大扰动后正阻尼单机水电系统频率振荡的 近似及适应性分析

王嘉伟1,熊鸿韬2,刘晓博1,杨 滢3,张建承2,庄文彬1,华 文2,薛安成1

(1. 华北电力大学 新能源电力系统国家重点实验室,北京 102206;

2. 国网浙江省电力有限公司电力科学研究院,浙江 杭州 310014;

3. 国网浙江省电力有限公司调度控制中心,浙江 杭州 310007)

摘要:实际电网中发生了多次与调速器的死区和限幅非线性切换环节相关的复杂频率振荡事故。针对相关 近似分析仅考虑单一的死区问题,构建了同时考虑死区和限幅的分段描述函数,基于此分析了含死区和限幅 的非光滑单机水电系统在大扰动后正阻尼时出现的频率振荡现象及其特性,并分析了描述函数法的适应性。 结果表明,近似光滑系统中同时存在不稳定和稳定极限环,其中稳定极限环可近似对应大扰动后正阻尼的非 光滑系统出现的死区和限幅起作用的切换型频率振荡,并进一步解释了不同限幅参数下,振荡幅值变化而振 荡频率基本不变的现象。适应性分析表明,系统参数变化可能使得低通滤波特性变差,导致描述函数法近似 非光滑切换型振荡的分析精度变差。

关键词:大扰动;频率振荡;切换型振荡;描述函数;极限环中图分类号:TM 712 文献标志码:A

DOI:10.16081/j.epae.202204034

0 引言

近年来,国内外高水电占比电网在实际运行或 试验中,出现了多次复杂的超低频频率振荡事故,威 胁着电网的安全稳定运行^[13]。例如,云南电网在试 验中,出现了系统负阻尼效应导致的频率振荡失稳 问题,以及调速器增强型死区导致系统不存在平衡 点,其引起频率在死区附近振荡的问题^[4]。另一方 面,某大电网仿真表明,在线路*N*-2故障下,当故障 持续时间为 40 ms 时,系统会恢复稳定(系统正阻 尼),而当故障持续时间为 80 ms 时,系统会发生持 续的调速器限幅参与的超低频频率振荡(大扰动后 正阻尼的振荡)^[5]。目前,超低频频率振荡的数学机 理可分为负阻尼振荡、光滑的强迫振荡和切换型 振荡^[6]。

在负阻尼振荡方面,文献[7-8]分析指出,水电 机组调速器提供负阻尼导致一次调频过程中小扰动 失稳,是造成实际电网超低频频率振荡的直接原因 之一。在对应的分析方法上,目前较为常用的是基 于时域的状态空间模型的特征根分析法以及基于频 域的复转矩系数法。强迫振荡易出现在本身阻尼较 弱而外界扰动较大的系统中^[9]。文献[10-11]利用 端口供给能量法,分析可得超低频频率振荡起振阶 段的诱发原因为负阻尼;并利用模态图和快速傅里

收稿日期:2021-08-18;修回日期:2022-01-09 在线出版日期:2022-04-13

基金项目:国网浙江省电力有限公司科技项目(5211DS200086) Project supported by the Science and Technology Project of State Grid Zhejiang Electric Power Co.,Ltd.(5211DS200086) 叶分解法,分析认为持续振荡阶段的特征类似于强 迫振荡的全局共振,即发电机之间同相位共振。上 述负阻尼振荡和光滑的强迫振荡分别对应于系统负 阻尼和弱阻尼时在小扰动后的光滑振荡,其对应于 光滑的动力系统,相应的分析方法大多是基于小扰 动后电力系统的线性化模型。值得注意的是,调速 器中的死区和限幅非线性切换环节也会对振荡特性 产生较大影响^[45]。含死区和限幅的电力系统是非 光滑动力系统,大扰动后死区和限幅参与的振荡是 大范围(全局)的非光滑振荡(即切换型振荡),其相 应的数学机理不同,传统光滑系统的小扰动分析方 法可能不再适用。

