# 基于宽频量测间谐波潮流计算的次 / 超同步振荡溯源方法

金标1,余一平1,樊陈2,易文飞3,鞠平1

(1. 河海大学 能源与电气学院,江苏 南京 211100;2. 中国电力科学研究院有限公司(南京),江苏 南京 210003;3. 国网江苏省电力有限公司,江苏 南京 211103)

摘要:宽频量测技术的快速发展为部分新能源发电并网节点的次/超同步振荡监测提供了有效手段,但是由 于测量单元布点限制,难以获得全网的振荡传播和分布。为此,提出了一种基于新能源发电并网点宽频量测 间谐波潮流计算的次/超同步振荡溯源方法。给出了次同步振荡频率下间谐波潮流算法的网络模型和元件 模型,总结了间谐波潮流计算的详细步骤,通过间谐波潮流计算可得到各个节点的间谐波电压电流分布,进 而获得全网次/超同步振荡传播路径。当新能源发电系统次同步振荡传播引发邻近火电机组轴系扭振时, 存在扭振机组间谐波等效阻抗突变的特性,从而造成间谐波潮流分布发生变化,根据预想振荡状态下间谐波 潮流计算结果与实际宽频量测结果间的不同,可用于新能源发电次同步振荡引发邻近火电机组轴系扭振的 溯源定位。最后,基于四机两区域系统和IEEE 10机39节点系统算例验证了所提方法的有效性和准确性。 关键词:宽频量测:次/超同步振荡;间谐波潮流;溯源定位;新能源

中图分类号:TM 712

文献标志码:A

DOI:10.16081/j.epae.202206009

# 0 引言

我国提出"力争2030年前实现碳达峰,2060年 前实现碳中和"的战略目标。这要求我们构建以新 能源为主体的新型电力系统,届时电力系统将呈现 高比例可再生能源接入、高比例电力电子设备的"双 高"特性[1]。而随着电力电子设备和可再生能源在 电网中的比例逐渐升高,国内外频繁发生次/超同 步振荡事故,其中典型的如2015年以来我国新疆哈 密直驱风机发生20~80 Hz的振荡导致火电机组发 生轴系扭振而跳闸<sup>[2]</sup>。新能源发电产生的次 / 超同 步振荡传播可能引发邻近火电机组的轴系扭振,从 而对电力系统的安全稳定运行造成更严重的威胁。 文献[3-5]定义次同步频率下的功率,对次同步振荡 的传播和分布进行分析,并利用次同步频率下功率 的特性进行溯源,实现了次同步控制作用机理扰动 源的辨识;文献[6]通过将实时监测数据和聚合阻抗 模型相结合实现基于次同步控制相互作用机理的次 同步振荡扰动源的快速定位与切除;文献[7-9]将暂 态能量流推广至次同步强迫振荡扰动源定位及阻尼 评估,建立了暂态能量流与发电机组电功率以及阻 尼之间的联系,并实现了次同步强迫振荡的振荡源 定位。如何快速辨识新能源发电引发的次 / 超同步 振荡传播路径和分析其对周围邻近火电机组的影

收稿日期:2022-03-21;修回日期:2022-05-20

在线出版日期:2022-06-12

基金项目:国家自然科学基金资助项目(52077058);国家电网有限公司科技项目(5108-202055023A-0-0-00)

Project supported by the National Natural Science Foundation of China(52077058) and the Science and Technology Project of State Grid Corporation of China(5108-202055023A-0-0-00) 响,这对于未来新型电力系统的安全稳定运行具有 重要意义。文献[3-9]均为基于量测的次同步振荡 定位方法,依赖量测的部署,而当前针对宽频振荡的 量测配置较少,限制了次同步振荡定位方法的实现。 目前针对次同步振荡的研究仍不完善,不同机理下 的判据适用性还有待验证。

宽频量测技术的快速发展为研究新能源发 电次 / 超同步振荡现象提供了间谐波振荡相量 数据<sup>[10-11]</sup>。文献[12]通过同步相量测量单元 PMU (Phasor Measurement Unit)的测量数据还原算法实 现对间谐波振荡的相量测量。文献[13]基于自适应 滤波算法提出了宽频电磁振荡多模态特征的相量检 测方法,并实践开发了多模态振荡检测装置,解决了 由多间谐波频率混叠导致的电磁振荡不准确问题。 文献[14]针对电力电子化电网电气量的宽频特征, 设计了多功能宽频量测装置。宽频量测可以获得 新能源发电次 / 超同步振荡过程中间谐波电压电流 的分布,有利于调度运行人员识别次 / 超同步振荡 传播路径,并进行溯源定位[15]。但目前电网中针对 次 / 超同步振荡相关的间谐波频率电压电流分量的 宽频量测设备配置不足,只能在新能源发电并网节 点和部分特定重要厂站、节点加以装设。由于测量 装置改造和数据处理量大等因素,对电网中所有节 点都装设间谐波频率分量的量测设备在短期内是不 现实的,这导致了新能源发电次 / 超同步振荡发生 时,电网中绝大多数节点的间谐波电压电流分量分 布或振荡传播路径,电网运行调度人员是未知的。 如果能够通过类似潮流计算的方式获取电网各节点 间谐波频率下的电压电流分布,即通过将新能源并 网点振荡宽频量测与间谐波潮流计算相结合获取以

全网各节点的间谐波电压电流分布为特征的振荡传播信息,对于运行人员进行振荡分析控制具有重要 实用价值。而新能源发电次/超同步振荡引发的间 谐波潮流分布与谐波潮流分布具有相似性,以往的 研究针对基波和整倍频的谐波潮流计算已经非常成 熟。文献[16]提出了经典谐波潮流的详细建模和计 算步骤,先给出非线性电力电子谐波源的计算公式, 然后对基波与谐波单独进行求解并联立满足节点状 态约束条件的计算公式。

222

本文在结合宽频量测和谐波潮流算法的基础 上,提出了一种基于新能源并网点宽频量测间谐波 潮流计算的次 / 超同步溯源方法。所提间谐波潮流 计算方法利用新能源并网点的较少量测设备可以获 取全网次同步振荡传播路径,弥补量测不足,并基于 间谐波潮流给出新能源发电系统振荡引发邻近火电 机组轴系扭振时的振荡甄别定位。首先给出了间谐 波潮流计算的网络方程和电力元件模型,提出了间 谐波潮流计算的详细步骤;其次当新能源场站发生 次 / 超同步振荡时,基于部分新能源并网点宽频量 测间谐波潮流方法计算间谐波电压电流在全网中的 分布,进而获得次 / 超同步振荡在电网中的传播路 径:然后调度运行人员通过新能源预想振荡情况下 计算全网间谐波潮流,与部分节点宽频实测量的比 较分析,可以实现新能源发电次/超同步振荡引发 邻近火电机组轴系扭振溯源定位:最后通过四机两 区域系统和 IEEE 10 机 39 节点系统算例验证了所 提方法的准确性,为调度运行人员从电网角度进行 次 / 超同步振荡分析溯源提供一种新的手段。

