基于高斯混合模型及近似线性规划的 风电系统校正控制方法

周海强1,赵春祝1,顾婷艳1,薛峰2,3,高超1,宋晓芳2,3

(1. 河海大学 能源与电气学院,江苏 南京 211100;2. 国电南瑞科技股份有限公司,江苏 南京 211106;
 3. 智能电网保护和运行控制国家重点实验室,江苏 南京 211106)

摘要:提出一种基于高斯混合模型及近似线性规划的风电系统校正控制方法。考虑到风电及负荷功率预测 误差的非高斯特性及相关性,建立了描述风电及负荷功率联合概率分布的高斯混合模型。考虑切负荷、发电 机功率调整以及统一潮流控制器等控制措施,以控制代价最小为目标函数,构建了计及电压、频率及线路潮 流等静态安全约束的风电系统校正控制优化问题的数学模型。为求解含不确定变量的非线性优化问题,依 据高斯混合模型的性质,在稳态运行点的邻域内将非线性约束近似转化为线性约束,用线性规划方法求解, 并不断迭代直至收敛。最后,将该方法应用于修改后的IEEE 10机39节点算例系统验证其有效性,与场景法 的对比结果表明该方法求解效率较高,且具有较好的经济性。

关键词:风电;校正控制;高斯混合模型;灵敏度;线性规划;静态安全 中图分类号:TM 614 文献标志码:A

DOI:10.16081/j.epae.202205066

0 引言

静态安全校正控制是电力系统安全稳定控制的 重要环节^[1],系统运行过程中,电源及负荷功率随时 可能发生变化,线路开断、设备故障等事故也难以避 免,一旦出现线路过载、电压过低等静态不安全现 象,必须及时采取合适的校正控制措施,以避免引发 连锁反应,造成更大范围的事故。截至2021年11月 14日,我国风电并网装机容量已突破3亿kW^[2],为 了实现我国政府提出的碳达峰和碳中和目标,未来 以风电、光伏为代表的新能源占比势必会不断提高。 新能源的大量接入,以及温控负荷、电动汽车和微电 网等广义负荷的广泛使用,增强了电力系统源荷双 侧的不确定性,给电力系统的频率安全、电压稳定等 带来了重要影响。如何在计及不确定性的条件下进 行风电系统校正控制决策是一个亟待解决的问题。

国内外学者对不确定系统的校正控制问题进行 了大量研究,现有方法主要有场景法、机会约束规划 CCP(Chance-Constrained Programming)方法、鲁棒优 化方法等。文献[3]应用场景法研究了风电系统的 静态电压校正控制问题,采取的校正措施包括发电

收稿日期:2022-03-29;修回日期:2022-05-30 在线出版日期:2022-06-06

基金项目:国家自然科学基金委员会-国家电网公司智能电 网联合基金资助项目(U2066601);智能电网保护和运行控制 国家重点实验室资助项目(SGTYHT / 20-JS-221)

Project supported by the Smart Grid Joint Fund of National Natural Science Foundation of China & State Grid Corporation of China(U2066601) and the State Key Laboratory of Smart Grid Protection and Control(SGTYHT / 20-JS-221)

机功率再调度、需求响应、切负荷等。场景法以各种 场景下控制代价(或静态安全指标)的期望值为目标 函数,其约束条件包括各种场景下的潮流方程和安 全约束不等式。场景的数量和代表性对解的精度影 响较大,其计算量较大,一般场景法需要应用高效率 抽样方法及场景削减技术生成场景集[4]。文献[5] 假设新能源预报误差服从高斯分布,基于直流潮流 法和CCP方法研究了使用移相器控制以及高压直流 功率调制进行过载校正控制的问题。CCP方法在一 定的置信度水平下进行决策,可兼顾控制代价及安 全风险,但CCP方法只能处理不确定变量服从某些 特定分布的情况,而对于非线性不确定系统则缺乏 系统的求解方法。鲁棒优化基于不确定性参数"最 不利"的情况进行最优决策[6],其控制策略较为保 守,经济性较差。文献[7]应用分布鲁棒线性优化理 论研究了考虑风电波动的电力系统静态安全校正控 制问题,实现了控制策略经济性与鲁棒性的相互转 化,在一定程度上提高了鲁棒控制策略的经济性。

总体而言,目前不确定性系统的校正控制方法 还存在一些不足。①对于非线性确定性系统的校正 控制问题,内点法、连续线性规划方法^[8]、粒子群优 化算法^[9]等求解方法已较为成熟,但对于非线性不 确定系统,其求解方法仍在发展之中。②对服从高 斯分布的不确定变量研究较多,而对于非高斯分布 不确定变量及其相关性考虑相对较少。由于高斯变 量的线性组合依然服从高斯分布,故对其进行分析 较为方便。但研究表明实际系统中风电及负荷功率 预测误差常具有非高斯分布特性,忽略这一特点将 导致分析结果有较大偏差。

针对上述问题,本文提出一种基于高斯混合模

型 GMM(Gaussian Mixture Model)和近似线性规划 ALP(Approximated Linear Programming)的风电系 统校正控制方法。首先,应用GMM来描述风电及负 荷功率预测误差随机向量的联合概率密度函数 PDF (Probability Density Function)及相关性。其次,考 虑切负荷、自动发电控制、统一潮流控制器 UPFC (Unified Power Flow Controller)等控制措施,建立 了计及风电及负荷不确定性的静态安全校正控制优 化问题的数学模型。然后,应用灵敏度方法并结合 GMM 的性质,将含不确定变量的非线性校正控制问 题近似转化为线性规划问题进行求解。最后,以修 改后的 IEEE 10机 39节点系统为例验证了本文所提 方法的有效性。

1 风电及负荷功率预测误差的GMM

1.1 风电及负荷功率预测误差的不确定性

建立源荷不确定变量的数学模型是风电系统校 正控制的基础。实践中常用预测功率加预测误差来 描述实际功率,已有研究常假设风电及负荷功率预 测误差服从正态分布,但这一假设往往会存在较大 偏差。研究表明风电预测误差的PDF呈现尖峰厚 尾、非对称甚至多峰等特点,并且预测误差的PDF随 着风电功率预测值所处区间不同而变化,很难用统 一的解析函数来进行拟合^[10]。文献[11]指出不同时 段和负荷水平下负荷预测误差的概率分布特性差别 很大,很难用统一的PDF来描述。

电力系统中各种不确定变量之间存在不同程度的相关性,能否准确地反映其相关性对分析结果影响很大。对于服从高斯分布的相关变量,可以通过 Cholesky分解将其转换为独立高斯变量的线性组合 进行分析;而对于非高斯分布的相关变量,尽管可以 使用 Nataf 变换将其相关系数矩阵转化为高斯变量 的相关系数矩阵进行分析^[12],但由于大多数情况下 无法获得其解析表达式,故计算过程较为复杂。

1.2 GMM

GMM 以多个正态分布函数的线性加权组合逼 近任意 PDF,可以描述任意非独立、非正态分布随机 变量的联合概率分布。GMM 可根据样本数据直接 拟合得到随机向量的联合 PDF,并刻画变量之间的 相关性,因此,GMM 获得了较为广泛的应用。

随机向量X的GMM表达式 $f_{GMM}(\mathbf{x})$ 如下:

$$f_{\text{GMM}}(\boldsymbol{x}) = \sum_{m=1}^{M} \boldsymbol{\omega}_{m} \mathbf{N}_{m} \Big(\boldsymbol{x} \big| \boldsymbol{\mu}_{m}, \boldsymbol{\Sigma}_{m} \Big)$$
(1)

式中:M为高斯子项的个数; ω_m 为第m个高斯子项的 权值,且满足 $\sum_{m=1}^{M}\omega_m=1, \omega_m>0; N_m(\mathbf{x} | \boldsymbol{\mu}_m, \boldsymbol{\Sigma}_m)$ 为第m个高斯子项,表示期望为 $\boldsymbol{\mu}_m$ 、协方差矩阵为 $\boldsymbol{\Sigma}_m$ 的多 元正态分布,其表达式如式(2)所示。

$$N_{m}(\boldsymbol{x} | \boldsymbol{\mu}_{m}, \boldsymbol{\Sigma}_{m}) = \frac{\exp\left[-\frac{1}{2}(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{\mu}_{m})^{\mathrm{T}}\boldsymbol{\Sigma}_{m}^{-1}(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{\mu}_{m})\right]}{(2\pi)^{\frac{n}{2}} (\det(\boldsymbol{\Sigma}_{m}))^{\frac{1}{2}}}$$
(2)