在切换型振荡方面,目前发现了3种不同类型的切换型超低频频率振荡:一是严重大扰动后具有稳定平衡点(局部正阻尼)的系统,在初始状态偏离平衡点较远时,无法返回平衡点的稳定域而进入非光滑极限环的吸引域时出现的切换型振荡^[5,1243];二是在扰动后,具有不稳定平衡点(局部负阻尼)的系统轨线发散时,死区、限幅等环节参与形成的切换型振荡^[14];三是扰动后无平衡点的系统出现的死区参与的切换型振荡^[14]。但是,上述研究仅通过仿真发现了切换型频率振荡这一现象,并定性分析了其随参数变化的非光滑分岔特性,缺少相应的量化分析手段。

考虑调速器死区时,文献[15-16]建立了含死区的分段线性系统模型,通过不同扰动下的解析求解^[15]、描述函数^[16]等方法,分析了调速器的不同死区类型对单机简化系统稳定性的影响,获得了水轮发电机组的死区影响频率振荡特性的一般规律。进

一步,文献[17]定义了扩展描述函数,定量分析了多 个死区环节对多机组合系统频率振荡的影响,并提 出通过死区配置抑制超低频频率振荡的方法。值得 注意的是,上述研究仅分析了单一死区切换环节参 与的频率振荡,缺乏对多个不同类型切换环节参与 的振荡分析(未同时考虑限幅)。此外,描述函数法 是一种近似分析方法,使用时具有一定的假设前 提^[18],文献[16-17]直接采用描述函数法,但均未涉 及适应性分析。将非光滑系统近似为光滑系统,能 否精确近似非光滑单机水电系统的超低频频率振 荡,在其他文献中也未见分析报道。

鉴于此,本文在已有研究成果的基础上,针对大 扰动后正阻尼的非光滑单机水电系统出现的死区和 限幅参与的切换型频率振荡现象,应用分段的描述 函数,说明了近似光滑系统的稳定极限环可近似大 扰动后正阻尼的非光滑系统出现的切换型振荡。并 分析了不同的限幅参数对振荡特性的影响以及描述 函数法的适应性。

1 单机水电系统模型及其振荡现象

1.1 含非线性切换环节的系统模型

当电力系统发生超低频频率振荡时,所有机组 频率基本保持同相位振荡,因此可以将系统简化为 单机系统进行分析^[19]。另一方面,文献[7-8]研究表 明,超低频频率振荡主要与水电机组的一次调频过 程不稳定相关。故针对频率振荡问题,本文分析的 带负荷单水电机组简化系统(以下简称单机水电系 统)忽略了励磁器,仅考虑调速器。

单机水电系统的调速器数学模型如附录A图 A1所示,其包括调节系统、电液伺服系统、水轮机3 个部分,各部分的传递函数分别为:

$$G_{1}(s) = \frac{K_{\rm w}(K_{\rm P}s + K_{\rm I})}{s + b_{\rm p}K_{\rm I}}$$
(1)

$$G_{2}(s) = \frac{K_{\rm Pl}}{K_{\rm Pl} + T_{\rm y}s}$$
(2)

$$G_{3}(s) = \frac{1 - sT_{W}}{1 + 0.5sT_{W}}$$
(3)

式中: K_w 为频率偏差放大倍数; K_p 、 K_l 分别为比例、积分环节的放大倍数; b_p 为永态转差系数; K_{pl} 为电液转换模块的放大倍数; T_y 为接力器时间常数; T_w 为水锤效应时间常数。进一步,发电机部分的传递函数如式(4)所示。

$$G_4(s) = \frac{\Delta\omega}{\Delta P_{\rm m}} = \frac{1}{T_{\rm J}s + K_{\rm L}} \tag{4}$$

式中: $\Delta \omega$ 为角频率偏差; ΔP_m 为机械功率偏差; T_J, K_L 分别为发电机转动惯量和负荷的单位调节功率。综上,简化单机水电系统线性部分的开环传递函数可表示为:

$$G_0(s) = G_1(s)G_2(s)G_3(s)G_4(s)$$
(5)

图 A1 中调速器含多个死区和限幅非线性切换 环节,本文仅考虑一次调频死区和限幅环节 $F(x_4)$, 其示意图如图 1 所示。图中,切换环节的输入信号 x_4 为角频率偏差的负值; $\pm \varepsilon$ 和 $\pm \lambda$ 分别为死区值和限 幅值。



