识结果见表1,表中R_{DC}、X_{DC}、R_{CLM}、X_{CLM}、X_s的辨识 值为标幺值。

Table 1	Results of p	arameter	identification
参数	辨识值	参数	辨识值
$R_{ m DG}$	0.3411	$X_{\rm DG}$	0.3619
K_{pp}	2.8013	K_{pi}	0.2127
K_{qp}	2.1333	K_{qi}	0.6210
$K_{\rm PLLp}$	99.3814	K _{PLLi}	1677.7144
$R_{ m CLM}$	0.4782	$X_{\rm CLM}$	0.3639
$X_{\rm S}$	0.0881	H / s	0.9300
s ₀ / %	1.8822	K _{DG} / %	105.2616
$K_{\rm IM}$ / %	54.5178		

表1 参数辨识结果

当母线 A₂电压跌落 10.5%U_n时,详细模型和基 于表 1参数的等值模型在等值母线 A₂处有功功率 P、无功功率Q、等值电压U_{eq}、a相瞬时电压u_a和瞬时 电流*i*_a的受扰轨迹对比情况如图6所示,图中,U_{eq}、u_a 和*i*_a均为标幺值,后同。此时,由式(20)可计算出详 细模型和等值模型的误差为0.0195。可以看出,等 值模型具有较好的拟合精度。同时,针对现有研究 等值时大多未考虑分布式新能源机组LVRT的情 况,图6给出了未考虑LVRT时等值模型的功率响 应,模型参数设置与表 1相同,此时详细模型和未考 虑LVRT等值模型的误差为0.0209。可以看出,考





上述扰动下,只有部分分布式新能源机组进入 LVRT,为进一步验证所有分布式新能源机组都进入 LVRT时的模型适应性,设置新的扰动为*t*=5 s时母 线 A₁处发生三相短路故障,通过调整接地电阻使得 母线 A₂电压跌落了 30 %U_n,故障持续 0.2 s 后消失,系统恢复至原状态。

由式(A1)一(A3)求得此时非线性环节参数分 别为 λ_{eq} =0.775, $i_{qLVRT:eq}$ =0.174 p.u., $i_{dmax:eq}$ =1.2037 p.u.。 该扰动下,详细模型和基于表1参数的等值模型在 等值母线A₂处有功功率P、无功功率Q、等值电压 U_{eq} 、a相瞬时电压 u_a 和瞬时电流 i_a 的受扰轨迹对比 情况如附录A图A8所示。此时,详细模型与等值模 型及不考虑LVRT的等值模型的误差分别为0.0282 和0.0577。由图可知,当所有分布式新能源机组都 进入LVRT状态后等值模型也具有较高的等值精 度;当不考虑LVRT等值时,其等值模型随着分布式 新能源机组进入LVRT状态的数目增多,LVRT出力 逐步增大,拟合误差逐渐增大。

4.3 不对称电压跌落时等值模型的适应性分析

上述仿真验证了网侧对称故障下等值模型的 精度,下面进一步分析网侧不对称故障下等值方法 的适应性。新的扰动设置为t=5s时母线A₁处发生 ab两相短路故障,且其电压皆跌落50% U_a ,故障持 续0.2 s后消失,系统恢复至原状态。由式(A1)— (A3)可得此时非线性环节参数分别为 $\lambda_{eq}=0.8095$, $i_{qLVRT:eq}=0.1593$ p.u., $i_{dmax:eq}=1.2037$ p.u.。该扰动下,详 细模型和基于表1参数的等值模型在等值母线A₂处 有功功率P、无功功率Q、等值电压 U_{eq} 、a相瞬时电压 u_a 和瞬时电流 i_a 的受扰轨迹对比情况如附录A图A9 所示。此时2个模型间的误差为0.1672。由图可 知,不对称故障下等值模型仍具有较好的等值精度, 但是相比于对称故障,其等值误差有了一定程度的 提高,该现象是由系统不对称故障下产生的谐波所 造成的。