式中:n为样本数;det(\cdot)表示求矩阵(\cdot)的迹。 通过调整参数 $\theta = \{\omega_m, \mu_m, \Sigma_m | m = 1, 2, \dots, M\}$ 的

取值, $f_{GMM}(\mathbf{x})$ 可以拟合任意的PDF。

对于GMM 刻画的多个变量的线性组合,可以 方便地获取其GMM。若X为q维随机向量,其线 性组合Y=BX+C为p维随机向量,其中B为p×q阶 矩阵,C为p维向量,则随机向量Y的GMM表达式 $f_{CMM}(y)为^[13]$:

$$f_{\text{GMM}}(\boldsymbol{y}) = \sum_{m=1}^{M} \omega_m N_m \Big(\boldsymbol{y} \, \Big| \, \boldsymbol{B} \boldsymbol{\mu}_m + \boldsymbol{C}, \, \boldsymbol{B} \boldsymbol{\Sigma}_m \boldsymbol{B}^{\mathrm{T}} \Big) \qquad (3)$$

由此可见,若风电或负荷功率为输入变量X,则 节点电压、线路潮流等输出变量Y的统计规律可由 GMM来描述。

1.3 GMM的参数估计

设 X_1, X_2, \dots, X_n 为来自随机变量X的样本, x_1, x_2, \dots, x_n 为样本的一个取值。其对数似然(Loglikelihood)函数 $f_{LL}(x_1, x_2, \dots, x_n; \theta)$ 为:

$$f_{\rm LL}(x_1, x_2, \cdots, x_n; \theta) = \sum_{j=1}^n \ln\left(\sum_{m=1}^M \omega_m N_m(x_j | \boldsymbol{\mu}_m, \boldsymbol{\Sigma}_m)\right) (4)$$

使函数 f_{μ} 取得最大值的 θ 即为 GMM 的参数估 计。 θ 常采用最大期望算法来获取^[14]。最大期望算 法通过迭代计算进行参数估计,每次迭代分为2步: 第1步先根据当前估计的参数 $\hat{\theta}$ 计算函数 f_{μ} 的期望 值;第2步寻找能使函数 f_{μ} 期望值最大化的参数值 θ ,新得到的参数被用于下一次迭代。如此循环,直 至函数 f_{μ} 收敛。

在应用最大期望算法时需要预先确定高斯子项 的个数*M*,增大*M*可以提高GMM对目标变量概率分 布的拟合精度,但也增加了模型的复杂性,易产生过 拟合的问题。为此,可引入赤池信息量准则来评估 GMM的性能,其指标γ_{AIC}定义如下:

$$\gamma_{\rm AIC} = 2k_{\rm GMM} - 2f_{\rm LL} \tag{5}$$

式中: k_{GMM} 为GMM中待估计参数个数。 γ_{AIC} 值越小,GMM性能越优越。

以本文算例中风电场1的预测误差 ΔP_{w1} 为例, 已知 ΔP_{w1} 服从TLS(T Location-Scale)分布,其位置 参数、尺度参数和形状参数分别为0、0.03和5。分 别采用GMM和高斯分布模型对其PDF进行拟合,得 到拟合曲线见图1,图中风电功率预测误差为标幺 值。由图可见,GMM拟合较好地反映了风电预测误 差的"厚尾"特征,其拟合精度优于高斯分布模型。

2 风电系统校正控制问题的数学模型

新型电力系统中风电、光伏的渗透率不断提高,





其不确定性有可能导致常规校正控制策略的失效。同时,随着技术的进步,UPFC、静止无功补偿器等柔性交流输电系统设备的性价比不断提高,在电力系统中的应用日益广泛。因此,本文考虑协调发电机功率调整、UPFC、切负荷等控制措施进行校正控制,在确保系统静态安全的前提下,降低控制代价。

在计及风速及负荷预测误差的条件下,含UPFC 的风电系统校正控制优化问题可描述为机会约束规 划问题,其目标函数如下:

min $F = c_u P_{g,u} + c_d P_{g,d} + c_1 \rho P_{l,f}$ (6) 式中: F 为校正控制总费用; $P_{g,u} \setminus P_{g,d}$ 分别为发电机 功率的增加量、减少量; $c_u \setminus c_d$ 分别为发电机增、减出 力的报价; $P_{l,f}$ 为负荷预测值; ρ 为切负荷率; c_l 为切 负荷代价系数。

校正控制优化问题的约束条件如下。

1)含UPFC的电力系统潮流方程。

 $f(X_{sys}, X_{upfe}, u_{sys}, u_{upfe}, P_w, P_1)=0$ (7) 式中: X_{sys}, X_{upfe} 分别为系统、UPFC的状态变量, $X_{sys} =$ $[V, \theta, f_d]^T, V, \theta$ 分别为节点电压、相角, f_d 为静态频 率偏差量, $X_{upfe} = [V_{se}, V_{sh}]^T, V_{se}, V_{sh}$ 分别为UPFC串、并 联电压源的电压; u_{sys}, u_{upfe} 分别为系统、UPFC的控制 变量, $u_{sys} = [P_{g,u}, P_{g,d}, \rho]^T, u_{upfe} = [P_e, Q_e, V_1]^T, P_e, Q_e$ 分 别为UPFC传输的有功、无功功率, V_1 为UPFC并联 变压器所连接的节点电压幅值; P_w, P_1 分别为风电、 负荷功率。

关于计及频率变化的增广潮流计算及含 UPFC 系统的潮流计算可分别参考文献[15]和文献[16], 附录 A 对含 UPFC 系统潮流计算的原理进行了说明。

2)发电机组出力及爬坡约束。

$$\boldsymbol{P}_{g,\min} \leq \boldsymbol{P}_{g} + \boldsymbol{P}_{g,u} - \boldsymbol{P}_{g,d} \leq \boldsymbol{P}_{g,\max}$$
(8)

 $P_{g,u} \leq R_{u,max} \Delta t$, $P_{g,d} \leq R_{d,max} \Delta t$ (9) 式中: P_g 为发电机功率; $P_{g,max}$, $P_{g,min}$ 分别为发电机出 力的上、下限; $R_{u,max}$, $R_{d,max}$ 分别为发电机出力向上、 向下调节速率的极限; Δt 为校正控制有效时间,可取 为15 min。

3)切负荷比例约束。

$$0 \leq \boldsymbol{\rho} \leq \bar{\boldsymbol{\rho}} \tag{10}$$

 $\langle a \rangle$

4)静态频率、电压及线路潮流约束。

$$P_{\rm r} \left\{ f_{\rm d} \leq f_{\rm d} \leq \bar{f}_{\rm d} \right\} \ge 1 - \alpha_{\rm f} \tag{11}$$

$$P_{r}\left\{\underline{V} \leq V \leq \overline{V}\right\} \geq 1 - \alpha_{v} \tag{12}$$

$$P_{\rm r} \Big\{ -\bar{S}_{\rm line} \leq S_{\rm line} \leq \bar{S}_{\rm line} \Big\} \ge 1 - \alpha_{\rm line}$$
(13)

式中: P_{r} {·}为求事件{·}发生的概率; \bar{f}_{d} 、 f_{d} 分别为 频率偏差的最大值、最小值,本文分别取0.2、-0.2 Hz; \bar{V} 、 \underline{V} 分别为电压上、下限; S_{line} 为线路传输容量; \bar{S}_{line} 为线路传输容量的上限; $1-\alpha_{r}$ 、 $n1-\alpha_{line}$ 分别 为静态频率、电压和线路潮流约束预设的静态安全 置信水平。

