Vol.43 No.10 Oct. 2023

# 计及故障重构与信息约束的有源配电网 短期可靠性评估方法

王守相<sup>1,2</sup>,高嘉佐<sup>1,2</sup>,赵倩宇<sup>1,2</sup>,张丙杰<sup>1,2</sup> (1. 天津大学 智能电网教育部重点实验室,天津 300072; 2. 电力系统仿真控制天津市重点实验室,天津 300072)

摘要:配电网短期可靠性可有效反映系统的运行风险,而分布式电源出力变化、网络重构与信息系统状态都 是其重要影响因素。为此,提出了计及故障重构与信息约束的有源配电网短期可靠性评估模型和方法。首 先构建基于马尔可夫过程的配电网元件短期停运模型,然后建立考虑故障重构与信息物理耦合的有源配电 网故障后最优负荷削减模型,提出基于有向虚拟多商品流模型的考虑故障重构与孤岛划分的最优负荷削减 策略,建立适用于故障重构与孤岛划分的辐射状拓扑约束以及考虑信息系统对配电网支撑作用的信息约束, 实现对故障后果的精确分析。在此基础上,提出基于模型驱动的有源配电网短期可靠性评估方法,并进一步 针对基于模型驱动的方法所存在的快速性不足缺点,采用"离线建模,在线评估"思想,提出基于最小二乘支 持向量机的改进短期可靠性快速评估方法,实现了短期可靠性的快速评估。基于算例分析了负荷削减策略、 分布式电源出力、信息物理耦合对系统可靠性的影响,验证了所提方法的有效性以及所提负荷削减策略对可 靠性提升的优越性。

关键词:有源配电网;信息约束;故障重构;短期可靠性评估;最小二乘支持向量机
 中图分类号:TM73
 文献标志码:A
 DOI:10.16081/j.epae.202309008

# 0 引言

随着分布式电源大量接入,传统配电网发展成 为有源配电网。分布式电源出力的间歇性以及波动 性给配电网的可靠运行带来挑战。同时,随着信息 技术的广泛应用,配电网依赖信息系统实现实时 感知与动态控制。但是信息系统的失效也会反馈于 配电网,继而导致配电网故障的发生<sup>[1]</sup>。为了保证 配电网安全运行,对配电网进行可靠性评估的意义 重大。

目前,国内外学者在配电网可靠性评估方面已 取得一些研究成果。在配电网信息物理系统可靠性 建模方面:文献[2]基于广义Petri网构建了配电网 信息物理系统的可靠性评估模型,提升了评估效率; 文献[3]考虑信息物理系统的耦合关系与拓扑结构, 建立了信息系统与物理系统的元件模型;文献[4]针 对基于分布式馈线自动化的配电信息物理系统进行 了建模,分析了信息元件失效对配电系统可靠性的 影响;文献[5]在考虑信息失效的基础上,研究了分

# 收稿日期:2023-08-04;修回日期:2023-08-25 在线出版日期:2023-09-07

基金项目:国家自然科学基金资助项目(52077149);国家自 然科学基金智能电网联合基金重点支持项目(U2166202) Project supported by the National Natural Science Foundation of China(52077149) and the Key Program of the National Natural Science Foundation of China-State Grid Cooperation of China Joint Found for Smart Grid(U2166202) 布式电源的作用。在故障后果分析方面,当配电网 发生故障后,可以通过协同调度供能设备的出力、储 能充放电、电网开关等手段,来实现负荷削减量的最 小化。文献[6]在进行故障后果分析时,考虑了故障 定位、隔离、恢复的过程;文献[7]考虑故障恢复对用 户用电体验的影响,建立了配电网的用电指标评价 体系;文献[8]考虑配电网的故障转供,将可靠性与 网络规划问题相结合,通过寻优得到可靠性指标。 但上述研究均未进行潮流计算,缺少对电压等系统 运行状态的关注,评估结果较为理想化。在可靠性 评估方法方面,解析法的评估精度高,最小割集 法<sup>[9]</sup>、影响增量法<sup>[10]</sup>等解析法在可靠性评估中均有 应用。但解析法适用于小规模系统,当系统规模较 大时,计算时间会呈指数增长。而蒙特卡罗法是常 用的模拟方法[3-7],适用于大规模系统,被广泛应用 于可靠性评估,但在元件故障率较低或系统故障分 析较为复杂时,也存在评估时间过久的问题。而短 期可靠性关注系统的运行风险,对评估速度与评估 精度均有要求。近年来,机器学习开始被应用于可 靠性评估[11-13],提升了评估速度。文献[14]对可靠 性评估方法进行总结,提出了"离线建模,在线评估" 模式,拓宽了可靠性评估的思路。综上所述,国内外 学者在配电网可靠性方面已有较多的研究,但关注 的时间尺度大多为中长期,对短期可靠性的研究不 足,在信息作用与负荷削减时未考虑潮流计算,对配 电网的运行状态有所忽视,难以从系统运行风险的