5 结论

本文基于PSCAD / EMTDC 平台推荐的分布式 新能源机组的详细模型,研究了 DFIG、DDPMSG 以 及 PV 非线性环节的等值建模方法。针对配电网中 分布式新能源机组的地理位置不同、LVRT控制策略 差异导致其非线性环节运行状态的差异,分析了等 值模型中低电压有功调整系数、无功附加电流以及 电流限幅值与等值母线电压跌落程度的关系,得到 了近似表达各非线性环节的非机理模型。算例仿真 表明所提模型具有较好的适应性。

将所建多类型分布式新能源机组通用模型与传统综合负荷并联作为主动配电网的等值模型。以某 实际主动配电网为例,发现当网侧发生对称故障时, 建立的模型能较好地描述计及LVRT时,含多类型 分布式新能源机组主动配电网的动态特性;当网侧 发生不对称故障时,等值模型的拟合精度较好,但对 32

不对称故障下谐波的拟合精度不高。

本文所采用的DFIG、DDPMSG以及PV模型基 于PSCAD/EMTDC平台的推荐模型结构及参数,但 所提建模方法也适用于分布式新能源机组的其他模 型结构或参数。

本文的创新点在于针对主动配电网中分布式新 能源机组种类较多、位置较分散的问题,提出了多类 型分布式新能源机组的等值建模方法,尤其是给出 了非线性环节的等值建模方法。后续将针对主动配 电网中电子电子化负荷,研究含高比例电力电子装 备的主动配电网等值建模方法。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

参考文献:

- [1] ARIF A, WANG Z, WANG J, et al. Load modeling a review
 [J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2018,9(6):5986-5999.
- [2] MILANOVIĆ J V, MAT-ZALI S. Validation of equivalent dynamic model of active distribution network cell[J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2013, 28(3):2101-2110.
- [3]马亚辉,李欣然,徐振华,等.一种逆变并网型分布式电源统一模型[J].电工技术学报,2013,28(9):145-154.
 MA Yahui,LI Xinran,XU Zhenhua, et al. A unified model of grid-connected distributed generation through inverters[J]. Transactions of China Electrotechnical Society,2013,28(9):145-154.
- [4] 潘学萍,冯徐徐,鞠平,等.含直驱永磁风电场的配电网广义负荷建模[J].电力系统自动化,2017,41(4):62-68.
 PAN Xueping, FENG Xuxu, JU Ping, et al. Generalized load modeling of distribution network integrated with direct-drive permanent-magnet wind farms[J]. Automation of Electric Power Systems,2017,41(4):62-68.
- [5] 徐振华,李欣然,宋军英,等.考虑双馈风电机的配网广义综合 负荷建模[J].电工技术学报,2013,28(7):234-242.
 XU Zhenhua,LI Xinran,SONG Junying, et al. Load modeling considering Doubly-Fed Induction Generator(DFIG) integrated into distribution network[J]. Transactions of China Electrotechnical Society,2013,28(7):234-242.
- [6] 吴峰,戴小妹. 计及高渗透率光伏的配电网广义负荷一体化等 值建模[J]. 电力自动化设备,2020,40(5):1-9,46.
 WU Feng, DAI Xiaomei. Integrated equivalent modeling for generalized loads of distribution network[J]. Electric Power Automation Equipment,2020,40(5):1-9,46.
- [7] 韩平平,范桂军,孙维真,等. 基于数据测试和粒子群优化算法 的光伏逆变器 LVRT 特性辨识[J]. 电力自动化设备,2020,40 (2):49-54.

HAN Pingping, FAN Guijun, SUN Weizhen, et al. Identification of LVRT characteristics of photovoltaic inverters based on data testing and PSO algorithm[J]. Electric Power Automation Equipment, 2020, 40(2):49-54.

[8] 张文娟,马浩淼,张飞鸽,等. 基于模糊切换的 DFIG 转子串联 双动态电阻 LVRT 优化控制[J]. 电力自动化设备,2021,41(7): 58-64.