#### 1 间谐波潮流分析方法

# 1.1 次/超同步振荡特征分析

新能源发电发生次 / 超同步振荡时,电网中各 节点电压和各支路电流中存在次 / 超同步频率电压 电流分量。此时不考虑迅速发散的暂态过程,对持 续振荡阶段进行分析<sup>[17-18]</sup>,如图1所示,图中电流为 标幺值。当振荡波形呈现出周期性的平稳振荡时, 对其进行傅里叶变换可以解耦出工频与间谐波频率 分量,即解耦为基频分量和间谐波频率分量的正 弦波。

因此,发生次/超同步振荡时节点电压和支路 电流可以写成不同频率瞬时量的叠加形式,具体 如下:

$$\begin{cases} u(t) = u_{0} \cos(\omega_{0}t + \phi_{0}) + u_{s1} \cos(\omega_{s1}t + \phi_{s1}) + \\ u_{s2} \cos(\omega_{s2}t + \phi_{s2}) + \cdots \\ i(t) = i_{0} \cos(\omega_{0}t + \phi_{0}) + i_{s1} \cos(\omega_{s1}t + \phi_{s1}) + \\ i_{s2} \cos(\omega_{s2}t + \phi_{s2}) + \cdots \end{cases}$$
(1)

式中:u(t)、i(t)分别为节点电压、支路电流; $u_0$ 、 $u_{s1}$ 、 $u_{s2}$ 分别为基频、频率为 $s_1$ 、频率为 $s_2$ 电压分量的幅



图1 次/超同步振荡波形图

Fig.1 Sub-/ super-synchronous oscillation waveforms

值; $i_0$ 、 $i_{s1}$ 、 $i_{s2}$ 分别为基频、频率为 $s_1$ 、频率为 $s_2$ 电流分量的幅值; $\phi_0$ 、 $\phi_{s1}$ 、 $\phi_{s2}$ 分别为基频、频率为 $s_1$ 、频率为  $s_2$ 电压分量的相位; $\varphi_0$ 、 $\varphi_{s1}$ 、 $\varphi_{s2}$ 分别为基频、频率为  $s_1$ 、频率为 $s_2$ 电流分量的相位; $\omega_0$ 、 $\omega_{s1}$ 、 $\omega_{s2}$ 分别为基 频、频率为 $s_2$ 的角频率。

综上所述,在次/超同步振荡平稳阶段时,节点 电压、支路电流瞬时值可以表示为不同频率下的瞬 时分量叠加,基频以外的瞬时周期性分量,称之为间 谐波分量,而间谐波分量的电压电流相量形式及其 功率分布,可以表述为间谐波潮流。

#### 1.2 间谐波潮流网络方程

次/超同步振荡平稳阶段中,新能源发电发生次/超同步振荡时,电网中各节点电压和各支路电流中存在间谐波电压电流分量。电网中间谐波电压 电流分布对掌握次/超同步振荡的传播路径至关重 要。本文将通过间谐波潮流的方式将电压电流各状 态量在频域上进行解耦计算,获得振荡频率分量下 间谐波电压电流分布。

对于有 n个节点的电力系统网络,各个频率分量始终满足基尔霍夫电流定律(KCL)条件,即满足如下电流平衡方程:

$$\boldsymbol{I}_n = \boldsymbol{Y}_n \boldsymbol{V}_n \tag{2}$$

式中: $I_n$ 为n个节点流入或流出的某一频率的间谐波 电流矩阵, $Y_n$ 为对应频率下n个节点导纳矩阵, $V_n$ 为 对应频率下n个节点间谐波电压矩阵。

对于一个大电网而言,已知新能源场站基于宽 频量测获得的次/超同步振荡间谐波注入电流,所 有接地节点的间谐波电压为0。因此,电流平衡方 程可以写成如下形式:

$$\begin{bmatrix} \boldsymbol{I}_{\mathrm{B}} \\ \boldsymbol{I}_{\mathrm{I}} \\ \boldsymbol{I}_{\mathrm{G}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \boldsymbol{Y}_{\mathrm{BB}} & \boldsymbol{Y}_{\mathrm{BI}} & \boldsymbol{0} \\ \boldsymbol{Y}_{\mathrm{IB}} & \boldsymbol{Y}_{\mathrm{II}} & \boldsymbol{Y}_{\mathrm{IG}} \\ \boldsymbol{0} & \boldsymbol{Y}_{\mathrm{GI}} & \boldsymbol{Y}_{\mathrm{GG}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \boldsymbol{U}_{\mathrm{B}} \\ \boldsymbol{U}_{\mathrm{I}} \\ \boldsymbol{U}_{\mathrm{G}} \end{bmatrix}$$
(3)

式中: $I_{\rm B}$ 、 $I_{\rm I}$ 和 $I_{\rm G}$ 分别为系统新能源并网边界节点、内

部节点和接地节点的注入电流; $U_{\rm B}$ 、 $U_{\rm I}$ 和 $U_{\rm G}$ 分别为 系统边界节点、内部节点和接地节点的电压; $Y_{\rm BB}$ 、  $Y_{\rm II}$ 、 $Y_{\rm CC}$ 分别为系统边界节点、内部节点和接地节点 的自导纳; $Y_{\rm BI}$ 、 $Y_{\rm IB}$ 和 $Y_{\rm IC}$ 、 $Y_{\rm CI}$ 分别为边界节点与内部 节点和内部节点与接地节点之间的互导纳。

为分析方便,本文研究单个新能源场站发生次 同步振荡的情况,即电网中只存在单个振荡源、单个 边界节点,不涉及次同步振荡引发其他电力系统元 件振荡产生新的振荡源情况。若有多个新能源并网 点,则仅需增加模型中的边界节点个数,在数学上建 立的潮流网络方程没有特殊的改变。

网络中的节点依据边界条件的不同可以划分为 图2所示的接地节点、内部节点和边界节点。接地 节点的间谐波频率分量电压为0;内部节点的间谐 波频率分量注入电流为0;边界节点的次同步频率 分量电流可以通过宽频量测辨识获取。