角度给出指导,也无法刻画故障重构等调度措施对 系统短期可靠性的影响。而在考虑配电网的运行状 态后,又将面临评估时间过久的问题。

为此,本文提出考虑故障重构与信息约束的有 源配电网短期可靠性评估方法。首先,根据短期可 靠性元件故障率的时变特性,建立基于马尔可夫过 程的短期停运模型;然后,在故障后果分析方法方面 考虑信息物理耦合与故障重构,提出最优负荷削 减策略;最后,针对基于模型驱动的评估方法的耗 时过长问题,提出基于最小二乘支持向量机(least squares support vector machine,LSSVM)回归模型 的改进方法,在准确性可接受的范围内提升快速性。

# 计及网络重构与信息约束的有源配电网 短期可靠性模型

# 1.1 基于马尔可夫过程的配电网元件短期停运模型

在短期可靠性评估中,元件的状态概率呈时变 特性。而在传统可靠性建模中,元件的故障状态概 率大多基于历史数据或经验得到,无法体现元件故 障的实时特性。马尔可夫过程认为系统下一时刻的 状态仅与当前时刻的状态有关,与历史状态无关,适 用于刻画元件的时变可靠性模型。假设状态空间为 {0,1},0表示正常状态,1表示故障停运状态,λ、μ分 别为元件的故障率、修复率。两状态的马尔可夫模 型如附录A图A1所示。

在可靠性评估中,元件的无故障工作时间、故障 修复时间均服从指数分布,元件状态转移可视为齐 次马尔可夫过程。假设元件当前处于正常状态,通 过全概率公式可求得元件在时间t后处于状态0的 概率P<sub>0</sub>(t)和处于状态1的概率P<sub>1</sub>(t)分别为:

$$\begin{cases} P_0(t) = \frac{\mu}{\mu + \lambda} + \frac{\lambda}{\mu + \lambda} e^{-(\mu + \lambda)t} \\ P_1(t) = \frac{\lambda}{\mu + \lambda} - \frac{\lambda}{\mu + \lambda} e^{-(\mu + \lambda)t} \end{cases}$$
(1)

# 1.2 考虑故障重构与信息物理耦合的有源配电网 故障后最优负荷削减模型

在配电网发生故障后,可以通过信息网快速调 节分布式电源出力,减少负荷削减量。同时,配电网 故障重构与孤岛划分也是实现负荷供应的有效手 段。为了尽可能地保障用户的用电,建立考虑故障 重构与信息物理耦合的最优负荷削减模型,如式(2) 所示。

$$\min F = \sum_{i=1}^{N_c} (1 - \delta_i) \theta_i P_i$$
(2)

式中:F为目标函数值; $N_i$ 为配电网节点数量; $\delta_i$ 为配 电网节点i处能够正常供电的负荷比例; $\theta_i$ 为配电网 节点i的负荷等级权重; $P_i$ 为配电网节点i的电负荷。 1.2.1 适用于故障重构与孤岛划分的辐射状拓扑 约束

配电网在进行最优负荷削减时,应满足辐射状 拓扑约束。一方面,在配电网发生故障后,为了尽可 能地恢复供电,并满足非故障区域的正常运行,需要 考虑孤岛运行策略;另一方面,当配电网2处及以上 元件发生故障后,可能会出现失电孤岛的情况,这会 增加拓扑的复杂性。失电孤岛示意图如附录A图 A2所示,此时配电网发生3处故障,节点2、3处配置 了分布式电源,若满足运行条件,则可采用孤岛运行 方式进行供电。但节点4、5无电源供应,成为了失 电孤岛。