5) UPFC 安全运行约束。为确保 UPFC 安全运行,对其状态变量的取值有一定的限制。

$$P_{\rm r} \Big\{ \underline{X}_{\rm upfc} \leq X_{\rm upfc} \leq \bar{X}_{\rm upfc} \Big\} \geq 1 - \alpha_{\rm u} \tag{14}$$

式中: \bar{X}_{upfe} 、 X_{upfe} 分别为UPFC状态变量的上、下限; 1- α_{u} 为UPFC安全运行约束的静态安全置信水平。

在校正控制优化问题中引入置信度可以兼顾安 全风险和经济代价,避免为了满足极少数"高风险、 小概率"事件的要求而盲目地提高控制代价。已有 CCP问题的求解方法多限于线性问题及高斯分布的 不确定变量,但由于风电系统校正控制问题中潮流 方程及 UPFC 的数学模型具有强非线性,且一般情 况下 P_w、P₁的预测误差呈现非高斯分布特性,因此, 如何快速、准确地求解式(6)—(14)所描述的非线性 CCP问题是有待解决的问题。

3 基于ALP的校正控制问题求解方法

对于非线性CCP问题,常用的求解方法可以分为如下2类:一类方法是启发式方法,如粒子群优化算法,由于优化过程中需要评估每个粒子在大量不确定场景下的性能,因此其计算量巨大,算法收敛慢,很难付诸实施;另一类方法设法将非线性CCP问题转化为线性CCP问题求解,将优化控制问题与非线性潮流计算问题解耦,交替迭代求解^[8],本文基于此提出了一种基于ALP的校正控制问题求解方法。

3.1 基于灵敏度的校正控制问题线性化

校正控制优化问题的任务是寻找确保系统静态 安全,且经济代价最小的控制解 $u=[u_{sys}, u_{upfe}]$ 。下文 以上标(k)表示迭代过程中第k步的变量取值,下标f 表示参数的预测值。在搜索解的过程中,对于任意 的初始点 $u^{(k)}=[u^{(k)}_{sys}, u^{(k)}_{upfe}]$,通过求解潮流方程式(7) 可计算得到预测场景 $(P_{w,f}, P_{1,f})$ 下系统和UPFC的状 态变量 $X^{(k)}_{f}=[X^{(k)}_{sys,f}, X^{(k)}_{upfe,f}]$,以及线路功率等输出变 量。设 $\Delta P_{w}, \Delta P_{1}$ 分别为风电、负荷功率预测误差,则 实际场景为 $(P_{w,f}+\Delta P_{v}, P_{1,f}+\Delta P_{1})$,由于实际场景具 有不确定性,故严格意义上,需要通过概率潮流计 算来校验控制变量 $u^{(k)}$ 能否满足安全约束方程式 (11)—(14),这一过程计算量很大,而且无法为控制 变量u的修正提供有针对性的指导。但如果 $\Delta P_{w},\Delta P_{1}$ 的概率分布可以用GMM来刻画,则上述过 程可以大幅简化。

当预测误差较小时,控制变量*u*^(k)下的状态变量 *X*^(k)可近似为:

$$\boldsymbol{X}^{(k)} \approx \boldsymbol{X}_{f}^{(k)} + \frac{\partial \boldsymbol{X}}{\partial \boldsymbol{P}_{w}} \bigg|_{\boldsymbol{X}_{f}^{(k)}} \Delta \boldsymbol{P}_{w} + \frac{\partial \boldsymbol{X}}{\partial \boldsymbol{P}_{1}} \bigg|_{\boldsymbol{X}_{f}^{(k)}} \Delta \boldsymbol{P}_{1}$$
(15)

式中: $\frac{\partial X}{\partial P_{x}}\Big|_{x_{t}^{(i)}}$ 、 $\frac{\partial X}{\partial P_{1}}\Big|_{x_{t}^{(i)}}$ 分别为状态变量 X 对风电、负荷功率的灵敏度。

何切举旳灭敏度。

将灵敏度矩阵 $\left[\frac{\partial X}{\partial P_{w}}, \frac{\partial X}{\partial P_{1}}\right]$ 记为 B_{1} ,风电及负荷 功率预测误差向量 $\left[\Delta P_{w}, \Delta P_{1}\right]^{T}$ 记为Z,则式(15)可 简写为:

$$\boldsymbol{X}^{(k)} \approx \boldsymbol{X}_{\mathrm{f}}^{(k)} + \boldsymbol{B}_{1}\boldsymbol{Z} \tag{16}$$

设Z的联合 PDF 表达式 $g(z) = \omega_m N_m(z | \mu_m, \Sigma_m)$, 根据式(3),可推出 $X^{(k)}$ 的 GMM 表达式 $g_1(z)$ 为:

$$g_{1}(\boldsymbol{x}) = \sum_{m=1}^{M} \boldsymbol{\omega}_{m} \mathbf{N}_{m} \Big(\boldsymbol{x} \Big| \boldsymbol{X}_{f}^{(k)} + \boldsymbol{B}_{1} \boldsymbol{\mu}_{m}, \boldsymbol{B}_{1} \boldsymbol{\Sigma}_{m} \boldsymbol{B}_{1}^{\mathsf{T}} \Big) \quad (17)$$

至此,即可较为方便地考核其是否满足安全约 束方程式(11)—(14)。

如果频率、电压、线路传输功率等静态安全置信水平低于预设阈值,则需要对控制变量u加以修正,求出第k+1步的修正量 $\Delta u^{(k+1)}$ 。考虑到 $\Delta u^{(k+1)}$ 的作用,式(16)可扩展为:

$$\boldsymbol{X}^{(k+1)} \approx \boldsymbol{X}_{f}^{(k)} + \boldsymbol{B}_{1}\boldsymbol{Z} + \boldsymbol{B}_{2}\Delta\boldsymbol{u}^{(k+1)}$$
(18)

式中: $B_2 = \frac{\partial X}{\partial u} \Big|_{x_1^{(i)}}$ 为状态变量 X 对控制变量 u 的灵敏

度。由式(18)可以推导得到 $X^{(k+1)}$ 的GMM表达式 $g_2(x)$ 为:

$$g_{2}(\boldsymbol{x}) = \sum_{m=1}^{M} \omega_{m} N_{m} \left(\boldsymbol{x} \middle| \boldsymbol{X}_{f}^{(k)} + \boldsymbol{B}_{1} \boldsymbol{\mu}_{m} + \boldsymbol{B}_{2} \Delta \boldsymbol{u}^{(k+1)}, \boldsymbol{B}_{1} \boldsymbol{\Sigma}_{m} \boldsymbol{B}_{1}^{T} \right)$$
(19)

通过不断地修正控制变量**u**可以改变各高斯子 项的期望,最终使**X**^(k+1)的概率分布满足设定的置信 水平。

3.2 机会约束规划问题的求解

由式(19)可知, X^(k+1)的累积概率分布函数可以 表示为:

$$G_{2}(\boldsymbol{x}) = \int_{-\infty}^{\boldsymbol{x}} g_{2}(t) dt = \sum_{m=1}^{M} \boldsymbol{\omega}_{m} \boldsymbol{\Phi} \left(\frac{\boldsymbol{x} - (\boldsymbol{E}_{m}^{(k)} + \boldsymbol{B}_{2} \Delta \boldsymbol{u}^{(k+1)})}{\sqrt{\boldsymbol{B}_{1} \boldsymbol{\Sigma}_{m} \boldsymbol{B}_{1}^{\mathrm{T}}}} \right)$$
(20)

式中: $E_m^{(k)} = X_f^{(k)} + B_1 \mu_m$; $\Phi(\cdot)$ 为标准正态分布的累积 PDF。

下面以潮流约束方程式(13)为例对其转换过程 加以说明,方程式(13)可以等效为以下2个方程:

$$\sum_{m=1}^{M} \omega_m \Phi \left(\frac{\overline{S}_{\text{line}} - (\boldsymbol{E}_m^{(k)} + \boldsymbol{B}_2 \Delta \boldsymbol{u}^{(k+1)})}{\sqrt{\boldsymbol{B}_1 \boldsymbol{\Sigma}_m \boldsymbol{B}_1^{\mathsf{T}}}} \right) \ge 1 - \frac{\alpha_{\text{line}}}{2} \quad (21)$$
$$\sum_{m=1}^{M} \omega_m \Phi \left(\frac{-\overline{S}_{\text{line}} - (\boldsymbol{E}_m^{(k)} + \boldsymbol{B}_2 \Delta \boldsymbol{u}^{(k+1)})}{\sqrt{\boldsymbol{B}_1 \boldsymbol{\Sigma}_m \boldsymbol{B}_1^{\mathsf{T}}}} \right) \le \frac{\alpha_{\text{line}}}{2} \quad (22)$$