图 2 系统节点分类图 Fig.2 Diagram of system bus classification

因此,式(3)可以重新组合为如下形式:  

$$\begin{bmatrix} I_{\text{B&I}} \\ I_{\text{G}} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} Y_{1} & Y_{2} \\ Y_{3} & Y_{\text{GG}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} U_{\text{B&I}} \\ U_{\text{G}} \end{bmatrix}$$
(4)  

$$I_{\text{B&I}} = \begin{bmatrix} I_{\text{B}} & I_{1} \end{bmatrix}^{\text{T}}, \quad U_{\text{B&I}} = \begin{bmatrix} U_{\text{B}} & U_{1} \end{bmatrix}^{\text{T}}$$
(4)  

$$Y_{1} = \begin{bmatrix} Y_{\text{BB}} & Y_{\text{BI}} \\ Y_{\text{IB}} & Y_{\text{II}} \end{bmatrix}, \quad Y_{2} = \begin{bmatrix} 0 & Y_{\text{IG}} \end{bmatrix}^{\text{T}}, \quad Y_{3} = \begin{bmatrix} 0 & Y_{\text{GI}} \end{bmatrix}$$

不妨假设边界节点和内部节点共*m*个,编号为1一*m*。利用高斯-赛德尔迭代法求解,*U*<sub>B&I</sub>可由式(5)计算得到。

$$\begin{cases} U^{(0)} = \begin{bmatrix} U_1^{(0)} & U_2^{(0)} & \cdots & U_m^{(0)} \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \\ U_i^{(k+1)} = \begin{pmatrix} I_i - \sum_{j=1}^{i-1} Y_{ij} U_j^{(k+1)} - \sum_{j=i+1}^m Y_{ij} U_j^{(k)} \end{pmatrix} / Y_{ii} \\ i \quad i = 1, 2, \cdots, m \cdot k = 0, 1, \cdots \end{cases}$$
(5)

式中:U<sup>(k)</sup>为在第k次迭代时边界节点和内部节点的 电压矩阵,k=0时表示初值;U<sup>(k)</sup>和U<sup>(k)</sup>分别为节点i 和节点j在第k次迭代时的电压值,k=0时表示初值;  $I_i$ 为节点i的电流; $Y_{ij}$ 为节点i和节点j之间的互导纳; $Y_{ii}$ 为节点i的自导纳。

由式(5)可计算得到 $U_1$ ,又已知接地电压为0,即 $U_c=0$ ,可由式(6)计算得到 $I_{co}$ 。

$$\boldsymbol{I}_{\mathrm{G}} = \boldsymbol{Y}_{\mathrm{GI}} \boldsymbol{U}_{\mathrm{I}} + \boldsymbol{Y}_{\mathrm{GG}} \boldsymbol{U}_{\mathrm{G}} \tag{6}$$

由式(4)—(6)可知,在网络参数已知的系统中, 仅需在新能源并网点设置宽频量测设备,发生新能 源场站次/超同步振荡时便可计算得到间谐波电压 电流在全网的传播与分布。

实际网络中,获取完全准确的网络间谐波模型 是比较困难的,尤其是电网中复杂的动态元件、非线 性的电力电子设备以及负荷等效模型。此时可以通 过在未知结构参数的设备与模型出口侧加设宽频量 测设备通过辨识来解决,例如在输电网与配电网联 络线处或在电力电子出口侧设置宽频量测设备来获 得负荷和电力电子设备间谐波频率下的等效阻抗。 网络中宽频量测点的布置一般需要考虑新能源并网 点、部分发电机组出口和负荷接入电网点。新能源 并网点的等效建模困难且机理复杂需要设置量测 点;发电机组和负荷可基于现有模型采用扫频法建 立间谐波频率等效模型,当条件具备时可以安装宽 频量测设备建立更精准的等效模型。与传统基频潮 流相比,由于同步发电机等效为阻抗,间谐波潮流的 量测节点只需要新能源并网点,远少于传统基频潮 流。同理,与谐波潮流相比,间谐波潮流的量测节点 少于统一解法和交替迭代解法的谐波潮流。

#### 1.3 间谐波潮流元件模型

系统中线路、负荷、变压器等模型均与系统中流 过的电流的频率相关,因此需要对原系统中基频分 量下的模型进行修正<sup>[19]</sup>。重新构建谐波频率下的阻 抗等值网络,得到新的节点导纳矩阵。

1)输电线路。

π型等值电路阻抗计算公式如下:

$$\begin{cases} z_1 = r + jxf/f_n \\ y_1/2 = g + jbf/f_n \end{cases}$$
(7)

式中: $z_1$ 为线路阻抗; $y_1$ 为线路对地导纳; $r_x g n b 分$ 别为基频下线路电阻、电抗、电导和电纳; $f n f_n 分$ 别为间谐波频率和基频频率。

线路的电阻部分不受流过线路的电流频率变化 影响,仅电抗部分与电流频率相关,需要根据频率进 行修正。

2)负荷模型。

当仅考虑静态负荷模型时,恒阻抗负荷计算公 式如下:

$$R = \frac{V_{\rm n}^2}{P_{\rm n}}, \quad X_{\rm c} = \frac{V_{\rm n}^2}{Q_{\rm c}} \frac{f_{\rm n}}{f}, \quad X_{\rm l} = \frac{V_{\rm n}^2}{Q_{\rm l}} \frac{f}{f_{\rm n}}$$
(8)

式中:R、X。和X1分别为负荷等效电阻、容抗和感抗;

*V*<sub>n</sub>为负荷额定电压;*P*<sub>n</sub>、*Q*<sub>e</sub>和*Q*<sub>1</sub>分别为负荷有功功率、容性无功功率和感性无功功率。

对于异步电动机负荷模型,不考虑转子电阻,化 简后的异步电动机负荷阻抗计算公式如下:

$$Z_{\rm M} = R_{\rm s} + j \frac{f - f_{\rm s} + f_{\rm n}}{f_{\rm n}} \frac{L_{\rm s} L_{\rm r} - L_{\rm sr}^2}{L_{\rm r}}$$
(9)

式中: $Z_{\text{M}}$ 为异步电动机负荷阻抗; $R_{\text{s}}$ 为定子电阻; $L_{\text{s}}$ 、 $L_{\text{r}}$ 、 $L_{\text{r}}$ 、 $J_{\text{s}}$ 分别为定子电感、转子电感和互感; $f_{\text{s}}$ 为异步电动机转差频率。

3)变压器。

双绕组变压器阻抗计算公式如下:

$$\begin{cases} \boldsymbol{I}_i + \boldsymbol{k}_{\mathrm{T}} \boldsymbol{I}_j = 0\\ \boldsymbol{U}_i - \boldsymbol{Z}_{\mathrm{b}} \boldsymbol{I}_i = \boldsymbol{U}_i / \boldsymbol{k}_{\mathrm{T}} \end{cases}$$
(10)