在网络重构中,常用的父子关系生成树法在某些情况下可能会形成环路,而单商品流约束不允许出现失电孤岛的情况<sup>[15]</sup>,这2种方法均不适用于考虑故障重构与孤岛划分的可靠性评估。基于生成树约束的有向虚拟多商品流模型通过描述商品在网络中的流通过程来保证网络的连通性,并通过生成树的进一步开断来实现辐射状要求和孤岛划分<sup>[16]</sup>。该模型可以有效解决形成环路和失电孤岛问题,满足可靠性评估中式(3)—(10)所示对配电网拓扑的灵活性要求。

$$\sum_{eB} F_{k,js} - \sum_{sj \in B} F_{k,sj} = -1 \quad k \in N \setminus s$$
(3)

$$\sum_{jk\in B} F_{k,jk} - \sum_{kj\in B} F_{k,kj} = 1 \quad k \in N \setminus s$$
(4)

$$\sum_{ij\in B} F_{k,ij} - \sum_{ji\in B} F_{k,ji} = 0 \quad k \in N \setminus s, i \in N \setminus \{s,k\}$$
(5)

$$0 \leqslant F_{k,ij} \leqslant \mu_{ij} \quad ij \in B, k \in N \setminus s \tag{6}$$

$$0 \leq F_{k,ji} \leq \mu_{ji} \quad ji \in B, k \in N \setminus s \tag{7}$$

$$\sum_{ij\in B} (\mu_{ij} + \mu_{ji}) = N_e - 1 \tag{8}$$

$$\mu_{ij} + \mu_{ji} = \lambda_{ij} \quad ij \in B \tag{9}$$

$$\beta_{ii} \leq \lambda_{ii} \quad ij \in B \tag{10}$$

式中:N为配电网所有节点的集合;B为配电网中所 有线路的集合;s为变电站节点; $F_{k,ij}$ 为经过有向线路 ij送至节点k的虚拟流量; $\mu_{ij}$ 为0-1变量,若有向线路 ij被包含在有向生成树中,则 $\mu_{ij}$ =1,否则 $\mu_{ij}$ =0; $\lambda_{ij}$ 为 0-1变量,若有向线路ij的虚拟连接状态为闭合,则  $\lambda_{ij}$ =1,否则 $\lambda_{ij}$ =0; $\beta_{ij}$ 为0-1变量,若线路ij闭合,则  $\beta_{ij}$ =1,否则 $\beta_{ij}$ =0。式(3)表示1个单位虚拟商品由 变电站节点流向节点k;式(4)表示节点k获得1个单 位虚拟商品;式(5)表示属于节点k的虚拟商品不会 流入其他节点;式(6)和式(7)表示当 $\mu_{ij}$ 构造的有向 生成树包含有向线路ij时,虚拟商品才可在该有向 线路上流动;式(8)指定了生成树中有向线路的数 量;式(9)表示虚拟连接状态由生成树的有向线路决 定;式(10)表示支路的实际连接状态由虚拟连接状 态约束。 1.2.2 考虑信息物理系统耦合影响的信息约束

信息物理系统中的信息网与配电网相互影响, 配电网为信息网提供电能,信息网发出指令来控制 配电网中的元件。当配电网节点发生故障时,对应 的信息节点会失去供能;当信息节点发生故障时,对 应的配电网节点会处于不可控或不可观状态<sup>[17]</sup>。

当配电网节点因故障发生切负荷时,对应的信息节点能否正常工作可按式(11)所示约束判定<sup>[18]</sup>。

$$\alpha_{i} = \begin{cases} 1 & \sum_{j \in N_{i}} P_{j}^{\text{cut}} \leq (1 - \varphi) \sum_{j \in N_{i}} P_{j} \\ 0 & \sum_{j \in N_{i}} P_{j}^{\text{cut}} > (1 - \varphi) \sum_{j \in N_{i}} P_{j} \end{cases}$$
(11)