ZHANG Wenjuan, MA Haomiao, ZHANG Feige, et al. LVRT optimal control of DFIG using rotor series double dynamic resistance based on fuzzy switching[J]. Electric Power Automation Equipment, 2021, 41(7):58-64.

[9] HISKENS I A. Dynamics of type-3 wind turbine generator

models[J]. IEEE Transactions on Power Systems,2012,27(1): 465-474.

- [10] 查晓明,张扬,成燕,等.用于简化微电网结构的微分几何广义 同调方法[J].电工技术学报,2012,27(1):24-31.
 ZHA Xiaoming,ZHANG Yang,CHENG Yan, et al. New method of extended coherency for micro-grid based on homology in differential geometry[J]. Transactions of China Electrotechnical Society,2012,27(1):24-31.
- [11] 廖书寒,查晓明,黄萌,等.适用于电力电子化电力系统的同调 等值判据[J].中国电机工程学报,2018,38(9):2589-2598, 2827.

LIAO Shuhan, ZHA Xiaoming, HUANG Meng, et al. Coherency criterion applicable to power electronics dominated large power systems [J]. Proceedings of the CSEE, 2018, 38(9): 2589-2598,2827.

- [12] 赵学深,朱琳,郭力,等.基于等值单机非线性模型的多换流器 并联直流系统暂态稳定性分析及控制参数整定方法[J/OL]. 中国电机工程学报.[2022-04-08]. https://kns.cnki.net/kcms/ detail/11.2107.TM.20220121.1445.002.html.
- [13] CHAO Pupu, LI Weixing, LIANG Xiaodong, et al. An analytical two-machine equivalent method of DFIG-based wind power plants considering complete FRT processes[J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2021, 36(4): 3657-3667.
- [14] CHAO Pupu, LI Weixing, PENG Simin, et al. Fault ride-through behaviors correction-based single-unit equivalent method for large photovoltaic power plants[J]. IEEE Transactions on Sustainable Energy, 2021, 12(1):715-726.
- [15] NAHID-MOBARAKEH B,MEIBODY-TABAR F,SARGOS F M. Mechanical sensorless control of PMSM with online estimation of stator resistance[J]. IEEE Transactions on Industry Applications, 2004, 40(2):457-471.
- [16] DING Xinzhong, ZHANG Chengrui, YU Lehua, et al. A new state estimator of PMSM using adaptive extended Kalman filter[J]. Advanced Materials Research, 2012, 430-432:772-780.
- [17] GENG S, HISKENS I A. Second-order trajectory sensitivity analysis of hybrid systems [J]. IEEE Transactions on Circuits and Systems, 2019, 66(5): 1922-1934.
- [18] ALONSO J C G, GOHARRIZI A Y, BORISOVA E, et al. Benchmark model of type-W wind turbine in PSCAD/EMTDC [C]//2019 IEEE Power & Energy Society General Meeting. Atlanta, USA: IEEE, 2019:1-5.
- [19] GOHARRIZI A Y, GARCIA-ALONSO J C, BORISOVA E, et al. Benchmark model of type-III wind turbine for research and development applications [C] //2018 IEEE Canadian Conference on Electrical & Computer Engineering. Quebec, Canada: IEEE, 2018:1-6.
- [20] 鞠平. 电力系统建模理论与方法[M]. 北京:科学出版社, 2010:265-274.