由于 $\Phi(\cdot)$ 为单调函数,且 $\omega_m > 0$,故式(21)、 (22)不等号左侧为单调函数,代入不同的 $\Delta u^{(k+1)}$ 可以得到不同置信水平,通过二分法可以快速搜索出 对应的分位点。

若已知
$$\sum_{m=1}^{M} \omega_m \Phi\left(\frac{\bar{S}_{\text{line}} - E_m^{(k)} - \gamma_1}{\sqrt{B_1 \Sigma_m B_1^T}}\right) = 1 - \frac{\alpha_{\text{line}}}{2} \sum_{m=1}^{M} \omega_m \times \Phi\left(\frac{-\bar{S}_{\text{line}} - E_m^{(k)} - \gamma_2}{\sqrt{B_1 \Sigma_m B_1^T}}\right) = \frac{\alpha_{\text{line}}}{2}, 其中 \gamma_1, \gamma_2$$
为达到线路传

输容量的安全置信水平,则方程式(21)、(22)可转 换为:

$$\boldsymbol{\gamma}_2 \leq \boldsymbol{B}_2 \Delta \boldsymbol{u}^{(k+1)} \leq \boldsymbol{\gamma}_1 \tag{23}$$

至此,关于线路潮流的概率不等式(13)被转化 为关于 $\Delta u^{(k+1)}$ 的确定性线性不等式。同样地,可以 对静态安全约束方程式(11)、式(12)及式(14)进行 类似处理,将其转化为线性不等式,使得式(6)— (14)所描述含不确定性变量的非线性CCP问题在第 k步可近似转换为线性规划问题,具体如下: (min $\Delta F = c \Delta P^{(k+1)} + c \Delta P^{(k+1)} + P$

$$\operatorname{s.t.} \begin{cases} P_{g,\min} \leq P_{g}^{(k)} + \Delta P_{g,u}^{(k+1)} - \Delta P_{g,d}^{(k+1)} \leq P_{g,\max} \\ \Delta P_{g,u}^{(k+1)} \leq R_{u,\max} \Delta t, \quad \Delta P_{g,d}^{(k+1)} \leq R_{d,\max} \Delta t \\ \rho^{(k)} + \Delta \rho^{(k+1)} \leq \rho_{\max} \\ \gamma_{2} \leq B_{2} \Delta u^{(k+1)} \leq \gamma_{1} \\ \exists (11)_{s}(12)_{s}(14)$$
转换得到的线性不等式 (24)

式中: ΔF 为迭代过程中相邻两步之间校正控制费用 的增量; $\Delta P_{g,u}^{(k+1)},\Delta P_{g,d}^{(k+1)}$ 分别为相较于第k步,第k+1步发电机上调功率和下调功率的增量; $\Delta \rho^{(k+1)}$ 为第 k+1步减负荷率的增量。

通过求解问题式(24)可以求出当前的最佳修正 量 $\Delta u^{(k+1)}$,并得到第k+1步的控制变量 $u^{(k+1)}$ 为:

$$\boldsymbol{u}^{(k+1)} = \boldsymbol{u}^{(k)} + \lambda \Delta \boldsymbol{u}^{(k+1)}$$
(25)

式中: λ 为修正系数,一般可取0.3左右,这是由于灵 敏度矩阵 B_1 、 B_2 只在第k步运行点的邻域内具有较 高精度,在迭代过程中,对 Δu 加以限制,可确保求解 结果位于近似线性化模型式(24)的有效域内。

同理,由于线性规划问题式(24)的近似性,因此

所求得的 $u^{(k+1)}$ 一般并不是最优解,还需要在此基础 上进行迭代计算,直至 $|\Delta u^{(k+1)}| \le \varepsilon$ 为止,其中 ε 为预 设阈值。

3.3 ALP方法的改进

为了保证 ALP 的精度,每次迭代都需要重新计 算潮流以及灵敏度矩阵 B_1 和 B_2 ,由于含 UPFC 系统 潮流方程的非线性性质,一般难以获得灵敏度矩阵 的解析表达式,因此只能通过数值方法求取 B_2 为:

$$B_2 = \frac{\partial X}{\partial u} \approx \frac{X(u + \Delta u) - X(u)}{\Delta u}$$
(26)

若系统的控制变量总数为n_u,则每次迭代需要进行n_u+1次潮流计算。对于大型电力系统,发电机、可调负荷及UPFC等控制元件数量众多,故迭代过程中灵敏度更新计算占用了大量时间。

为了减少计算量,需要设法减少参与校正控制的控制变量数目。考虑到扰动后一般只有少数变量 严重违反静态安全约束,故可根据校正前系统状态, 筛选出若干违约程度较为严重的主导观测变量,重 点对其安全性加以校正。对于系统中每个控制变量 *u_i*(*i*=1,2,…,*n_u*),可定义平均灵敏度ζ*i*为:

$$\zeta_{i} = \frac{1}{n_{c}} \sum_{k=1}^{n_{c}} \left| \frac{\Delta y_{k}}{\Delta u_{i}} \frac{u_{i,N}}{y_{k,N}} \right|$$
(27)

式中: y_k 为第k个主导观测变量; Δu_i 为控制变量 u_i 的 增量; Δy_k 为第k个主导观测变量的增量; $u_{i,N}$ 、 $y_{k,N}$ 分 别为 u_i 、 y_k 的额定值; n_c 为主导观测变量的数目。对 于发电机和负荷而言,其单位调节量的经济代价已 知,此时可以定义计及经济代价的平均灵敏度 ζ_i 为:

$$\zeta_{i}^{\prime} = \frac{1}{n_{c}} \sum_{k=1}^{n_{c}} \left| \frac{1}{c_{u_{i}} \Delta u_{i}} \frac{\Delta y_{k}}{y_{k,N}} \right|$$
(28)

式中:c_u,为控制措施u_i的经济代价系数。基于ζ_i进 行控制变量筛选可以更好地反映其经济性能。根据 ζ_i或ζ_i的大小对控制变量进行排序,保留ζ_i或ζ_i较 大的若干个控制变量,在此基础上进行校正控制决 策,这样可以有效地减小问题规模,提高计算效率。 另外,由于不同控制变量的灵敏度计算互不相关,因 此,还可以采取并行处理技术,这样大幅地提高了计 算速度。

需要说明的是,尽管近似线性化模型存在截断 误差,但由于每一步迭代时均会重新计算灵敏度,更 新模型,因此模型误差只会影响下一次迭代的初值, 而不会在迭代过程中传递。该方法的主要误差在于 采用近似线性化模型求取节点电压、线路潮流等变 量的概率分布特性时所产生的误差。但风电及负荷 功率的超短期预测误差一般较小,基于近似线性化 模型可较为精确地求取其概率分布特性,从而保证 优化解的精度。

4 算例分析

为了验证基于 GMM 及 ALP 的校正控制方法的 有效性,将其应用于修改后的 IEEE 10 机 39 节点系 统进行校正控制决策计算,仿真平台为 Thinkpad i5 2.3 GHz,仿真软件应用 MATLAB 2016a,其中线性 规划调用 linprog(•)函数进行求解。

4.1 算例系统

修改后的 IEEE 10机 39节点系统结构如图 2 所示,其详细数据见文献[17],系统基准容量为 100 MV·A。为了研究风电不确定性对校正控制决 策的影响,将节点32、37处的同步发电机替换为2座 风电场 WT₁、WT₃,并在节点17 加装了1座风电场 WT₂,WT₁—WT₃的有功功率预测值分别为6.5、2、 5.4 p.u.,风电及负荷功率预测误差分别服从TLS分 布及高斯分布,相应参数及其GMM 如附录B所示。 同步发电机输出功率上、下限及功率调整代价因子 见附录C表C1,各负荷节点的可控比例及代价因子 见附录C表C2,各线路的传输极限见附录C表C3。