式中: $\alpha_i$ 为0-1变量,若信息节点*i*正常供能,则 $\alpha_i$ =1, 否则 $\alpha_i$ =0; $N_i$ 为与信息节点*i*相连接的配电网节点 的集合; $P_j$ 为配电网节点*j*的有功负荷需求量; $P_j^{eut}$ 为 配电网节点*j*被切除的负荷; $\varphi$ 为信息网与配电网的 耦合程度,其取值范围为[0,1], $\varphi$ 取值越大,表明耦 合程度越强。

对于采用电力光缆通信的配电网而言,信息网 与配电网在空间上存在耦合性,为了简化运算,可认 为信息网的拓扑结构与配电网一致,且信息节点由 对应的配电网节点供能。基于此,对式(11)进行等 价简化,如式(12)所示。

$$\alpha_i = \begin{cases} 1 & \varphi \leq \delta_j \\ 0 & \varphi > \delta_j \end{cases} j \in N_i$$
 (12)

式(12)表示当耦合程度 $\varphi$ 不大于 $\delta_j$ 时,信息节点 *i*被供能。为了便于求解,对式(12)进行如下处理<sup>[18]</sup>:

$$\varphi - \delta_j \leq \varphi (1 - \alpha_i) \tag{13}$$

$$\varphi - \delta_j > (\varphi - 1)\alpha_i \tag{14}$$

当信息节点发生故障时,对应的配电网节点因 不可观或不可控需要遵循以下约束:

$$\begin{cases} 0 \leq P_{s,i} \leq \varepsilon_j \alpha_i P_{s,i}^{\max} & i \in \{s\}, j \in N_i \\ 0 \leq P_{g,i} \leq \varepsilon_j \alpha_i P_{g,i}^{\max} & i \in \{g\}, j \in N_i \end{cases}$$
(15)

$$0 \leq 1 - \delta_i \leq \varepsilon_i \alpha_i \quad i \in N \setminus s \tag{16}$$

式中:g为分布式电源节点; $P_{s,i}$ 、 $P_{g,i}$ 分别为变电站节 点、分布式电源节点的出力; $P_{s,i}^{max}$ 、 $P_{g,i}^{max}$ 分别为变电站 节点、分布式电源节点的出力上限; $\varepsilon_j$ 为0-1变量,若 信息节点j与信息控制中心(information center,IC) 连接正常,则 $\varepsilon_j$ =1,否则 $\varepsilon_j$ =0。式(15)表示当信息节 点发生故障时,对应的配电网供能节点的供能设备应 采取脱网应急处理,停止供能;式(16)表示当信息节 点发生故障时,对应的配电网负荷节点无法切负荷。

信息节点保持与IC连接是该节点正常工作的 前提,即:

$$\varepsilon_{j} = \begin{cases} 1 & z_{jc} + \sum z_{jk_{1}} z_{k_{1}c} + \dots + \sum z_{jk_{n}} z_{k_{n}k_{n-1}} \cdots z_{k_{1}c} \ge 1 \\ 0 & z_{jc} + \sum z_{jk_{1}} z_{k_{1}c} + \dots + \sum z_{jk_{n}} z_{k_{n}k_{n-1}} \cdots z_{k_{1}c} = 0 \end{cases}$$
(17)

式中: $z_{j_{k}}$ 为0-1变量,若信息节点j与信息节点k之 间的链路连接正常,则 $z_{j_{k}}$ =1,否则 $z_{j_{k}}$ =0;c为IC节点;  $k_{1}-k_{m}$ 为信息节点j与IC连接路径上的中间节点。 式(17)表示当信息节点j与IC之间至少有1条通路 时,信息节点j连接正常。当信息节点数量较多,信 息网拓扑较复杂时,式(17)难以求解。对式(17)进 行如下等价变换:

$$\varepsilon_j = 1 \quad j \in \{c\} \tag{18}$$

$$\left(\sum_{ij\in D}\varepsilon_{i}z_{ij}+\sum_{ji\in D}\varepsilon_{i}z_{ji}\right)/n_{j}\leqslant\varepsilon_{j}\leqslant\sum_{ij\in D}\varepsilon_{i}z_{ij}+\sum_{ji\in D}\varepsilon_{i}z_{ji}\quad j\notin\{c\}\ (19)$$