式中: $k_{T}$ 为变压器高低侧变比的比值;下标j、i分别 为变压器高、低压侧节点编号; $U_{j}$ 、 $U_{i}$ 分别为变压器 高、低压侧电压; $I_{j}$ 、 $I_{i}$ 分别为变压器高、低压侧电流;  $Z_{b}$ 为变压器等效阻抗。

需要注意的是,式(10)中的Z<sub>b</sub>同样需要进行基 于频率的阻抗变换。具体过程与输电线路的变换保 持一致。对于三绕组变压器,简化为3个双绕组变 压器进行处理。

4)同步发电机。

对于恒励磁的同步发电机在非共振间谐波频率 下的模型,忽略阻抗简化后的同步发电机阻抗计算 公式如下:

$$Z_{\rm G} = j \frac{f}{f_{\rm p}} X'' \tag{11}$$

式中:*Z*<sub>c</sub>为同步发电机的等效阻抗;*X*″为同步发电机次暂态电抗。

对于同步发电机建模,需要了解间谐波电流在 同步发电机中引发的电磁变化。系统发生次/超同 步振荡,发电机端口流入间谐波频率为f的电流,该 电流在发电机中产生时变的磁场,即气隙中存在频 率为 $f_n-f$ 的dq轴磁通量,在绕组上产生频率为 $f_n-f$ 的阻尼电流。由于流入电机的间谐波电流恒定,导 致阻尼电流也持续振荡,所以应该选择建立计及阻尼 绕组的次暂态方程。非共振频率下转速约为1 p.u., 恒励磁条件下励磁电压的间谐波频率分量为0。综 上,联立求解可得到同步发电机的阻抗计算公式如 式(11)所示。

# 1.4 间谐波潮流计算步骤

间谐波潮流计算框图如附录A图A1所示,详细步骤如下。

1)基于新能源并网点宽频量测设备,获取并网 点振荡电流、电压瞬时数据,通过辨识方法对量测数 据进行解耦,本文采用Prony方法得到并网点注入的 间谐波频率电流分量;若存在多个间谐波频率分量, 则选取主导次同步振荡频率分量进行间谐波潮流计 算,得到该频率下间谐波潮流分布。

2)对基频网络元件进行校正,形成间谐波频率f 下的节点导纳矩阵Y。。

3)设置初始值(将接地电压设置为0,设置边界 节点电流或电压)。

4)设置收敛指标,利用式(3)—(5)对间谐波潮 流迭代计算。

5)打印、输出结果。

# 2 次同步振荡溯源分析

# 2.1 振荡传播路径获取

新能源并网发生次 / 超同步振荡时,利用并网 点宽频量测信息获得并网点间谐波电流,基于间谐 波潮流计算方法,获取全网所有节点次 / 超同步频 率分量电流电压信息。间谐波电流流过输电线路, 间谐波电压将产生一个线路压降,由间谐波分量电 流流向判定线路上间谐波分量传播的方向;流过网 络节点,间谐波分量仍然满足电流守恒,可以由 KCL 判定电流的分流与汇聚;由线路间谐波电流大小 及传播方向和节点上间谐波电流流入流出方向获取 次 / 超同步振荡传播路径。网络线路与节点图见附 录 A 图 A2。传播路径计算如式(12)和式(13)所示。

$$U_i = U_i + IZ, \quad U_i = U_i - IZ \tag{12}$$

$$\sum_{i=1}^{n} \pm I_i = 0 \tag{13}$$

式中: $U_i 和 U_j 分别为同一线路上节点 i 和节点 j 的电$ 压,Z为该线路上节点 i 和节点 j 间的等效阻抗,I为 $流过该线路的电流;<math>I_i$ 为流入某一节点 i 的不同支路 电流。

# 2.2 邻近火电机组被激发轴系扭振溯源

新能源发电通过风火打捆向外输电时,当风电 发生次同步振荡且振荡频率与邻近火电机组扭振自 然频率互补,形成共振,将激发火电机组轴系扭振。 此时火电机组的间谐波频率等效阻抗将发生突变, 与非共振频率下火电机组的等效阻抗有较大差异。 调度运行人员选择火电机组非扭振情况下的等效阻 抗进行预想新能源并网次同步振荡下间谐波潮流分 析,若预想振荡间谐波潮流计算结果与宽频量测实 测结果存在显著差别,可能是由于火电机组发生轴 系扭振造成间谐波电流真实分布发生改变。由于存 在共振机组等效阻抗的差别,因此体现在预想振荡 间谐波潮流中为发生扭振机组节点的间谐波电压电 流与宽频量测实际值的误差较大,远大于其他节点, 且不在一个数量级上。因此可以通过计算各个火电 机组预想计算值与实测量测值的相对误差,存在显 著差异的机组即为轴系扭振机组。这一现象可作为 新能源并网次同步振荡引发邻近火电机组轴系扭振 溯源定位的依据。



# 3 间谐波潮流振荡传播路径分析

#### 3.1 四机两区域系统

为验证间谐波潮流计算的准确性,通过时域仿 真结果与间谐波潮流计算结果进行对比分析。基于 MATLAB / Simulink软件搭建时域仿真模型,本节选 用四机两区域系统进行验证。系统模型由4台同步 发电机、对称的2个区域构成,2条并联220km输电 线路连接2个区域,并在节点N,处加设模拟新能源 发电次 / 超同步振荡源,向系统注入次同步频率分 量电流,其间谐波系统阻抗网络见附录A图A3,具 体网络参数见附录B表B1。

新能源并网振荡设置三相20 Hz 正弦波恒定电流,幅值为5 kA。通过宽频量测得到新能源并网点向系统注入间谐波电流5 kA,利用间谐波潮流方法进行计算,求解得到间谐波电压电流的分布情况。

由宽频量测设备获取新能源并网点出口电压 电流信息,其频域如图3(a)所示,主要监测到60 Hz 的工频分量与20 Hz的间谐波频率分量。选择1.0~ 1.2 s的振荡窗口,由Prony辨识工频分量和间谐波频 率分量在1 s时间断面上的幅值和相位,并由辨识结 果计算得到拟合波形,结果如图3(b)所示,拟合波 形与量测波形保持一致,可见次同步振荡电压电流 瞬时值可以解耦为基频分量和间谐波分量。通过间 谐波潮流计算,对其他电网节点电压、支路电流进行 评估,其中支路N<sub>5</sub>-N<sub>6</sub>的电流波形如图3(c)所示,可