图 2 修改后的 IEEE 10机 39节点系统结构 Fig.2 Structure of modified IEEE 10-machnie 39-bus system

假设算例系统中节点15处的负荷增加250 MW, 应用计及相关性的拉丁超立方抽样方法^[18]对风电及 负荷功率预测误差进行抽样,生成3000个样本,在 此基础上对系统静态安全性进行考核。计算结果表 明,扰动后系统静态频率偏低,且线路13-14、15-16、 21-22将以较大概率出现过载。以线路13-14为例, 扰动前、后线路传输容量的PDF如图3所示,图中线 路传输容量为标幺值,后同。

由图3可见:扰动前线路13-14输送功率的期望 为2.47 p.u.,线路过载的概率约为1.73%(见图3中 4

5

6



3

线路传输容量

2



阴影部分);扰动后该线路过载的概率大幅增加,约 为52%。由此可见,扰动后系统的静态安全置信水 平较低,需要采取校正控制措施。考虑到UPFC能 够灵活地调节线路潮流,为了降低控制成本,提高控 制能力,在线路13-14、21-24、3-18分别装设了3台 UPFC,其参数相同,如附录C表C4所示。

4.2 校正控制策略分析

40

1.0

0.8

0.6

0.4

0.2

1

PDF

取静态安全约束置信水平1- α_{r} 、1- α_{v} 、1- α_{ine} 及1- α_{u} 均为98%,阈值 ε =0.003,基于风电及负荷 功率预测误差的GMM,应用ALP方法对扰动后的系 统进行了校正控制决策。计算结果表明,节点9和 节点25需要分别切除4.34、40.99 MW负荷,节点36 发电机出力减少4.5 MW,校正控制前、后UPFC控 制变量设定值见表1,校正控制总代价为\$338.1。 表中, P_{e} 、 Q_{e} 、 V_{1} 、 V_{s} 、 V_{s} ,均为标幺值。

表1 校正前、后UPFC控制变量设定值 Table 1 Setting values of UPFC control variables

before and after correction

控制	制对象	$P_{\rm c}$	$Q_{\rm c}$	V_1	$V_{\rm se}$	$V_{\rm sh}$
校	$UPFC_1$	3.0512	-0.0603	1.0120	0.0662	1.0411
正	$\rm UPFC_2$	-0.4076	-0.1459	1.0320	0.0395	1.0396
前	UPFC ₃	-0.4268	-0.9733	1.0380	0.0303	1.0413
校	$UPFC_1$	3.2012	0.2910	0.9844	0.0685	0.9651
正	$\rm UPFC_2$	-0.9906	0.9688	0.9906	0.0867	0.8428
后	UPFC ₃	-0.9915	-0.9958	1.0498	0.0420	1.0810

为了验证上述校正控制方案的有效性,同样基于3000个样本场景,对校正控制后系统的静态安全性进行了统计分析。图4给出了校正控制前、后部分线路传输容量的PDF对比。由图可见:线路15-16、21-22传输容量上限分别为4.5、6.8 p.u.,校正前线路15-16发生过载现象的概率达到60.57%,而线路21-22的过载概率更是高达80.43%;经过校正控制后,线路15-16、21-22越限的概率分别降低至0.6%、1.03%,满足预设的置信水平要求。

校正控制前、后系统静态频率偏差 f_a 的 PDF 对比如图5所示,图中频率偏差为标幺值。设定的 频率偏差最大值为0.2 Hz,即0.004 p.u.。由图5可 见:扰动前 f_a 的期望为-0.0003 p.u., f_a 处在安全区



图4 校正控制前、后部分线路传输容量PDF对比

Fig.4 Comparisons of PDF for transmission capacity of partial lines between before and after corrective control





间内;扰动后,f_a的期望跌落到-0.0023 p.u.,其低 于-0.004 p.u.的概率约为2.37%,不满足给定的置信 水平要求。校正后由于切除了部分负荷,f_a期望值 增加到-0.0012 p.u.,其低于-0.004 p.u.的概率为 0.133%,满足给定的置信水平要求。此外,分别设 置信度为98%、95%及92%,对校正控制方案及其 经济代价进行了计算,结果见附录D表D1。由表可 见,控制代价将随着置信水平的提高而增加。

在校正控制决策过程中,算法迭代40次后收 敛,控制变量最大修正量随迭代次数增加而变化的 曲线如附录D图D1所示。若不采取任何改进措施, 则整个决策过程计算耗时约1.5h,这是由于本文算 例中控制变量u包括21个切负荷量、8个发电机功 率调整量以及3组UPFC控制变量,控制变量总数为 38个,故为了更新灵敏度矩阵,每次迭代需要进行 39次含UPFC系统的潮流计算。

为了提高计算效率,可根据3.3节所提方法对控制变量进行筛选。本文算例中,违约较为严重的主导观测变量为 S_{15-16} 、 S_{21-22} 、 S_{16-19} 、 S_{16-21} 及 f_d ,计算各控制变量对主导观测变量的平均灵敏度,其中 S_{15-16} 为线路15-16的传输容量, S_{21-22} 、 S_{16-19} 、 S_{16-21} 含义类似。对于UPFC,本文不计其控制代价,故采用平均灵敏度 ζ_i ,结果见附录E表E1。可以看到, V_i 的灵敏度远大于 P_e 、 Q_e 的灵敏度,故从3台UPFC的控制变量

 u_{upfe} 中选择 UPFC₁ — UPFC₃的并联变压器所连接的 节点电压幅值 V_{II} — V_{I3} 作为主导控制变量。对于发 电机及负荷,其单位控制代价已知,故采用计及经 济代价的平均灵敏度 ζ'_i ,结果见附录E表E2,从中 可筛选出平均灵敏度较大的12个变量作为主导控 制变量。则待优化控制变量的总数由38个减少到 15个,灵敏度更新时间可节省约60%。由上文计算 得到的校正控制策略可以看到,在未对控制变量进 行筛选时,校正控制主要通过节点9、节点25处的负 荷以及节点36处的发电机实现,而这些均为附录E 表E2中的主导控制变量,这也验证了上述控制变量 筛选方法的有效性。在实际工程中,还可以采用并 行计算来加快计算速度,最终可以使决策时间达到 2~3 min。

4.3 ALP方法与场景法的对比

将基于GMM及ALP的校正控制决策方法与场 景法进行对比,考虑到算例系统含有24个不确定变 量(3座风电场和21个负荷),可能出现的场景数量 庞大,为了简化问题,假设所有负荷具有相同的预测 误差。应用考虑相关性的拉丁超立方抽样方法生成 3000个场景,再应用同步回代法进行场景缩减^[19], 生成的12个典型场景及其发生概率见附录F表F1, 在此基础上进行校正控制决策。

场景法包含的变量及约束方程数量众多,是一个大规模的非线性优化问题。为求解该问题,应用GAMS24.7软件进行编程,使用IPOPT求解器进行求解,求解器迭代2319次后收敛,计算用时2793 s,控制方案代价为\$393.9。为了验证所得校正控制方案的有效性,同样基于3000个样本场景,对控制方案进行验算,结果表明采用场景法所得控制策略下系统静态安全的概率约为95%。

基于 GMM 及 ALP 的校正控制方法与场景法的 对比如表 2 所示。由表可见,基于 GMM 及 ALP 的决 策方法计算速度较快,所得控制策略代价较低,且具 有较好的安全性。需要指出的是,基于 GMM 及 ALP 的方法在每一步迭代时实质上是一个机会约束问 题,在风电及负荷功率预测误差较小时,它具有较高 的精度。而场景法的精度依赖于场景的代表性,一 般而言,场景数量越多,其代表性越好,优化计算精 度将越高,但计算用时也会急剧增加。因此,典型场 景的选取对比较结果有着重要影响。