式中:D为信息网中链路的集合; $n_i$ 为与信息节点j相连的链路数量。式(18)表示 IC 节点的连接状态 恒为正常;式(19)通过检查其他节点是否与正常工 作的信息节点相连来确定其他节点的工作状态。式 (19)中存在2个0-1变量相乘的非凸项,令0-1变量  $w_{ij} = \varepsilon_i z_{ij}$ ,通过McCormick包络<sup>[19]</sup>进行松弛处理,如式 (20)所示。

$$\begin{cases} w_{ij} \ge 0, \ w_{ij} \ge \varepsilon_i + z_{ij} - 1 \\ w_{ij} \le \varepsilon_i, \ w_{ij} \le z_{ij} \end{cases}$$
(20)

1.2.3 系统运行约束

基于线路功率的DistFlow潮流方程适用于描述 辐射状配电网。本文采用DistFlow模型建立配电网 约束,并加入切负荷变量、线路连接状态变量反映故 障重构。约束条件包括功率平衡约束、线路压降平 衡约束、故障线路约束以及电压、电流、功率关系的 二阶锥松弛,具体表达式见附录A式(A1)-(A8)。

当配电网发生线路故障后,若所有电源均无法 对节点 *j* 供电,则该节点的负荷必须被切除;若存在 电源可以对节点 *j* 供电,则该节点负荷是否被切除 由调度决定。按式(19)的处理方式,设置变量γ<sub>j</sub>表 征节点 *j* 的通电情况,其满足:

$$\gamma_j \ge \delta_j \quad j \in N \tag{21}$$

$$\gamma_j = 1 \quad j \in \{s, g\} \tag{22}$$

$$\left(\sum_{ij \in u} \gamma_i \beta_{ij} + \sum_{jk \in v} \gamma_k \beta_{jk}\right) / n_j \leq \gamma_j \leq \sum_{ij \in u} \gamma_i \beta_{ij} + \sum_{jk \in v} \gamma_k \beta_{jk}$$

$$i \in N \setminus \{s, q\}$$
(23)

式中:u为节点j的上游线路集合;v为节点j的下游 线路集合; $\gamma_j$ 为0-1变量,若节点j被通电,则 $\gamma_j$ =1, 否则 $\gamma_j$ =0; $n_j$ 为与节点j相连的线路数量。式(21) 表示节点通电与切负荷的关系;式(22)表示电源节 点被通电;式(23)通过检查其他节点是否与通电节 点相连来确定其他节点的通电状态。式(23)中存在 非凸项,令0-1变量 $\nu_j$ = $\gamma_i\beta_j$ ,亦可通过McCormick包 络进行松弛处理,如式(24)所示。

$$\begin{cases} \nu_{ij} \ge 0, \quad \nu_{ij} \ge \gamma_i + \beta_{ij} - 1 \\ \nu_{ij} \le \gamma_i, \quad \nu_{ij} \le \beta_{ij} \end{cases}$$
(24)

# 2 有源配电网短期可靠性评估指标与过程

## 2.1 短期可靠性指标

短期可靠性评估聚焦于系统短时间运行风险, 因此本文选用的可靠性指标为失负荷概率(loss of load probability, LOLP)与供电不足期望(expected energy not supplied, EENS),计算公式分别为:

$$E_{\text{LOLP}} = \sum f(P_{\text{cut}} > 0)/n \tag{25}$$

$$E_{\text{EENS}} = \sum_{n}^{\infty} P_{\text{cut}} f(P_{\text{cut}} > 0) / n \qquad (26)$$

式中: $E_{\text{LOLP}}$ 、 $E_{\text{EENS}}$ 分别为考虑分布式电源出力与故障 重构策略时的LOLP、EENS指标值; $P_{\text{eut}}$ 为负荷削减 量; $f(P_{\text{eut}}>0)$ 为负荷削减事件的发生次数;n为蒙特 卡罗模拟次数。

为了细化分布式电源出力与故障重构对可靠性 水平的影响,选择系统可靠性提升率(system reliability improvement rate,SRIR)指标,其计算公式为:

$$E_{\rm SRIR} = \frac{E_{\rm EENS0} - E_{\rm EENS}}{E_{\rm EENS0}} \times 100 \%$$
 (27)

式中: *E*<sub>SRIR</sub> 为 SRIR 指标值; *E*<sub>EENS0</sub> 为无分布式电源或 采用其他切负荷策略时的 EENS 指标值。