图3 间谐波潮流计算结果

Fig.3 Calculative results of interharmonic power flow

见量测波形与间谐波潮流计算后重新叠加基频波形 保持一致。综上所述,在新能源并网发生次同步振 荡的情况下,可以由相量法的间谐波潮流计算来获 取间谐波电压电流在网络中的分布。在具体振荡发 生时,振荡频率由宽频量测辨识获取,因此间谐波潮 流表征振荡仅需确定该频率分量的振荡幅值、振荡 相位和相位对应的时刻即可推导出在时域上连续的 振荡波形。为简便表达,下文只展示振荡差异的幅 值和相位。

具体地,间谐波潮流计算结果与时域仿真结果 对比见表1和表2。

表1 四机两区域系统间谐波电压分布结果

Table 1 Results of interharmonic voltage distribution

of four-machine two-area system

			•		
节点	时域仿	真结果	间谐波潮流计算结果		
	幅值 / V	相位 / (°)	幅值 / V	相位 / (°)	
$N_5$	1 327.847	-88.411	1 327.933	-88.434	
$N_6$	2534.871	-96.962	2535.034	-96.985	
$N_7$	3941.580	-102.390	3941.833	-102.414	
$N_8$	12087.946	-105.493	12088.723	-105.516	
$N_9$	20212.686	-106.073	20213.986	-106.097	
$N_{10}$	12991.695	-100.571	12992.713	-100.611	
N <sub>11</sub>	6798.154	-91.795	6797.502	-91.790	

表2 四机两区域系统间谐波电流分布结果

 Table 2
 Results of interharmonic current distribution

 of four-machine two-area system

of four-machine two-area system						
支路	时域仿	<b>j</b> 真结果	间谐波潮流计算结果			
	幅值 / A	相位 / (°)	幅值 / A	相位 / (°)		
$G_{G1}$ - $N_5$	3095.670	-29.510	3 092.856	-29.465		
$G_{G2}$ - $N_6$	5919.071	-38.340	5917.041	-38.365		
$G_{G3} - N_{11}$	15899.062	-33.272	15896.666	-33.343		
$G_{G4} - N_{10}$	30385.544	-42.139	30366.117	-42.076		
$N_5 - N_6$	269.244	0.518	268.926	0.534		
$N_6 - N_7$	781.921	-5.296	781.273	-5.313		
$N_7 - N_8$	806.694	-0.304	805.449	-0.316		
$N_8 - N_9$	804.754	-0.270	802.619	-0.261		
$N_{9} - N_{10}$	4015.987	-9.079	4011.974	-9.078		
$N_{10} - N_{11}$	1 382.809	-3.265	1 382.225	-3.343		
$N_{7} - G_{17}$	73.381	67.559	73.350	67.552		
$N_9$ - $G_{L9}$	677.367	70.017	676.886	69.985		

在四机两区域系统中,由时域仿真结果与间谐 波潮流计算结果对比可见,间谐波潮流计算结果更 准确。节点间谐波电压电流计算结果无论是在幅值 还是在相位上都有较好的精确度。

通过间谐波潮流计算结果可以分析次同步振荡 在系统中传播与分布路径。由计算结果可知,随着 与次同步振荡源的电气距离增大,次同步频率分量 电压逐渐减小。在单个振荡源情况下,由于网络呈 现树干式结构,电压单调下降。由间谐波潮流计算 电流结果可知次同步振荡在网络各个方向传播分布 的情况。与间谐波振荡源电气距离最近的G<sub>c4</sub>分流 得到的振荡电流最大,区域2节点振荡电流同比要 高于区域1对称节点振荡电流,区域2受次同步振荡 影响更大。

# 3.2 IEEE 10机 39节点系统

226

本节再选择 IEEE 10机 39节点系统验证间谐波 潮流计算的准确性, IEEE 10机 39节点系统间谐波 阻抗网络图见附录 B 图 B1, 具体网络参数见附录 B 表 B2。该系统包括 10台发电机、39个节点、12台变 压器、34条线路,代表新英格兰的一个 345 kV 电力 网络,其中机组 G<sub>1</sub>为系统与外网连接的等值机组。 本文选择在电力网络中间位置母线 16处, 加设模拟 新能源并网次 / 超同步振荡源, 向系统注入次同步 频率分量电流。

新能源并网点设置三相20 Hz 正弦波电流,幅 值为500 A。IEEE 10 机39 节点系统较大,结构复 杂,支干路较多,对电流分流作用较大,单条线路上 基频电流较小,在IEEE 10 机39 节点系统内观察间 谐波在大电网传播分布的详细情况。

IEEE 10机 39节点系统所有发电机参数未知。 计及新能源并网点节点 16注入电流 500 A,系统共存在 11个边界节点,需要在发电机出口、负荷与电 网联络线及新能源并网点设置宽频量测设备。同四 机两区域系统一致,首先通过新能源并网点辨识间 谐波振荡频率,然后由 Prony辨识出边界节点间谐波 分量信息,最后通过间谐波潮流计算求解间谐波电 压电流分布,其电压时域仿真结果与间谐波潮流计 算结果如图4所示。





由图4可见,IEEE 10机39节点系统的间谐波潮 流计算结果与时域仿真结果两者相近,大致准确。 仿真得到的支路电流结果见附录B表B2。

节点12和节点31间谐波潮流计算结果与时域 仿真结果存在较大误差。这是由于时域仿真得到的 量测数据在Prony辨识中解耦效果不好,导致仿真数 据失真与间谐波潮流计算结果相差较大。总体而言 间谐波潮流计算结果与时域仿真结果一致,验证了 间谐波潮流计算的准确性。

在单振荡源情形下,通过间谐波潮流获取网络

电压信息和电流信息,监测得到在IEEE 10机39节 点系统中间谐波潮流传播图见附录B图B2<sup>[10]</sup>。

# 4 间谐波潮流火电扭振溯源

#### 4.1 风火打捆系统扭振

本节构建三质量块的火电机组模型,由多质量 块扭振自然频率计算公式得到自然扭振频率f<sub>1</sub>= 32.407 Hz和f<sub>2</sub>=24.719 Hz。

通过MATLAB / Simulink 在单机无穷大系统中 搭建上述火电机组模型,通过频率扫描法监测机组 端口的电压与电流数据。将量测数据通过 Prony 辨 识、解耦获取其中的间谐波电压与间谐波电流成分, 然后通过计算获得火电机组的等效阻抗。采用频率 扫描法得到的火电机组等效阻抗如图5所示。