图 1 死区和限幅切换环节 Fig.1 Switching link of dead zone and limitation

1.2 大扰动后正阻尼系统的切换型频率振荡现象

对于上述单机水电系统,采用实际电网中引发 超低频频率振荡事故的某一主要机组的典型参数取 值为:角频率参考值 $\omega_{ref}=1$ p.u.,调速开度参考值 $Y_{ref}=1$ p.u., $K_w=1.1, K_p=5, K_I=1, K_{PI}=40, b_p=0.03,$ $T_y=13.86$ s, $T_J=10$ s, $K_L=1.5, T_w=1.6$ s, $\varepsilon=0.0008$ p.u., $\lambda=0.0308$ p.u.。

根据文献[12],当负荷为额定参数,即 P_L =1 p.u. 时,单机水电系统存在稳定的平衡点(局部正阻 尼)。当大扰动造成系统初值(即系统的初始状态) 在一定范围内波动(即初值偏离平衡点较远)时,系 统将发生死区和限幅参与的切换型频率振荡。不 同角频率偏差初值下,系统的角频率偏差变化如图 2所示,图中角频率偏差为标幺值。由图可知:当小 扰动造成角频率偏差的初值为0.0157 p.u.(实线) 时,系统角频率经调速器的调节,最终角频率偏差 为0,这说明频率振荡逐渐衰减,单机水电系统恢 复稳定,对应着系统轨线最终收敛到稳定的平衡 点;当大扰动造成角频率偏差的初值为0.0158 p.u. (点划线)时,系统最终发生了死区和限幅参与的频 率振荡,其振荡幅值为0.0325 p.u.,振荡频率为 0.1073 Hz。



Fig.2 Time domain variation of angle-frequency deviation

2 描述函数法

2.1 总体介绍 在进行无外部输入信号非线性系统的稳定性分

146

析时,描述函数法是一种计算非线性系统振荡参数 的经典近似方法。假设系统发生振荡时,非线性部 分的输入信号为正弦信号,即:

$$x(t) = A\sin(\omega t) \tag{6}$$

式中:A和ω分别为输入信号的振荡幅值和振荡角频 率;t为时间。

在具有静态非线性特性的非线性环节中,当输入信号为正弦信号时,其输出信号是一个与输入信号周期相同的周期函数^[18]。将输出信号*y*(*t*)用傅里叶级数展开,并忽略高阶项可得:

$$y(t) \approx A_0 + A_1 \sin(\omega t) + B_1 \cos(\omega t) =$$

$$A_0 + Y_1 \sin(\omega t + \varphi_1) \tag{7}$$

式中: A_0 为直流分量; A_1 、 B_1 分别为输入信号基波正、 余弦分量的幅值; Y_1 、 φ_1 分别为输出信号基波分量的 幅值和相位。则非线性部分的描述函数N(A)可表 示为输出信号的基波分量和输入信号的复数比,如 式(8)所示。

$$N(A) = |N(A)| e^{j \angle N(A)} = \frac{Y_1}{A} e^{j\varphi_1}$$
(8)

此时,整个非线性系统(非光滑系统)可以在频域内近似为一个单环负反馈控制系统(近似的光滑 系统),如图3所示,图中r,z分别为近似控制系统的 输入、输出信号。描述函数法只考虑周期运动变量 x,y,z的基波分量,不计高次谐波分量,此时要求系 统的线性部分 $G_0(j\omega)$ 具有较好的低通滤波性能,即 在能阻止高次谐波通过时,描述函数法有较高的 精度。



图 3 频域近似控制系统

Fig.3 Approximate control system in frequency domain

2.2 应用准则

根据图 3, 频域近似控制系统的闭环频率特性为:

$$G(j\omega) = \frac{N(A)G_0(j\omega)}{1 + N(A)G_0(j\omega)}$$
(9)

其特征方程为:

$$1 + N(A)G_0(j\omega) = 0 \tag{10}$$

可变化为:

$$\hat{G}_0(\mathbf{j}\boldsymbol{\omega}) = -\frac{1}{N(A)} \tag{11}$$

类似于 Nyquist 判据的最常见形式^[18],可以通过 图 4 所示复平面上的 $G_0(j\omega)$ 曲线和-1/N(A) 曲线的 相对位置关系来分析频域近似控制系统的稳定性。 图中: $G_0(j\omega)$ 表示 ω 从0增大到+ ∞ 的开环频率特性