在基于模拟法的可靠性评估中,EENS的收敛速 度慢,本文选择EENS的方差系数作为收敛阈值,以 提高模拟法的精度,其计算公式为:

$$\eta = \frac{\sqrt{V(E_{\text{EENS}})}}{E_{\text{EENS}}}$$
(28)

式中: $\eta$ 为 EENS 的方差系数; $V(E_{\text{EENS}})$ 为 EENS 的 方差。

2.2 基于模型驱动的有源配电网短期可靠性评估 方法

短期可靠性评估采用小时级时间尺度,在给出 当前小时的负荷水平与分布式电源出力后,结合元 件短期时变停运概率,通过多次抽样来评估配电网 1 d的可靠性水平。但非序贯蒙特卡罗法为随机抽 样,且元件短期停运概率较低,为了满足可靠性指标 精度,其所需的抽样次数较多,效率较低。而拉丁超 立方抽样法是一种分层抽样方法,抽样效率更高,因 此本文选择拉丁超立方抽样法进行抽样。基于模型 驱动的有源配电网短期可靠性评估流程见附录A图 A3,具体步骤如下。

步骤1:参数初始化。输入配电网参数以及当 前时刻的各元件短期停运概率、负荷水平、分布式电 源出力情况。

步骤2:状态抽样。输入系统参数,采用拉丁超 立方抽样法,根据元件当前的短期停运概率对配电 网元件进行状态抽样,若发生故障,则进入步骤3, 若未发生故障,则继续抽样。

步骤3:故障后果分析。根据当前系统的故障

情况,结合所提考虑故障重构与信息约束的最优负 荷削减模型,对故障后果进行分析,得到对应的负荷 削减情况。

步骤4:指标计算。记录本次故障情况,计算可 靠性指标。

步骤 5:收敛判定。设定最大抽样次数为M,收 敛阈值为 $\eta_0$ ,若 EENS的方差系数小于收敛阈值或 达到最大抽样次数,则输出当前时刻的可靠性指标; 否则,返回步骤 2继续进行抽样。

# 2.3 基于LSSVM的改进短期可靠性快速评估方法

基于模型驱动的评估方法求解精确,但在快速 性方面存在不足。因此,本文采用"离线建模,在线 评估"思路提升快速性。"离线建模,在线评估"是 一种模型-数据混合驱动的评估思路,首先通过基于 模型驱动的方法获取训练样本,再通过机器学习进 行训练,快速输出可靠性指标。

LSSVM适用于小样本问题,在可靠性评估中已 有应用<sup>[11,20]</sup>,因此,本文选用LSSVM实现可靠性的 在线评估。LSSVM的具体原理见附录B。

在选用径向基作为核函数训练样本后,LSSVM 训练样本的误差大小由正则化参数r和径向基核函 数参数σ决定。本文选用网格搜索法来确定这2个 参数。

"离线建模,在线评估"的可靠性评估流程见附录C图C1。在离线建模环节,选择不同的负荷水 平、分布式电源出力、短期停运概率作为输入数据, 将基于模型驱动的可靠性评估方法得到的对应可靠 性指标作为输出数据,通过LSSVM进行训练。该环 节多次求解最优负荷削减问题,包含大量的计算,以 保证可靠性评估的准确性。在在线评估环节,训练 完成后得到LSSVM回归模型,将未来短期的负荷水 平、分布式电源出力情况、短期停运概率作为测试集 输入模型,该环节可以迅速得到配电网的可靠性指 标,为配电网的运行调度提供实时指导,且在系统状 态发生变化时无须重新建模。

# 3 算例分析

#### 3.1 算例概况

本文采用加入分布式电源的改进 IEEE 33 节点 配电网为算例,假设信息网拓扑与配电网络——对 应,其拓扑结构见附录 C图 C2。选取光伏(photovoltaic, PV)与微型燃气轮机(micro turbine, MT)作为分 布式电源接入配电网,设 PV 的容量为 0.2 MW, MT 的容量为 0.3 MW,  $\eta_0$ =0.05,  $\varphi$ =0.2, 元件可靠性参数、 配电网节点负荷等级分别见附录 C表 C1 和表 C2, 配 电网典型日负荷曲线见附录 C图 C3。