图 5 采用频率扫描法得到的火电机组等效阻抗 Fig.5 Equivalent impedance of thermal power unit with frequency scanning method

由图5可知,随着频率升高,发电机的等效阻抗 幅值逐渐增大,相位保持在90°,与式(11)所示同步 发电机的等效阻抗模型一致。在火电机组的扭振自 然频率互补 $f_0-f_1$ 、 $f_0-f_2$ 处,由于电机发生轴系扭振, 转子角速度偏移较大,不满足非共振频率下转速约 为1p.u.,式(11)不再适用,其中 $f_0$ 为基频。此时,共 振频率互补导致发电机的等效阻抗幅值和相位都发 生突变,即火电机组轴系扭振导致机组等效阻抗突 变,使间谐波潮流结果存在较大偏差。在本文的2 个仿真案例中,输电线路、变压器、恒功率负荷、电动 机负荷等都为无源元件,其元件电抗对频率响应为 线性的,不产生突变。因此,网络中间谐波阻抗突变 是由火电机组轴系扭振所导致的。

#### 4.2 火电机组扭振溯源定位

调度运行人员日常可以通过间谐波潮流计算获 得预想新能源并网次同步振荡情况下全网的振荡传 播分布。本节继续选用IEEE 10机 39节点系统进行 仿真分析,运行人员通过间谐波潮流计算已经掌握 电网中预想未发生火电机组轴系扭振情况下的节点 间谐波电压分布。而当发电机 G<sub>8</sub>由于新能源场站 次同步振荡传播激发轴系扭振时,其间谐波等效阻 抗发生突变,附近节点的间谐波电压电流分布将发 生变化,与之前预想未发生扭振情况下潮流结果进 行对比,可求得各个节点间谐波电压的相对偏差。 机组端口电压计算值与实际值对比如表3所示。

#### 表3 机组端口电压计算值与实际值对比

Table 3 Comparison of calculative and actual values of generator port voltage

机组	计算值 / V	真实值 / V	相对误差 / %
G <sub>1</sub>	705.575	773.455	-8.776
$G_2$	1 193.204	1 224.257	-2.536
G3	1252.819	1 282.074	-2.282
$G_4$	2414.731	2443.779	-1.189
$G_5$	2291.865	2319.435	-1.189
G <sub>6</sub>	2241.309	2268.271	-1.189
G <sub>7</sub>	2050.952	2075.623	-1.189
$G_8$	846.113	1 354.885	-37.551
G <sub>9</sub>	998.028	1064.192	-6.217
G <sub>10</sub>	292.631	309.642	-5.494

火电机组发生扭振会引起间谐波等效阻抗变 化,从而影响间谐波潮流分布。由表3可得,机组G<sub>8</sub> 的相对误差最大,偏差高达-37.551%,远大于其他 节点,具有良好的可辨识性。而机组G<sub>8</sub>正是设定发 生扭振的机组,辨识正确。实际应用中当电网中部 分节点配置宽频量测装置时,如果实测得到的间谐 波电压电流分布与预想未发生扭振情况下的间谐波 电压电流分布存在较大偏差,则可能引发了火电机 组扭振。

# 5 结论

本文针对电网中出现的次/超同步振荡现象, 提出了扩展至工频及其整倍频外的间谐波潮流计算 方法,给出了完整可知网络系统下间谐波潮流模型。 对电力系统中的电力元件模型进行了校正,给出了 间谐波频率下电力系统元件的等效阻抗模型。详细 介绍了间谐波潮流计算方法的步骤、适用条件。在 四机两区域系统以及IEEE 10机 39节点系统中与时 域仿真方法对比验证所提间谐波潮流计算方法的有 效性和准确性。最后给出了间谐波潮流分布在新能 源次同步振荡引发邻近火电机组轴系扭振识别中的 应用。

本文所提基于新能源并网点宽频量测的间谐波 潮流计算方法,逻辑清晰、计算简单便捷。利用所提 方法能够有效地分析新能源次/超同步振荡时间谐 波电压电流在电网中的传播和分布,进而获得振荡 传播路径,并识别出风电次同步振荡激发邻近火电 机组轴系扭振位置。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

#### 参考文献:

[1] 周孝信,陈树勇,鲁宗相,等. 能源转型中我国新一代电力系统

的技术特征[J]. 中国电机工程学报,2018,38(7):1893-1904, 2205.

ZHOU Xiaoxin, CHEN Shuyong, LU Zongxiang, et al. Technology features of the new generation power system in China [J]. Proceedings of the CSEE, 2018, 38(7):1893-1904, 2205.

- [2] 陈露洁,徐式蕴,孙华东,等.高比例电力电子电力系统宽频带振荡研究综述[J].中国电机工程学报,2021,41(7):2297-2310.
   CHEN Lujie,XU Shiyun,SUN Huadong,et al. A survey on wide-frequency oscillation for power systems with high penetration of power electronics[J]. Proceedings of the CSEE, 2021,41(7):2297-2310.
- [3] 马闻达,王西田,解大. 大规模风电场并网系统次同步振荡功 率传播特性研究[J]. 中国电机工程学报,2020,40(16):5217-5229.

MA Wenda, WANG Xitian, XIE Da. Characteristics of subsynchronous oscillation power propagation in the large-scale wind farm integrated system[J]. Proceedings of the CSEE, 2020, 40 (16):5217-5229.

- [4] GAO Bo, WANG Yang, XU Wilsun, et al. Identifying and ranking sources of SSR based on the concept of subsynchronous power[J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2020, 35(1): 258-268.
- [5] WANG Yang, JIA Xiaolong, XIE Xiaorong, et al. Identifying sources of subsynchronous resonance using wide-area phasor measurements[J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2020, 36(5):3242-3254.
- [6] XIE Xiaorong, ZHAN Ying, SHAIR J, et al. Identifying the source of subsynchronous control interaction via wide-area monitoring of sub/super-synchronous power flows[J]. IEEE Transactions on Power Delivery, 2020, 35(5):2177-2185.
- [7] 陈磊,王文婕,王茂海,等.利用暂态能量流的次同步强迫振 荡扰动源定位及阻尼评估[J].电力系统自动化,2016,40(19): 1-8.

CHEN Lei, WANG Wenjie, WANG Maohai, et al. Disturbance source location of subsynchronous forced oscillation and damping evaluation using transient energy flow[J]. Automation of Electric Power Systems, 2016, 40(19):1-8.