图4 描述函数法的判别准则

Fig.4 Discriminant criteria of describing function method

曲线;-1/N(A)表示输入信号幅值A从0增大到+∞的 负倒特性曲线。

1)如果 $G_0(j\omega)$ 曲线始终包围 / 不包围-1/N(A) 曲线,则表明近似系统不稳定 / 稳定。

2)如果 $G_0(j\omega)$ 曲线和-1/N(A)曲线存在交点,则表明近似系统中存在极限环,根据交点的不同,又需进一步区分。

(1)从不稳定区到稳定区的穿出交点(A_{erl},ω₁) (A_{erl}和ω₁分别为该交点下对应振荡的幅值和角频 率)对应的是稳定极限环。在穿出交点附近,若输入 信号幅值A>A_{erl},则系统运行点位于稳定区,振荡会 逐渐衰减;若输入信号幅值A<A_{erl},则系统运行点位 于不稳定区,振荡会进一步发散;两者最终都收敛到 穿出交点处的稳定极限环。

(2)从稳定区到不稳定区的穿入交点(A_{er2},ω₂) (A_{er2}和ω₂分别为该交点下对应振荡的幅值和角频 率)对应的是不稳定极限环。穿入交点处的稳定性 与输入信号幅值A有关,若振幅在稳定区,则系统振 荡逐渐衰减,最终恢复稳定(收敛到稳定的平衡点); 若输入信号幅值在不稳定区,则系统振荡进一步发 散,最终收敛到稳定的极限环。

(3)如果2条曲线为相切关系,那么切点处对应的是半稳定极限环。

3 基于描述函数法的近似分析

3.1 描述函数法的分析结果

在固定参数下,对比基于描述函数法的近似分 析结果与实际仿真结果,初步验证描述函数法用于 近似分析大扰动后正阻尼的单机水电系统出现的死 区和限幅起作用的切换型频率振荡的适用性。

对于图1所示的死区和限幅切换环节,其输入 输出信号为奇对称,故在图2所示正弦输入信号下, 经切换环节的输出信号傅里叶级数展开中,A₀=0, B₁=0。因此,切换环节的输出信号中不含直流分量, 且其描述函数仅含实数部分。死区和限幅切换环节 的输入输出信号具有分段特性,故其描述函数也需 分段表示,如式(12)所示^[18]。



148

(12)

在1.2节设置的系统参数下,由式(5)、(12),可 得到开环频率特性曲线 $G_0(j\omega)$ 和负倒特性曲线 -1/N(A),在复平面上如图5所示,图中横纵轴刻度值 均为标幺值。负倒特性曲线-1/N(A)也分为3段:当 $A \leq 0.000 8$ 时,-1/N(A)在负无穷远处;当0.0008<4 < 0.030 8时,-1/N(A)的第二段由图中圆圈构成;当 A > 0.030 8时,-1/N(A)的第三段为图中直线。负倒特 性曲线-1/N(A)与开环频率特性曲线 $G_0(j\omega)$ 有2个 交点:①圆圈所对应的交点为穿入交点,穿入交点处 的振荡角频率为0.6733 rad / s(0.1072 Hz),振幅为 0.0226 p.u.,其对应的是不稳定极限环的幅值;②直 线对应的穿出交点,穿出交点处的振荡角频率为 0.6733 rad / s(0.1072 Hz),振幅为0.0325 p.u.,其对 应的是死区和限幅作用的稳定极限环($A > \lambda$)。



图 5 开环频率特性和负倒特性曲线 Fig.5 Open-loop frequency characteristics and minus reciprocal curves