表2 ALP方法与场景法对比

Table 2 Comparisons between ALP method and scenario-based method

seenano-based method									
古法	控制代价 /	计算用时 /	静态安全						
刀伝	\$	s	置信水平 / %						
场景法	393.9	2793	95						
ALP方法	338.1	120~180	98						

5 结论

本文提出了一种基于GMM及ALP的校正控制 决策方法,主要成果如下:①采用GMM来描述风电 及负荷功率预测误差的联合概率分布特征,较好地 考虑了其相关性及概率分布的不规则性;②应用灵 敏度分析方法,并结合GMM的性质将非线性不确定 系统的校正控制问题转化为线性规划问题,迭代求 解,逐步收敛到最优解;③将该方法应用于修改后的 IEEE 10机 39系统的校正控制决策,并与场景法进 行了对比,结果表明,该方法能在确保静态安全的同 时,较好地降低控制代价,提高决策速度。

为了提高校正控制决策速度,本文提出了基于 并行计算及控制变量筛选的方法,但这些措施在大 规模电力系统中的有效性还有待进一步考核,这将 是下一步研究的重点。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

参考文献:

- [1]国家市场监督管理总局,国家标准化管理委员会.电力系统安 全稳定导则:GB 38755—2019[S].北京:中国标准出版社, 2020.
- [2] 国家能源局. 我国风电并网装机突破3亿千瓦[EB/OL]. [2022-03-29]. http://www.nea.gov.cn/2021-11/30/c_1310343188. htm,2021-11-30/2022-5-9.
- [3] RABIEE A, SOROUDI A, MOHAMMADI-IVATLOO B, et al. Corrective voltage control scheme considering demand response and stochastic wind power [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2014, 29(6):2965-2973.
- [4] 马溪原. 含风电电力系统的场景分析方法及其在随机优化中的应用[D]. 武汉:武汉大学,2014.
 MA Xiyuan. Scenario analysis and stochastic programming of wind-integrated power systems[D]. Wuhan:Wuhan University, 2014.
- [5] ROALD L, MISRA S, KRAUSE T, et al. Corrective control to handle forecast uncertainty: a chance constrained optimal power flow[J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2017, 32(2): 1626-1637.
- [6] 袁杨,张衡,程浩忠,等. 发输电系统鲁棒优化规划研究综述与展望[J]. 电力自动化设备,2022,42(1):10-19,85.
 YUAN Yang,ZHANG Heng,CHENG Haozhong, et al. Review and prospect of robust optimization and planning research on generation and transmission system [J]. Electric Power Automation Equipment,2022,42(1):10-19,85.
- [7]张尚,顾雪平,王涛.基于分布鲁棒优化的含风电系统静态安全校正控制方法[J].电力自动化设备,2019,39(2):58-64.
 ZHANG Shang, GU Xueping, WANG Tao. Static security corrective control method of wind power-integrated system based on distributional robust optimization[J]. Electric Power Automation Equipment,2019,39(2):58-64.
- [8]周海强,顾婷艳,薛峰,等.基于连续近似线性规划的含UPFC
 风电系统校正控制决策方法[J].电力系统自动化,2022,46
 (8):20-28.

ZHOU Haiqiang, GU Tingyan, XUE Feng, et al. Decisionmaking method of corrective control for wind power system with unified power flow controller based on successive approximated linear programming [J]. Automation of Electric Power Systems, 2022, 46(8): 20-28.

42

- [9] 李晓利,高金峰.用于配电网多目标无功优化的改进粒子群优 化算法[J].电力自动化设备,2019,39(1):106-111.
 LI Xiaoli, GAO Jinfeng. Improved particle swarm optimization algorithm for multi-objective reactive power optimization of distribution network[J]. Electric Power Automation Equipment, 2019,39(1):106-111.
- [10] 易明月,童晓阳.考虑风荷预测误差不确定性的动态经济调度
 [J].电网技术,2019,43(11):4050-4057.
 YI Mingyue,TONG Xiaoyang. Dynamic economic dispatch considering uncertainties of wind power and load forecast error
 [J]. Power System Technology,2019,43(11):4050-4057.
- [11] 杨文佳,康重庆,夏清,等. 基于预测误差分布特性统计分析 的概率性短期负荷预测[J]. 电力系统自动化,2006,30(19): 47-52.

YANG Wenjia, KANG Chongqing, XIA Qing, et al. Short term probabilistic load forecasting based on statistics of probability distribution of forecasting errors[J]. Automation of Electric Power Systems, 2006, 30(19):47-52.

- [12] 陈雁,文劲宇,程时杰.考虑输入变量相关性的概率潮流计算 方法[J].中国电机工程学报,2011,31(22):80-87.
 CHEN Yan,WEN Jinyu,CHENG Shijie. Probabilistic load flow analysis considering dependencies among input random variables[J]. Proceedings of the CSEE,2011,31(22):80-87.
- [13] WANG Zhiwen, SHEN Chen, LIU Feng, et al. Analytical expressions for joint distributions in probabilistic load flow [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2017, 32(3):2473-2474.
- [14] SINGH R, PAL B C, JABR R A. Statistical representation of distribution system loads using Gaussian mixture model[J].
 IEEE Transactions on Power Systems, 2010, 25(1):29-37.
- [15] 燕萍. 计及频率变化的电力系统仿真潮流程序[J]. 华东电力,1994(7):13-16.

- [16] 李虎成,於益军,李峰,等.含UPFC网络的潮流计算及稳态特性仿真分析[J]. 电网与清洁能源,2013,29(4):1-6.
 LI Hucheng,YU Yijun,LI Feng,et al. Power flow calculation and steady state simulation analysis of power systems with
- UPFCs[J]. Power System and Clean Energy, 2013, 29(4):1-6.
 [17] PAI M A. Energy function analysis for power system stability
 [M]. Boston, USA; Kluwer Academic Publishers, 1989:223-227.
- [18] CHEN Yan, WEN Jinyu, CHENG Shijie. Probabilistic load flow method based on Nataf transformation and Latin hypercube sampling[J]. IEEE Transactions on Sustainable Energy, 2013, 4(2):294-301.
- [19] 赵书强,要金铭,李志伟.基于改进K-means聚类和SBR算法 的风电场景缩减方法研究[J].电网技术,2021,45(10):3947-3954.

ZHAO Shuqiang, YAO Jinming, LI Zhiwei. Wind power scenario reduction based on improved *K*-means clustering and SBR algorithm [J]. Power System Technology, 2021, 45(10): 3947-3954.

作者简介:



周海强

周海强(1971—),男,教授,博士,通信 作者,主要研究方向为电力系统稳定与控制 (**E-mail**:js.hq@163.com);

赵春祝(1997—),男,硕士研究生,主 要研究方向为电力系统优化调度(E-mail: zczzhaochunzhu@163.com);

顾婷艳(1997—),女,硕士研究生,主 要研究方向为随机电力系统校正控制 (E-mail:1606749788@qq.com)。

(编辑 李玮)

Corrective control method of wind power system based on Gaussian mixture model and approximate linear programming

ZHOU Haiqiang¹, ZHAO Chunzhu¹, GU Tingyan¹, XUE Feng^{2,3}, GAO Chao¹, SONG Xiaofang^{2,3}

(1. College of Energy and Electrical Engineering, Hohai University, Nanjing 211100, China;

2. NARI Technology Co., Ltd., Nanjing 211106, China;

3. State Key Laboratory of Smart Grid Protection and Control, Nanjing 211106, China)

Abstract: A corrective control method of wind power system based on Gaussian mixture model and approximate linear programming is proposed. Considering the non-Gaussian characteristics and correlations between wind power and load power prediction errors, the Gaussian mixture model is built to describe the joint probability distribution of wind power and load power. Then, considering the control measures such as load shedding, generator power adjustment and the unified power flow controller, the minimum control cost is taken as the objective function, and the mathematic model of the corrective control optimization problem with the static security constraints of voltage, frequency and line power flow is established for the wind power system. To solve the nonlinear optimization problem with uncertain variables, the nonlinear constraints are approximately transformed into linear constraints according to the properties of Gaussian mixture model in the neighborhood of steady-state operation points. And the problem is solved by linear programming method. Iterations are repeated until reaching a convergence. Finally, the method is applied in the modified IEEE 10-machnie 39-bus system to validate its effectiveness. Results show that it has higher computation efficiency and better economic compared to the scenario-based method.