- [8]任怡娜,陈磊,闵勇,等.次同步振荡中暂态能量流与电功率和 阻尼转矩的关系[J].电力系统自动化,2018,42(22):52-58.
   REN Yina, CHEN Lei, MIN Yong, et al. Relationship between transient energy flow, electric power and damping torque in subsynchronous oscillation[J]. Automation of Electric Power Systems,2018,42(22):52-58.
- [9] 余一平,闵勇,陈磊,等. 基于能量函数的强迫功率振荡扰动源 定位[J]. 电力系统自动化,2010,34(5):1-6.
   YU Yiping, MIN Yong, CHEN Lei, et al. Disturbance source location of forced power oscillation using energy functions
   [J]. Automation of Electric Power Systems,2010,34(5):1-6.
- [10] 樊陈,姚建国,常乃超,等. 电网宽频振荡实时监测技术方案
  [J]. 电力系统自动化,2021,45(11):152-159.
  FAN Chen,YAO Jianguo,CHANG Naichao, et al. Technical scheme for real-time monitoring of wide-frequency oscillation in power grid[J]. Automation of Electric Power Systems,2021, 45(11):152-159.
- [11] 伍双喜,陈全,杨银国,等.面向宽频振荡抑制的宽频相量测量装置[J/OL].[2022-05-18].电力自动化设备.http://doi.org/10.16081/j.epae.202205037.
- [12] 刘灏,许苏迪,毕天妹,等.基于同步相量数据的间谐波还原算法[J].电力自动化设备,2019,39(1):153-160.
  LIU Hao, XU Sudi, BI Tianshu, et al. Inter-harmonic reduction algorithm based on synchrophasor measurements[J]. Electric Power Automation Equipment,2019,39(1):153-160.

- [13] 吴琛,马宁宁,刘旭斐,等.高比例新能源电力系统多模态振荡 监测方法及装置设计[J].电网技术,2021,45(9):3496-3504.
  WU Chen, MA Ningning, LIU Xufei, et al. Monitoring method and device design of multimodal oscillation in high-proportion renewable power systems [J]. Power System Technology, 2021,45(9):3496-3504.
- [14] 吴艳平,姚建国,常乃超,等. 多功能宽频测量装置的设计与实现[J]. 电力系统自动化,2020,44(20):136-141.
  WU Yanping, YAO Jianguo, CHANG Naichao, et al. Design and implementation of multi-functional wide-frequency measurement device[J]. Automation of Electric Power Systems, 2020,44(20):136-141.
- [15] 吴熙,陈曦,吕万,等. 电力系统次同步振荡检测与在线定位技术综述[J]. 电力自动化设备,2020,40(9):129-141.
  WU Xi, CHEN Xi, LÜ Wan, et al. Review of detection and online localization technology of sub-synchronous oscillation in power system[J]. Electric Power Automation Equipment, 2020,40(9):129-141.
- [16] 夏道止,沈赞埙,朱振青. 交直流电力系统中统一基波和谐波 潮流解[J]. 西安交通大学学报,1985,19(5):11-23.

XIA Daozhi, SHEN Zanxun, ZHU Zhenqing. Unified fundamental frequency and harmonic load flow solution in AC / DC power systems[J]. Journal of Xi'an Jiaotong University, 1985, 19(5):11-23.

- [17] 李明节,于钊,许涛,等.新能源并网系统引发的复杂振荡问题 及其对策研究[J]. 电网技术,2017,41(4):1035-1042.
  LI Mingjie,YU Zhao,XU Tao,et al. Study of complex oscillation caused by renewable energy integration and its solution [J]. Power System Technology,2017,41(4):1035-1042.
- [18] 薛安成,汪云涛,乔登科,等.并网VSC系统正阻尼时的一类切换 型振荡分析[J/OL]. [2022-05-16]. 电力自动化设备.http:// doi.org/10.16081/j.epae.202203021.
- [19] 鞠平. 电力系统建模理论与方法[M]. 北京:科学出版社, 2010:82-88.

#### 作者简介:



金 标(1997—), 男, 硕士, 主要研究方 向为电力系统宽频振荡监测溯源(**E-mail**: 201306080017@hhu.edu.cn);

余一平(1977—),男,教授,博士,通信 作者,主要研究方向为电力系统宽频振荡 监测溯源、新型电力系统动态安全分析 (**E-mail**:yyiping@hhu.edu.cn);

金 标 鞠 平(1962—),男,教授,博士,主要 研究方向为电力系统建模与控制、新型电力 系统不确定性(**E-mail**:pju@hhu.edu.cn)。

(编辑 李玮)

# Tracing method of sub-/super-synchronous oscillation based on interharmonic power flow calculation of wide frequency measurement

JIN Biao<sup>1</sup>, YU Yiping<sup>1</sup>, FAN Chen<sup>2</sup>, YI Wenfei<sup>3</sup>, JU Ping<sup>1</sup>

(1. College of Energy and Electric Engineering, Hohai University, Nanjing 211100, China;

2. China Electric Power Research Institute(Nanjing), Nanjing 210003, China;

3. State Grid Jiangsu Electric Power Co., Ltd., Nanjing 211103, China)

Abstract: The rapid development of wide frequency measurement technology provides effective means for monitoring sub-/super-synchronous oscillation of some renewable energy generation grid-connected buses. However, due to the distribution limitation of measurement units, it is difficult to obtain the spread and distribution of oscillation in the whole grid. Thus, a tracing method of sub-/super-synchronous oscillation based on interharmonic power flow calculation of wide frequency measurement for renewable energy generation grid-connected buses is proposed. The network model and component model of interharmonic power flow algorithm under sub-synchronous oscillation frequency are given, and the detailed steps of interharmonic power flow calculation are summarized. The interharmonic power flow calculation is used to obtain the distribution of interharmonic voltage and current at each bus, and then the spread path of sub-/super-synchronous oscillation can be obtained. When the sub-synchronous oscillation propagation of renewable energy power generation system causes the torsional vibration of shaft system in adjacent thermal power units, there is a sudden change in the interharmonic equivalent impedance of torsional vibration units, so that leading to the variation of the interharmonic power flow distribution. According to the difference between the calculative results of interharmonic power flow under the expected oscillation state and the actual wide frequency measurement results, it can be used to trace and locate the torsional vibration of shaft system in adjacent thermal power units caused by sub-synchronous oscillation of renewable energy power generation. Finally, the effectiveness and accuracy of the proposed method are verified by the case study of four-machine two-area system and IEEE 10-machine 39-bus system.