描述函数法的分析结果表明,本文分析的含死 区和限幅切换环节的单机水电系统在稳定平衡点 外,同时存在一个不稳定极限环和一个稳定极限环。 因此,从系统动力学角度看,根据输入信号幅值的不 同,系统表现出不同的稳定性。具体为:当扰动后输 入信号幅值较小(小扰动后的输入信号幅值),输入 信号幅值处于稳定平衡点的稳定域内部时,该振荡 最终平息,恢复稳定(轨线收敛到稳定平衡点);当扰 动后输入信号幅值较大(大扰动后的输入信号幅值) 时,输入信号幅值不在稳定平衡点的稳定域内部,而 在稳定极限环的吸引域内部,此时,轨线收敛到稳定 极限环,即近似控制系统发散形成稳定持续的振荡。

同时,该分析结果与1.2节仿真获得的振荡信息

(振幅为0.0325 p.u.,振荡频率为0.1073 Hz)接近。因此,在本文参数设置情形下,基于描述函数法的频率振荡的近似精度较好,近似光滑系统的稳定振荡可近似为非光滑系统的大范围(死区和限幅起作用)切换型振荡。

3.2 限幅参数的影响分析

改变非光滑结构的限幅值,近似的描述函数法 和仿真法求得的稳定极限环(切换型振荡)对应的振 荡频率和振荡幅值对比如表1所示,表中振荡幅值 为标幺值,后同。由表1可得如下结论:

1)基于描述函数法的近似和仿真计算结果,在 误差允许的范围内,基本一致;

2)限幅参数变化时,非光滑单机水电系统仿真 中切换型频率振荡的振荡幅值变化,而振荡频率基 本不变,该现象可通过图5所示的开环频率特性和 负倒特性曲线解释,即限幅参数变化时负倒特性曲 线-1/N(A)仍在实轴上,但各处对应的输入信号幅 值A发生变化,而开环频率特性曲线 G₀(jω)不随限 幅变化而变化,故2条曲线的交点对应的稳定极限 环,其振荡角频率ω不变,而振荡幅值A变化。

表1 不同限幅下的结果对比

Table 1 Results comparison under different limitations

振荡频率			振荡幅值			
λ	描述函数 /	仿真 /	误差 /	世法运物	仿真	误差 /
	Hz	Hz	%	田妃团奴		%
0.0308	0.1072	0.1073	0.09	0.0325	0.0325	0
0.0408	0.1072	0.1070	0.19	0.0439	0.0440	0.23
0.0508	0.1072	0.1070	0.19	0.0552	0.0554	0.36
0.0608	0.1072	0.1070	0.19	0.0665	0.0667	0.30
0.0708	0.1072	0.1071	0.09	0.0778	0.0781	0.38
0.0808	0.1072	0.1071	0.09	0.0891	0.0894	0.34

4 描述函数法的适应性分析

本节进一步分析单机水电系统的线性部分的参数变化(线性部分的低通滤波性能变化)时,描述函数法的适应性。与第3节分析类似,改变一次调频比例积分 PI(Proportional Integral)环节的比例增益参数 K_P,描述函数法和仿真法求得的稳定极限环(切换型振荡)对应的振荡频率和振荡幅值对比如表2所示,可得如下结论。

1)当 K_p 变化时,非光滑单机水电系统仿真中切 换型频率振荡的振荡频率和幅值均会变化。这是因 为当 K_p 变化时,由图5可知,开环频率特性曲线 $G_0(j\omega)$ 变化,其与负倒特性曲线–1/N(A)之间的穿 出交点(稳定极限环)所对应的振荡频率和振荡幅值 均发生变化。

2)对比描述函数法和仿真计算的结果,在K_p较小时,二者的振荡频率和幅值基本一致;在K_p较大时,振荡频率和幅值误差偏大。表明描述函数法成立的前提可能受到挑战,即系统不具有低通滤波性质。

表2 不同*K*_P下的结果对比

[ab]	le	2	Result	s com	parison	under	different	values	of	$K_{\rm P}$	
------	----	---	--------	-------	---------	-------	-----------	--------	----	-------------	--

	振荡频率			振荡幅值			
$K_{\rm P}$	描述函数 /	仿真 /	误差 /	世法运筹	估百	误差 /	
	Hz	Hz	%	田妃函奴	仍具	%	
5	0.1072	0.1073	0.09	0.0325	0.0325	0	
6	0.1115	0.1111	0.36	0.0411	0.0419	1.91	
7	0.1145	0.1121	2.14	0.0484	0.0501	3.39	
8	0.1167	0.1124	3.83	0.0554	0.0581	4.65	
9	0.1185	0.1126	5.24	0.0623	0.0662	5.89	
10	0.1198	0.1130	6.02	0.0691	0.0740	6.62	