作者简介:



陈海东(1989—),男,博士研究生,主 要研究方向为主动配电网动态等值建模 (E-mail:xiaohaidong30@163.com);

潘学萍(1972—),女,教授,博士,主要 研究方向为新能源电力系统建模、分析与控 制(**E-mail**;xueping_pan@hhu.edu.cn)。

陈海东

(编辑 王欣竹)

(下转第39页 continued on page 39)

Load forecasting of integrated energy system based on MMoE multi-task learning and LSTM

WU Chen¹, YAO Jing², XUE Guiyuan¹, WANG Jianxiao³, WU Yin¹, HE Kai²

(1. Economic Research Institute of State Grid Jiangsu Electric Power Co., Ltd., Nanjing 210008, China;

2. Beijing Tsintergy Technology Co., Ltd., Beijing 100080, China;

3. State Key Laboratory of Alternate Electrical Power System with Renewable Energy Sources,

North China Electric Power University, Beijing 102206, China)

Abstract: Accurate multivariate load forecasting is the key to realize optimal scheduling and economic operation of IES (Integrated Energy System). On the basis of considering the correlation of multivariate loads, a multivariate load forecasting method based on MMoE (Multi-gate Mixture-of-Experts) multi-task learning and LSTM (Long Short-Term Memory network) is proposed. The Pearson correlation coefficient is used to analyze the strong and weak correlation between cooling, heating, electric load and meteorological factors. Then, the MMoE multi-task learning model is constructed, and the expert subnetworks and gating units are used to learn the difference of coupling characteristics among multivariate loads. Moreover, the subtask model is constructed using LSTM to forecast multivariate loads. The performance is validated by public datasets, and results show that the proposed model based on MMoE multi-task learning and LSTM can effectively improve the accuracy of multivariate load forecasting.

Key words: multivariate load forecasting; integrated energy system; correlation analysis; MMoE multi-task learning; LSTM; expert network

(上接第32页 continued from page 32)

Equivalent modeling of LVRT and current limiting links for distributed photovoltaic and wind turbine generators

CHEN Haidong¹, PAN Xueping¹, HUANG Hua², SUN Xiaorong¹, HE Dazhuang¹, YONG Chengli¹

(1. College of Energy and Electrical Engineering, Hohai University, Nanjing 211100, China;

2. School of Electrical Engineering, Nanjing Institute of Technology, Nanjing 211167, China)

Abstract: With the increasing integration of distributed new energy units, the dynamic characteristics of power load have significantly changed, it is necessary to study a new equivalent modeling method for active distribution networks. The types of distributed new energy units in the active distribution network are diversified, and the controller has nonlinear links such as switching and limiting. For this reason, with the common characteristics of model structure of doubly-fed induction generator-based wind turbines, direct drive permanent magnet synchronous generator-based wind turbines, and photovoltaic generation, a general model of distributed new energy units is constructed. On this basis, a new non-mechanistic equivalent modeling method for nonlinear links under effect of multi-excitations is proposed, and the results are verified by a simple simulation example. An actual active distribution network is simulated and the results demonstrate that when combines the equivalent model and the classical load model in paralleled, it can accurately describe the dynamic characteristics of the active distribution network considering LVRT (Low Voltage Ride-Through) and current limiting links of the distributed new energy units.

Key words: distributed new energy units; dynamic characteristics; active distribution network; nonlinear links; low voltage ride-through; equivalent modeling