#### 3.2 故障后果分析

为了验证本文所提负荷削减策略的有效性,设

82

置以下2种场景进行故障后果分析:①场景1,20:00 时线路12-13、14-15发生故障;②场景2,12:00时线 路1-2发生故障。

故障后重构结果如图1所示。场景1、2的失负 荷量分别为0.193、2.216 MW。在场景1中:节点13、 14形成了失电孤岛,完全失去供电,且节点14所连 IC失效;重构后其余节点均保持与节点6处的IC连 接,以维持可控性。在场景2中:变电站与配电网断 开连接,造成严重停电;受信息约束影响,重构后节 点2—33均保持与IC连接,并由分布式电源供电, 达到了分布式电源的出力上限。



Fig.1 Reconfiguration results of Scenario 1 and Scenario 2

以线路15-16发生故障为例,通过对比分析信息约束在故障后果分析中的作用,考虑、不考虑信息约束时的重构结果如图2所示。

不考虑信息约束时,节点16—18形成了孤岛, 通过配置于节点16处的MT进行供电。当考虑信息 约束后,未形成孤岛,所有节点均与IC相连。不考 虑、考虑信息约束时的切负荷量较接近,分别为 0.056、0.061 MW。因此,不考虑信息约束时,重构方 案倾向于使用分布式电源对区域进行供电。在考虑 信息约束后,重构方案倾向于保证与IC的相连。虽 然考虑信息约束后的切负荷量略微增大,但实际上, 在不考虑信息约束的情况下,节点16—18形成的孤 岛断开了与IC的连接,其实际负荷恢复量可能无法 达到模型计算的理想值。

#### 3.3 可靠性指标分析

以小时为时间尺度,按照基于模型驱动的短期 可靠性评估流程对配电网的24h可靠性水平进行评估,得到的可靠性指标如图3所示。



distribution network

由图3可知:系统的LOLP指标呈波动性上升, 这是因为元件短期停运概率随时间的增加而增大, 但受耦合设备出力、分布式电源出力、负荷水平变化 的影响仍有波动;在EENS指标方面,*E*<sub>EENS</sub>总体上与 日负荷曲线相近,但受元件短期停运概率、分布式电 源出力的影响仍有波动。同时,分布式光伏的出力 特性缩小了配电网昼夜的EENS差距。可靠性指标 结果与本文理论分析相符。

在模型驱动法的基础上,采用变化的配电网 24h负荷水平以及对应的元件短期停运概率、分布式 电源出力作为输入数据,通过基于模型驱动的短期可 靠性评估流程得到输出,共获得432个训练集样本, 并通过LSSVM进行训练。本文的短期可靠性关注的 时间尺度为24h,因此选择配电网典型日作为测试 集,共24个样本。输入典型日24h的负荷水平、分 布式电源出力、元件短期停运概率后,得到LSSVM 在线评估的输出结果。将输出结果与模型驱动法结 果进行对比,见表1与附录C图C4。模型驱动法的 求解时间为46171.38 s,LSSVM 在线评估的求解时 间为0.21 s。结合表1可知,基于LSSVM的评估方法 在损失少量精度的情况下大幅加快了求解速度。

表1 LSSVM误差对比

Table 1 Comparison of LSSVM error

可靠性指标	平均相对误差 / %	最大相对误差 / %
$E_{\rm LOLP}$	3.14	5.15
$E_{\rm FENS}$	4.25	7.61

#### 3.4 可靠性影响因素分析

由前文分析可知,信息物理耦合、分布式电源出 力、负荷削减策略都会影响配电网的可靠性。为了 细化不同因素对配电网可靠性的影响,并验证本文 所提负荷削减策略的优越性,设置5种场景进行对 比分析,场景设置如表2所示。5种场景下配电网的 LOLP、EENS指标结果分别如图4和图5所示。

表2 场景设置

Table 2 Scenario setting 场景 有无孤岛运行 有无故障重构 有无MT 有无信息物理耦合 有 有 无 无 a 有 无 有 有 b 有 无 有 有 c 有 有 有 有 d 有 有 有 无 e 场景a  $8.5 \times 10^{-4}$ 场景b  $8.0 \times 10^{-4}$  $7.5 \times 10^{-4}$  $E_{\rm L}$  $7.0 \times 10^{-4}$ 场景e 场景c  $6.5 \times 10^{-4}$ 场景 d  $6.0 \times 10$ 00:00 06:00 12:00 18:00 24:00时刻