由于本文分析的切换环节和输入信号均为奇 对称,输出信号中主要含有奇次谐波。线性部分 $G_0(j\omega)$ 的基波项和3次谐波项的幅值增益的计算结 果如表3所示。

表3 不同K_P下的幅值增益

Table 3 Amplitude gain under different values of $K_{\rm p}$

$K_{\rm P}$	振荡频率 / Hz	$G_0(j\omega)$	$G_0(j3\omega)$
5	0.1072	1.0469	0.3978
6	0.1115	1.2047	0.4555
7	0.1145	1.3686	0.5146
8	0.1167	1.5358	0.5747
9	0.1185	1.7039	0.6345
10	0.1198	1.8746	0.6956

由表2、3可知:当 K_P 较小时,线性部分的3次谐 波项的幅值增益较小,这说明线性部分的频率特性 $G_0(j\omega)$ 对高次谐波分量的抑制效果较好,因此,使用 描述函数法的分析结果与仿真法基本一致,精度较 高;当 K_P 较大时,3次谐波项的幅值增益变大,这说 明线性部分的频率特性 $G_0(j\omega)$ 对高次谐波分量的 抑制效果变差,因此,分析结果的误差也增大。同理 可得,当单机水电系统线性部分的积分参数 K_I 和水 锤效应时间常数 T_w 变化时,描述函数法的近似分析 结果与仿真结果之间的误差也会随3次谐波幅值的 增大而增大,如附录A的图A2、A3所示。

上述分析表明,描述函数法在非光滑系统的分 析中仅考虑了基波分量,为近似方法。如果线性部 分对高次谐波的滤波性能变差(即3次谐波项的幅 值增益变大),那么基于描述函数法的分析结果与实 际情况的差异也将变大。因此,在使用描述函数法 时,尤其需要注意系统对高次谐波的滤波性能。

5 结论

针对大扰动后正阻尼的非光滑单机水电系统出 现的死区和限幅参与的切换型频率振荡,提供一种基 于分段描述函数的近似分析方法,得到主要结论如下。

1)在小扰动后正阻尼的单机水电系统,经调速 器调节,系统频率恢复稳定;在大扰动后正阻尼的单 机水电系统,会出现死区和限幅参与的切换型频率 振荡现象。 2)当参数满足低通滤波条件时,基于描述函数 法分析的光滑系统的稳定极限环,可近似对应大扰 动后正阻尼的非光滑系统出现的死区和限幅起作用 的切换型振荡;且可解释不同限幅参数下切换型频率 振荡的振荡幅值变化而振荡频率基本不变的现象。

3)参数变化可能导致单机水电系统在振荡频率 附近的滤波性能变差,3次谐波无法忽略,导致采用 描述函数法的近似分析结果的精度也变差。

本文方法主要用于单机水电系统。对于高维的 含有不同死区和限幅的实际多机水电系统,在不同扰 动下如何确认哪些机组哪些死区和限幅参与振荡, 并结合死区和限幅组合分析,还需要进一步研究。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

参考文献:

- [1]李伟,肖湘宁,陶顺,等.特高压直流送端孤岛系统频率稳定控制[J].电力自动化设备,2018,38(11):197-203.
 LI Wei,XIAO Xiangning,TAO Shun, et al. Frequency stability control for islanded UHVDC sending end system[J]. Electric Power Automation Equipment,2018,38(11):197-203.
- [2] VILLEGAS P H, MCCALLEY J D, ANGEL A, et al. Analysis of very low frequency oscillations in hydro-dominant power systems using multi-unit modeling[J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2012, 27(4); 1906-1915.
- [3]高原,马宁宁,王德林,等.异步联网下直流频率调制及其参数对送端系统频率的影响[J].电力自动化设备,2019,39(9): 173-179.

GAO Yuan, MA Ningning, WANG Delin, et al. Impact of DC frequency modulation and modulation parameters on frequency characteristics of sending end in asynchronous interconnected power grid[J]. Electric Power Automation Equipment, 2019, 39 (9):173-179.