图 A1 分布式新能源机组的模型结构 Fig. A1 Model structure of distributed new energy units



注: $P_g \cap Q_g \cap M$ 为新能源发出的有功功率和无功功率; $U \cap \Theta \cap M$ 为新能源端口电压的幅 值和相角; U_n 为额定电压; $R_L \cap X_L$ 为线路电阻和电抗; $u_d \cap u_q \cap M$ 为为新能源端口 电压的 d 轴和 q 轴分量; $i_d \cap i_q \cap M$ 为为新能源端口电流的 d 轴和 q 轴分量; 下标 ref 表示 参考值; $i_{dmax} \cap i_{qmax} \cap M$ 为 d 轴和 q 轴电流的限幅值; U_{dc} 为直流侧电压; Θ 为功率 因数角; ω 为同步频率; $R \in L \cap C \cap M$ 为涉滤波元件的电阻、电感和电容; PLL 为锁 相环, θ_{PLL} 为锁相环输出相角; $K_{PLLp} \cap K_{PLLi} \cap M$ 为为锁相环控制环节的比例和积分 系数; $K_{pp} \cap K_{pi} \cap M$ 为为有功功率外环控制的比例和积分系数; $K_{pp1} \cap K_{pi1} \cap M$ 为为有 功功率内环控制的比例和积分系数; 开关 S 分别对应无功功率控制的 3 种方式, 分别为定 功率因数控制、定无功功率控制和定电压控制, 其中, $K_{\theta p} \cap K_{\theta i}$ 为定功率因数控制的 比例和积分系数; $K_{qp} \cap K_{qi} \cap M$ 为为方定无功功率控制的比例和积分系数; $K_{up} \cap K_{qi} \cap M$ 和为定无功功率控制的比例和积分系数; $K_{up} \cap K_{qi} \cap M$ 和为定无功功率内环控制的比例和积分系数; $K_{qp1} \cap K_{qi1} \cap M$ 和为方式, h和为定无功功率内环控制的比例和积分系数; $K_{qp1} \cap K_{qi1} \cap M$ 和为方式, h和为定无功功率内环控制的比例和

图 A2 多类型分布式新能源机组的通用模型结构

Fig.A2 General model structure of multi-type distributed new energy units



Fig.A3 Model aggregation of low voltage reactive power management link





Fig.A4 Relationship between *d*-axis current limit value of equivalent model and equivalent bus voltage



图 A5 无功管理环节的非机理等值建模

Fig.A5 Non-mechanism equivalent modeling of reactive power management link





图 A7 实际 10 kV 主动配电网 Fig.A7 A real 10kV active distribution network

表 A1 负荷参数 de A1 Load paramet

	Table A	AI Load p	arameters	
母线序号	电动机 比例	定子 电抗	惯性时 间常数	初始滑差
1,7	40%	0.065	1.0s	1.9149%
3, 5, 13	60%	0.088	0.8s	2.2870%
2, 10, 11	65%	0.10	1.4s	1.3147%
6, 14	40%	0.12	1.4s	2.5831%
8,12	45%	0.10	0.56s	1.1178%
4,9	70%	0.076	0.56s	1.9932%

表中:定子电抗为标幺值。

$$\lambda_{eq} = \begin{cases} 1, & \Delta U_{eq} \leq 10.2\% U_{n} \\ -40.83\Delta U_{eq}^{2} + 8.17\Delta U_{eq} + 0.59, 11.8\% U_{n} \geq \Delta U_{eq} \geq 10.2\% U_{n} \\ -1.15\Delta U_{eq} + 1.12, & 60.2\% U_{n} \geq \Delta U_{eq} \geq 11.8\% U_{n} \\ 31.25\Delta U_{eq}^{2} - 38.66\Delta U_{eq} - 12.38, 61.4\% U_{n} \geq \Delta U_{eq} \geq 60.2\% U_{n} \\ -1.09\Delta U_{eq} + 1.09, & \Delta U_{eq} \geq 61.4\% U_{n} \end{cases}$$
(A1)

$$i_{qLVRT.eq} = \begin{cases} 0, & \Delta U_{eq} < 10.2\% U_{n} \\ 12.79 \Delta U_{eq}^{2} - 3.21 \Delta U_{eq} + 0.23, 21.1\% U_{n} \ge \Delta U_{eq} \ge 10.2\% U_{n} \\ 0.58 \Delta U_{eq}, & \Delta U_{eq} \ge 21.1\% U_{n} \end{cases}$$
(A2)

$$I_{dmax,eq} = \begin{cases} 1.2037, & \Delta U_{eq} < 34.26\% U_{n} \\ 294.38\Delta U_{eq}^{2} - 239.52\Delta U_{eq} + 48.71, 40.1\% U_{n} \ge \Delta U_{eq} \ge 34.26\% U_{n} \\ 0, & \Delta U_{eq} \ge 40.1\% U_{n} \end{cases}$$
(A3)





Fig.A8 Disturbed trajectories of equivalent model and detail model under 30% U_n voltage dip