Key words: wide frequency measurement; sub- / super-synchronous oscillation; interharmonic power flow; tracing and locating; renewable energy





图 B1 IEEE 10 机 39 节点系统间谐波阻抗网络 Fig.B1 Interharmonic impedance network of 10-machine 39-bus system

表 B1 四机两区域系统 20 Hz 频率下网络参数 Table B1 Network parameters of four-machine two-area system at

20 Hz frequency						
起始节点	终末节点	等效电阻/p.u.	等效电抗/p.u.	等效对地导纳/p.u.		
5	6	0.00250	0.00833	0.01457		
6	7	0.00100	0.00333	0.00583		
7	8	0.00550	0.01833	0.12833		
8	9	0.00550	0.01833	0.12833		
9	10	0.00100	0.00333	0.00583		
10	11	0.00250	0.00833	0.01457		
7	$G_{L7}$	0.10003	0.01770	0		
9	G <sub>L9</sub>	0.05632	0.00386	0		
5	$G_{G1}$	-0.00017	0.00933	0		
6	$G_{G2}$	-0.00022	0.00931	0		
10	$G_{G4}$	-0.00025	0.00929	0		
11	$G_{G3}$	-0.00024	0.00930	0		

起始节点	终末节点	等效电阻/p.u.	等效电抗/p.u.	等效对地导纳/p.u.	支路电流(测量值)/A	支路电流(计算值)/A
1	2	0.0035	0.0137	0.2329	24.2698	24.7529
1	39	0.0010	0.0083	0.2500	24.3706	24.8405
2	3	0.0013	0.0050	0.0857	78.1805	79.2479
2	25	0.0070	0.0029	0.0487	3.6550	4.1008
2	30	0	0.0060	0	55.6050	55.9914
3	4	0.0013	0.0071	0.0738	11.7708	10.4934
3	18	0.0011	0.0044	0.0713	89.9620	89.7533
4	5	0.0008	0.0043	0.0447	43.5369	41.7694
4	14	0.0008	0.0043	0.0461	37.9069	37.7565
5	8	0.0008	0.0037	0.0492	23.6974	21.2513
6	5	0.0002	0.0009	0.0145	21.8539	21.2959
6	7	0.0006	0.0031	0.0377	15.9910	13.5877
6	11	0.0007	0.0027	0.0463	21.3854	21.6665
7	8	0.0004	0.0015	0.0260	16.0246	13.6118
8	9	0.0023	0.0121	0.1268	34.7438	29.8613
9	39	0.0010	0.0083	0.4000	34.8237	29.9671
10	11	0.0004	0.0014	0.0243	19.3899	19.8032
10	13	0.0004	0.0014	0.0243	54.3905	53.5840
10	32	0	0.0067	0	37.9150	38.7014
12	11	0.0016	0.0145	0	2.3457	2.2483
12	13	0.0016	0.0145	0	5.0473	4.9916
13	14	0.0009	0.0034	0.0574	59.4814	58.5344
14	15	0.0018	0.0072	0.1220	97.0913	95.9711
15	16	0.0009	0.0031	0.0570	106.9241	105.9509
16	17	0.0007	0.0030	0.0447	157.9345	158.0590
16	19	0.0016	0.0065	0.1013	103.6338	104.3501
16	21	0.0008	0.0045	0.0849	82.3114	82.9522
16	24	0.0003	0.0020	0.0227	52.2392	52.5905
17	18	0.0007	0.0027	0.0440	91.4022	91.3200
17	27	0.0013	0.0058	0.1072	66.6201	66.9097
19	33	0.0007	0.0047	0	69.8921	70.4587
19	20	0.0007	0.0046	0	35.7452	35.7795
20	34	0.0009	0.0060	0	35.7452	33.5482
21	22	0.0008	0.0047	0.0855	77.3202	78.0094
22	23	0.0006	0.0032	0.0615	0.9535	0.9677
22	35	0	0.0048	0	77.4709	78.0845
23	24	0.0022	0.0117	0.1203	54.0820	54.3044
23	36	0.0005	0.0091	0	51.9566	52.3584
25	26	0.0032	0.0108	0.1710	29.9149	29.8224
25	37	0.0006	0.0077	0	29.1382	29.4777
26	27	0.0014	0.0049	0.0799	63.4262	63.5818
26	28	0.0043	0.0158	0.2601	16.5984	16.8897

表 B2 IEEE 10 机 39 节点系统 20 Hz 频率下网络参数

Table B2 IEEE 10-machine 39-nbus system network parameters at 20 Hz frequency

续表						
起始节点	终末节点	等效电阻/p.u.	等效电抗/p.u.	等效对地导纳/p.u.	支路电流(测量值)/A	支路电流(计算值)/A
26	29	0.0057	0.0208	0.3430	16.5721	16.8094
28	29	0.0014	0.0050	0.0830	16.4293	16.6235
29	38	0.0008	0.0052	0	33.0669	33.4783
31	6	0	0.0083	0	24.8146	24.6611
3	40	0.3055	0.0068	0	3.5618	3.6006
4	41	0.0824	0.0910	0	8.2374	8.3444
6	42	0.1810	0.1957	0	3.0522	3.1126
8	43	0.0862	0.0872	0	6.0277	6.2465
12	44	0.0095	0.3342	0	4.1137	2.7559
15	45	0.0961	0.1378	0	11.2510	11.2938
16	46	0.2734	0.0805	0	7.8042	7.8645
18	47	0.4694	0.2674	0	2.7594	2.7857
20	48	0.1249	0.0615	0	10.3583	10.4913
21	49	0.1399	0.1761	0	8.3417	8.3800
23	50	0.2051	0.2103	0	5.2632	5.3122
24	51	0.3189	-0.0317	0	6.6174	6.6754
25	52	0.3373	0.2132	0	1.8153	1.8530
26	53	0.6572	0.2411	0	1.4814	1.5027
27	54	0.2158	0.1740	0	4.8909	4.9305
28	55	0.4343	0.1745	0	1.6565	1.6849
29	56	0.3400	0.0968	0	1.9937	2.0139
30	57	-0.0025	0.0064	0	55.5553	55.9914
31	58	3.2252	4.8377	0	0.1097	0.1074
31	59	-0.0006	0.0254	0	24.7504	24.5731
32	60	-0.0083	0.0156	0	37.8262	38.7014
33	61	-0.0110	0.0159	0	69.7226	70.4587
34	62	-0.0176	0.0342	0	33.1769	33.5482
35	63	-0.0079	0.0136	0	77.3232	78.0845
36	64	-0.0128	0.0181	0	51.8231	52.3584
37	65	-0.0023	0.0134	0	29.0417	29.4777
38	66	-0.0064	0.0153	0	33.0806	33.4783
39	67	0.0658	0.0447	0	2.0445	1.9624
39	68	-0.0005	0.0028	0	58.1665	53.8768



Fig.B2 Interharmonic power flow propagation path diagram