Key words: wind power; corrective control; Gaussian mixture model; sensitivity; linear programming; static security

附录 A 关于含 UPFC 系统潮流计算的说明

含 UPFC 输电线路的等值电路如图 A1 所示。图中:节点 l 为并联 VSC 联接节点; \dot{I}_{t} 、 \dot{I}_{q} 分别为并 联 VSC 所抽取电流的有功和无功分量; \dot{V}_{se} 为串联电源; r_{lm} 、 x_{lm} 、 b_{lm} 分别为线路的电阻、电抗和电纳。 为简化分析,一般不计串联变压器等值电抗。



图 A1 含 UPFC 输电线路的等值电路 Fig.A1 Equivalent circuit of transmission line containing UPFC

UPFC 通过调节 \dot{V}_{se} 、 \dot{V}_{sh} 将 V_l 及 P_{ml} +j Q_{ml} 控制为目标值。若 P_{ml} +j Q_{ml} 设定值为 P_{c} +j Q_{c} ,则推导可知:

$$P_{\rm lm} = \left(\frac{P_{\rm c}^2 + Q_{\rm c}^2}{V_{\rm m}^2} + b_{\rm lm}^2 V_{\rm m}^2 + 2b_{\rm lm} Q_{\rm c}\right) r_{\rm lm} - P_{\rm c}$$
(A1)

在计算含 UPFC 系统潮流时,由于节点 l 的电压幅值受 UPFC 控制而成为常数,将 l 节点视为受控的 PV 节点,其功率 $P_{\rm Im}$ 与 $V_{\rm m}$ 之间满足式 (A1)。经 UPFC 所在线路从节点 m 抽出的功率被 UPFC 控制为定值 $P_{\rm c}$ 和 $Q_{\rm c}$,故可将 m 节点视作 PQ 节点。这样,UPFC 连同其所在输电线路可以从系统中移去而代之以节点注入功率。计算潮流时只需对系统导纳矩阵作相应修改,将雅可比矩阵中元素 $\frac{\partial P_{\rm Im}}{\partial V_{\rm m}}V_{\rm m}$ 修改为:

$$\frac{\partial P_{\rm im}}{\partial V_{\rm m}} V_{\rm m} = 2r_{\rm im} \left(b_{\rm im}^2 V_{\rm m}^2 - \frac{P_{\rm c}^2 + Q_{\rm c}^2}{V_{\rm m}^2} \right) \tag{A2}$$

即可实现系统潮流计算与 UPFC 的完全解耦。

为简明起见,以下将电力系统状态变量记为 $X_{sys} = [V, \theta]$, $V \subset \theta$ 分别为节点电压及相角。系统控制参量可分为 u_{sys} 和 u_{upfc} 两类,其中 $u_{sys} = [P_{g,u}, P_{g,d}, \rho]$, $P_{g,u}, P_{g,d}, \rho$ 分别为发电机功率上调量、下调量及切负荷率; $u_{upfc} = [P_c, Q_c, V_l]^T$ 为UPFC 控制参量。由此,电力系统潮流方程可写成:

$$f(\boldsymbol{X}_{\text{sys}}, \boldsymbol{u}_{\text{sys}}, \boldsymbol{u}_{\text{upfc}}) = 0 \tag{A3}$$

式(A3)为系统有功和无功平衡方程,求解式(A3)可得交流系统的潮流,得出 \dot{V}_{n} 及 $P_{lm}+jQ_{lm}$ 。 在此基础上,由式(A4)和式(A5)可求出 UPFC 控制参数 \dot{V}_{se} 及 \dot{V}_{sh} :

$$\dot{V}_{m} \left(\frac{\dot{V}_{m} - \dot{V}_{l} - \dot{V}_{se}}{r_{lm} + jx_{lm}} + jb_{lm}\dot{V}_{m} \right)^{*} = P_{c} + jQ_{c}$$
(A4)

$$\operatorname{Re}\left\{ \dot{V}_{sh} \left(\frac{\dot{V}_{1} - \dot{V}_{sh}}{Z_{sh}} \right)^{*} \right\} = \operatorname{Re}\left\{ \dot{V}_{se} \left(\frac{P_{lm} - jQ_{lm}}{\dot{V}_{l}^{*}} - \frac{\dot{V}_{l} - \dot{V}_{sh}}{Z_{sh}} \right)^{*} \right\}$$
(A5)

式中: Z_{sh}为并联变压器等值阻抗。进一步可计算出串联和并联换流器容量。

$$S_{\rm sh} = \left| \dot{V}_{\rm sh} \left(\frac{\dot{V}_{\rm l} - \dot{V}_{\rm sh}}{Z_{\rm sh}} \right)^{*} \right|, \quad S_{\rm se} = \left| \dot{V}_{\rm se} \left(\frac{P_{\rm in} - jQ_{\rm in}}{\dot{V}_{\rm l}^{*}} - \frac{\dot{V}_{\rm l} - \dot{V}_{\rm sh}}{Z_{\rm sh}} \right)^{*} \right|$$
(A6)

至此,可以完成含 UPFC 系统潮流计算,确定系统及 UPFC 稳态运行点。

附录 B 风电及负荷功率预测误差的 GMM

风电及负荷的预测误差组成随机向量 $X = [\Delta P_{w1}, \Delta P_{w2}, \Delta P_{w3}, \Delta P_1]^T$,为了简化分析,本文假定所有负荷 的预测误差相同。假设 $\Delta P_{w1}, \Delta P_{w2}, \Delta P_{w3}$ 服从 TLS 分布,其位置参数 μ 、尺度参数 σ 及形状参数 ν 分别为: $[\mu_1, \sigma_1, \nu_1] = [0, 0.03, 5], [\mu_2, \sigma_2, \nu_2] = [0, 0.035, 5], [\mu_3, \sigma_3, \nu_3] = [0, 0.04, 5]$ 。 ΔP_1 服从高斯分布 N(0, 0.03²), $\Delta P_{w1}, \Delta P_{w2}, \Delta P_{w3}$ 及 ΔP_1 的相关系数矩阵为:

$$\boldsymbol{R} = \begin{bmatrix} 1 & 0.8 & 0.6 & 0.2 \\ 0.8 & 1 & 0.3 & 0.2 \\ 0.6 & 0.3 & 1 & 0.2 \\ 0.2 & 0.2 & 0.2 & 1 \end{bmatrix}$$

设风电及负荷功率预测误差的 GMM 为 $f_{GMM}(x) = \sum_{m=1}^{M} \omega_m N_m(x | \mu_m, \Sigma_m)$,根据预测误差的性质,应用计及相关性的 LHS 方法生成 3000 个随机向量 X 的样本,在此基础上应用 EM 算法对模型参数进行估计。取 M=4,各高斯子项参数如下:

$$\boldsymbol{\omega}_{1}=0.5057, \ \boldsymbol{\mu}_{1}=\begin{bmatrix} -0.0003\\ -0.0003\\ 0.0005\\ -0.0014 \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{\Sigma}_{1}=\begin{bmatrix} 0.0006 & 0.0005 & 0.0006 & 0.0001\\ 0.0005 & 0.0009 & 0.0003 & 0.0001\\ 0.0006 & 0.0003 & 0.0019 & 0.0003\\ 0.0001 & 0.0001 & 0.0003 & 0.0010 \end{bmatrix}$$
$$\boldsymbol{\omega}_{2}=0.1246, \ \boldsymbol{\mu}_{2}=\begin{bmatrix} -0.0013\\ 0.0015\\ -0.0001\\ -0.0034 \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{\Sigma}_{2}=\begin{bmatrix} 0.0019 & 0.0015 & 0.0031 & 0.0004\\ 0.0015 & 0.0020 & 0.0016 & 0.0003\\ 0.0004 & 0.0003 & 0.0008 & 0.0009 \end{bmatrix}$$
$$\boldsymbol{\omega}_{3}=0.0308, \ \boldsymbol{\mu}_{3}=\begin{bmatrix} 0.0023\\ 0.0011\\ -0.0040\\ -0.0016 \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{\Sigma}_{3}=\begin{bmatrix} 0.0103 & 0.0097 & 0.0055 & 0.0008\\ 0.0097 & 0.0136 & 0.0041 & 0.0009\\ 0.0055 & 0.0041 & 0.0004 & 0.0007 \\ 0.0008 & 0.0009 & 0.0004 & 0.0007 \end{bmatrix}$$
$$\boldsymbol{\omega}_{4}=0.3389, \ \boldsymbol{\mu}_{4}=\begin{bmatrix} 0.0007\\ -0.0002\\ -0.0003\\ 0.0034 \end{bmatrix}, \ \boldsymbol{\Sigma}_{4}=\begin{bmatrix} 0.0019 & 0.0019 & 0.0010 & 0.0022\\ 0.0019 & 0.0027 & 0.0007 & 0.0004 \\ 0.0010 & 0.0007 & 0.0013 & 0.0001 \\ 0.0010 & 0.0007 & 0.0013 & 0.0001 \\ 0.0010 & 0.0007 & 0.0013 & 0.0001 \end{bmatrix}$$

附录 C 发电机、负荷、线路及 UPFC 参数

表 C1 同步发电机功率极限及代价因子

Table C1 Power limits and cost coefficients of synchronous generators										
发电机所在节点	30	31	33	34	35	36	38	39		
$P_{g,\max}/p.u.$	3.0	7.5	7.5	6.0	7.5	6.5	9.0	11.0		
$P_{g,\min}$ /p.u.	1.34	3.25	3.05	1.86	3.15	2.25	3.5	5.75		
$c_{u} / (\$ \cdot MW^{-1})$	12.63	17.23	18.12	24.36	19.23	15.79	22.24	29.0		
$\boldsymbol{c}_{d} / (\$ \cdot \mathbf{M} \mathbf{W}^{-1})$	10.36	15.23	16.12	21.36	17.23	12.79	19.24	27.0		

表 C2 各负荷节点可控负荷比例及代价因子 Table C2 Controllable load proportion and cost coefficient of each node

负荷节点	1	3	4	7	8	9	12
$\overline{ ho}$	0.6	0.65	0.2	0.7	0.55	0.68	0.61
$\boldsymbol{c}_1 / (\$ \cdot \mathbf{M} \mathbf{W}^{-1})$	9	10	6.3	7.5	8.5	7.9	8.8
负荷节点	15	16	18	20	21	23	24
$\overline{ ho}$	0	0.6	0.58	0.67	0.65	0.73	0.63
$\boldsymbol{c}_1 / (\$ \cdot \mathbf{MW}^{-1})$	6.6	7	6.5	9.2	8.2	7.5	9.8
负荷节点	25	26	27	28	29	31	39
$\overline{ ho}$	0.79	0.65	0.55	0.65	0.63	0.75	0.77
$\boldsymbol{c}_1 / (\$ \cdot \mathbf{M} \mathbf{W}^1)$	6	6.6	7	6.5	5.9	10	7.5

表 C3 各线路传输极限

Table C3 Transmission capacity limits of each line

线路编号	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
$\overline{S}_{ ext{line}}$ / p.u.	3.0	2.0	5.0	4.0	4.7	3.0	1.7	4.0	4.2	7.0	5.0	6.5
线路编号	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24
$\overline{S}_{ ext{line}}$ / p.u.	4.6	8.5	4.2	3.5	2.8	4.7	4.9	8.5	1.6	1.8	3.5	2.5
线路编号	25	26	27	28	29	30	31	32	33	34	35	36
$\overline{S}_{ ext{line}}$ / p.u.	4.5	3.8	6.0	4.6	2.1	3.2	1.6	3.0	8.0	6.7	6.9	1.7
线路编号	37	38	39	40	41	42	43	44	45	46		

表 C4 UPFC 参数 Table C4 UPFC Parameters

-

$Z_{\rm E}$ /p.u.	$Z_{\rm B}$ /p.u.	\underline{V}_{se} / p.u.	\overline{V}_{se} / p.u.	$\underline{V}_{\rm sh}$ /p.u.	$\overline{V}_{\rm sh}$ /p.u.	\overline{S}_{se} /p.u.	$\overline{S}_{ m sh}$ /p.u.	
0.01+0.06j	0	0.0	0.4	0.8	1.3	2.5	2.5	

注: $Z_{\rm E}$ 、 $Z_{\rm B}$ 分别并联与串联变压器阻抗; $\overline{V}_{\rm se}$ 、 $V_{\rm se}$ 分别为 UPFC 串联电压的最大值和最小值;

 \bar{V}_{sh} 、 \underline{V}_{sh} 为并联电压的最大值和最小值; \bar{S}_{se} 、 \bar{S}_{sh} 分别为 UPFC 串联及并联换流器的最大容量。

附录 D 校正控制策略分析

表 D1 不同置信水平下校正控制方案

Table D1	Correcti	on contr	ol strategi	es under different c	onfidence	levels
	置信	切负荷	i量/MW	发电机调整量/MW	控制	
	水平/%	节点9	节点 25	节点 36	代价/\$	
	92	4.30	24.87	4.11	235.91	
	95	4.31	32.22	4.30	282.56	
	98	4.34	40.99	4.50	338.10	



Fig.D1 Relationship between the maximum correction and the iteration numbers

附录 E 控制变量的平均灵敏度

表 E1 UPFC 的平均灵敏度

Table E1 Average sensitivity of UPFC

控制变	量	$P_{\rm c}$	$Q_{ m c}$	V_1
平均	UPFC ₁	0.0139	0.0004	0.6417
灵敏	UPFC ₂	0.0090	0.0009	0.5103
反 ζ_i	UPFC ₃	0.0315	0.0056	0.3447

注:按平均灵敏度 *ζ_i* 大小排序,粗体标出的灵敏度最大的 3 个控制变量作为 UPFC 主导控制变量。

表 E2 发电机及负荷的计及经济代价平均灵敏度

Table E2 Average sensitivity of generators and loads considering economics 负荷节点 12 15 3 4 7 9 1 8 计及经济代价 0.0053 0.0087 0.0015 0.0058 0.0070 0.0062 0.0116 0.0184 平均灵敏度 ζ_i' 负荷节点 16 18 20 21 23 24 25 26 计及经济代价 0.0076 0.0078 0.0073 0.0123 0.0092 0.0096 0.0077 0.0063 平均灵敏度 ζ_i' 负荷节点 27 28 29 31 39 计及经济代价 0.0064 0.0064 0.0071 0.0056 0.0073 平均灵敏度 ζ_i' 发电机所在节点 30 34 39 31 33 35 36 38 计及经济代价 0.0053 0.0041 0.0046 0.0035 0.0057 0.0023 0.0021 0.0076 平均灵敏度 ζ_i'

注:按计及经济代价的平均灵敏度 ζ_i' 大小排序,粗体标出的灵敏度最大的 12 个控制变量 作为主导控制变量。

附录 F 典型场景及其概率

	1		1		
场景编号	风电场1出力/%	风电场 2 出力/%	风电场 3 出力/%	负荷/%	概率
S1	101.17	104.44	98.98	105.89	0.0764
S2	93.88	92.60	94.83	95.16	0.0486
S 3	99.46	97.25	100.69	95.24	0.0706
S4	91.36	92.46	90.67	99.14	0.0664
S5	96.76	99.77	86.98	97.09	0.0882
S 6	97.26	96.66	101.52	103.86	0.0788
S 7	99.47	95.43	107.15	100.45	0.0814
S 8	99.75	97.69	99.35	97.01	0.0854
S 9	102.42	103.40	100.89	98.11	0.0920
S10	105.28	103.76	110.72	100.65	0.1058
S11	100.04	102.64	95.66	97.53	0.1132
S12	106.70	110.74	102.20	102.46	0.0932

表 F1 典型场景及其概率 Table F1 Representative scenarios and their probabilities

注:风电及负荷功率均以预测功率为基准。