- [4] 陈亦平,李崇涛,杨若朴,等.云南异步电网中频率振荡的分段 线性模型分析方法[J].电力系统自动化,2020,44(6):186-193.
 CHEN Yiping,LI Chongtao,YANG Ruopu, et al. Analysis method of piecewise linear model for frequency oscillation in asynchronous power grid of Yunnan in China[J]. Automation of Electric Power Systems,2020,44(6):186-193.
- [5] XUE A C, WANG J W, ZHENG C, et al. On the mechanism and control for the ultra-low frequency oscillation in NY Power Grid with large-scale hydropower [J]. Control Theory and Technology, 2019, 17(3):241-251.
- [6] 薛安成,王嘉伟,刘晓博,等.电力系统超低频频率振荡机理 分析与抑制研究现状与展望[J].中国电机工程学报,2021,41 (2):553-568.
 XUE Ancheng, WANG Jiawei, LIU Xiaobo, et al. Survey and prospect of ultra-low frequency oscillation mechanism analysis and suppression in power system[J]. Proceedings of the CSEE, 2021,41(2):553-568.

 [7] 付亮,赵志高,杨建东,等.兼顾超低频振荡阻尼特性的水电机 组一次调频多目标优化策略[J].电力自动化设备,2020,40 (6):83-91.
 FU Liang,ZHAO Zhigao,YANG Jiandong, et al. Multi-objective optimization strategy of primary frequency regulation for hy-

optimization strategy of primary frequency regulation for hydropower unit considering damping characteristics of ultra-low frequency oscillation[J]. Electric Power Automation Equipment, 2020,40(6):83-91.

[8] 胡林,申建建,曾云,等.水电机组 PID 功率调节对异步送端电 网的频率稳定性影响[J].电力自动化设备,2019,39(11):217-223.

HU Lin, SHEN Jianjian, ZENG Yun, et al. Impact of PID power regulation of hydroelectric unit on frequency stability for asynchronous sending-end power grid[J]. Electric Power Automation Equipment, 2019, 39(11):217-223.

[9] 鞠平,刘咏飞,王红印,等. 电力系统的广义强迫振荡[J]. 电 力自动化设备,2014,34(5):1-6.

150

JU Ping, LIU Yongfei, WANG Hongyin, et al. General forced oscillations of power systems [J]. Electric Power Automation Equipment, 2014, 34(5): 1-6.

- [10] 陈怡君.由局部控制器失稳引发的类强迫超低频振荡辨识及抑制[D].北京:清华大学,2018.
 CHEN Yijun. Identification and mitigation of forced-like ultralow-frequency oscillations induced by unstable local controllers
 [D]. Beijing:Tsinghua University,2018.
- [11] CHEN Y, LIU F, SHEN C, et al. Mitigating a class of ultralow-frequency oscillations in hydro-turbine dominant power systems [C] // Biennial International Conference on Power and Energy Systems: towards Sustainable Energy. Bangalore, India: PESTSE, 2018:1-5.
- [12] 薛安成,王嘉伟. 基于非光滑分岔的单机水电系统超低频频率 振荡机理分析[J]. 电工技术学报,2020,35(7):1489-1497.
 XUE Ancheng, WANG Jiawei. Mechanism analysis of ultra-low frequency oscillation of single hydropower system based on non-smooth bifurcation[J]. Transactions of China Electrotechnical Society,2020,35(7):1489-1497.
- [13] 薛安成,王嘉伟.含增强型死区的电力系统超低频频率振荡的非 光滑分岔分析[J].中国电机工程学报,2021,41(8):2725-2734.
 XUE Ancheng, WANG Jiawei. Non-smooth bifurcation analysis of ultra-low frequency oscillations in power systems with enhanced dead zone[J]. Proceedings of the CSEE,2021,41(8): 2725-2734.
- [14] 薛安成,王嘉伟,刘晓博,等.简化单机水电系统负阻尼时频率 振荡的类Hopf非光滑分岔分析[J/OL].中国电机工程学报. (2021-06-21)[2021-08-18].http://doi.org/10.13334/j.0258-8013.pcsee.210279.
- [15] 谢棚,王德林,郭良杰,等. 调速器死区对水电高占比电力系统 频率稳定的影响分析[J]. 电力系统自动化,2021,45(24):89-96.
 XIE Peng,WANG Delin,GUO Liangjie, et al. Analysis of in-

fluence of governor deadband on frequency stability of power system with high proportion of hydropower[J]. Automation of Electric Power Systems, 2021, 45(24):89-96.

- [16] 陈磊,张林,闵勇,等. 单机等值系统调速器死区对频率振荡的 影响[J]. 电力系统自动化,2019,43(7):107-112,128. CHEN Lei,ZHANG Lin,MIN Yong, et al. Influence of deadband of governor on frequency oscillation in single machine equivalent system[J]. Automation of Electric Power Systems, 2019,43(7):107-112,128.
- [17] 范成围,陈刚,史华勃,等.基于统一频率模型的多死区环节对频 率振荡影响的分析[J].电力系统自动化,2020,44(18):164-171. FAN Chengwei, CHEN Gang, SHI Huabo, et al. Analysis of multi-deadband link influence on frequency oscillation based on unified frequency response model[J]. Automation of Electric Power Systems, 2020, 44(18):164-171.
- [18] 吴麒. 自动控制原理[M]. 2版. 北京:清华大学出版社,2006: 198-201.
- [19] 陈磊,路晓敏,陈亦平,等. 多机系统超低频振荡分析与等值方法[J]. 电力系统自动化,2017,41(22):10-15,25.
 CHEN Lei, LU Xiaomin, CHEN Yiping, et al. Analysis of ultra-low-frequency oscillations in multi-machine system and equivalent method[J]. Automation of Electric Power Systems, 2017,41(22):10-15,25.

作者简介:



王嘉伟(1996—),男,博士研究生,主 要研究方向为电力系统频率振荡的分析和 控制(E-mail:15650759520@163.com);

熊鴻韬(1984—),男,工程师,硕士,主 要研究方向为电力系统网源协调稳定控制 (E-mail:373926116@qq.com);

薛安成(1979—),男,教授,博士研究生 导师,博士,主要研究方向为模型和数据驱

」加加市动的新能源电力系统稳定性分析和控制、数据安全防御、二次设备评估(E-mail:acxue@ncepu.edu.cn)。

(编辑 王欣竹)

Approximation and adaptability analysis of frequency oscillation in single hydromachine power system with positive damping after large disturbance

WANG Jiawei¹, XIONG Hongtao², LIU Xiaobo¹, YANG Ying³, ZHANG Jiancheng²,

ZHUANG Wenbin¹, HUA Wen², XUE Ancheng¹

(1. State Key Laboratory of Alternate Electrical Power System with Renewable Energy Sources,

North China Electric Power University, Beijing 102206, China;

2. Electric Power Research Institute of State Grid Zhejiang Electric Power Co., Ltd., Hangzhou 310014, China;

3. Electric Power Dispatching and Control Center of State Grid Zhejiang Electric Power Co., Ltd., Hangzhou 310007, China) **Abstract**: Complex frequency oscillation accidents related to the dead zone and limitation nonlinear switching link of the governor have occurred in the actual power grid. In view of the problem that only dead zone is considered in the correlation approximate analysis, a piecewise description function considering both dead zone and limitation is constructed. Based on this, the oscillation phenomenon and characteristics of non-smooth single hydro-machine power system with dead zone and limitation when it has positive damping after large disturbance are analyzed, and the adaptability of the description function method is analyzed. The results show that there are both the stable and unstable limit cycles in the approximately smooth system, and the stable limit cycle can approximately correspond to the switching-type frequency oscillation engaged with dead zone and limitation in the non-smooth system with positive damping after large disturbances. It could also explain the phenomenon that the oscillation amplitude varies according to the limitation value, while the oscillation frequency remains unchanged. The adaptability analysis shows that the change of system parameters will deteriorate the low-pass filtering characteristics, resulting in the deterioration of the accuracy of description function method in approximating non-smooth switching-type oscillation analysis.

Key words: large disturbance; frequency oscillation; switching-type oscillation; description function; limit cycle



Fig.A3 Deviation size under different $T_{\rm W}$