图4 配电网的LOLP指标结果





图 5 配电网的 EENS 指标结果

Fig.5 EENS index results of distribution network

在场景 a 中,进行故障后果分析时未采用本文 所提策略,而仅采用孤岛运行策略来进行最优负荷 削减,并忽略了信息物理耦合。结果表明,配电网的 EENS、LOLP均处于比较高的水平。这说明仅采用 孤岛运行策略的可靠性较低,此时可靠性主要受分 布式电源的数量与选址影响。

场景b在场景a的基础上,进一步考虑了信息物 理耦合的影响。结果表明,场景b的可靠性最低。 在仅采用孤岛运行策略的情况下考虑信息物理耦 合,系统可靠性明显下降。这是因为在孤岛运行状 态下,信息节点与IC的连接可能会断开,继而导致 分布式电源出于安全考虑退出运行,进一步增加切 负荷量。场景b与场景a的对比结果表明,忽视信息 物理耦合影响,会导致评估结果过于乐观。而在计 及信息物理耦合影响后,更换负荷削减策略或在规 划时增加信息网冗余度是必要的。

场景 c 刻画了天然气设备退出运行时的状态, 并采用本文所提考虑故障重构与孤岛划分的最优负 荷削减策略。与场景 a 相比,虽然场景 c 的分布式电 源数量减少,但 EENS 仍有较大幅度的下降,LOLP 也有所下降。这说明在采用本文所提策略后,配电 网的负荷削减次数略微减少,且每次削减的负荷量 大幅减小,验证了所提策略的有效性。

场景d采用本文所提策略,并综合考虑了MT出 力与信息物理耦合。与场景b相比,场景d的可靠性 大幅提升,表明本文所提负荷削减策略对信息物理 耦合影响的抗性较高。与场景c相比,场景d的 EENS进一步下降,可靠性有所提升,表明天然气耦 合会提升系统的可靠性。考虑故障重构后配电网可 以通过联络支路实现负荷的转供电,在一定程度上 缓解了分布式电源的压力,因此天然气耦合对可靠 性的提升不明显。

与场景d相比,场景e忽略了信息物理耦合。忽略信息物理耦合后,系统的可靠性略微上升。这是因为通信故障可能会导致供能节点与负荷节点失去可控性,从而加大了故障发生后的负荷削减量。而在忽略信息物理耦合的负荷削减策略中,其实际负荷恢复量可能无法达到模型计算的理想值。因此,在可靠性评估中考虑信息约束,可以更加真实准确地反映系统的可靠性水平。

以06:00、12:00、20:00为例,计算这3个时刻不同 场景相较于场景b的SRIR,结果如表3所示。结果表 明,本文所提策略可以有效提升系统的可靠性水平。

表 3 不同场景相较于场景 b 的 SRIR Table 3 SRIR of of different scenarios

compared to Scenario b

场景		$E_{ m SRIR}$ / %	
	06:00	12:00	20:00
а	17.48	28.34	25.47
с	63.37	65.45	61.24
d	74.76	72.96	69.73
е	72.64	71.25	68.55

# 4 结论

本文基于信息系统与配电系统的耦合,提出了 一种计及故障重构与信息约束的有源配电网短期可 靠性评估方法。通过在算例分析中对比不同因素对 可靠性的影响,得出如下结论:

1)提出考虑信息物理耦合影响的可靠性评估方法,考虑了故障后信息系统与物理系统的相互影响, 评估结果表明考虑信息约束后可靠性略微下降,但 这更符合实际情况;

2)提出考虑孤岛划分与故障重构的最优负荷削 减策略,结果表明所提策略可以有效提升系统的可 靠性水平;

3)针对短期可靠性评估对评估速度的要求,通 过"离线建模,在线评估"模式,保证了可靠性评估的 准确性与快速性。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

# 参考文献:

- [1] 蒋卓臻,刘俊勇,向月. 配电网信息物理系统可靠性评估关键 技术探讨[J]. 电力自动化设备,2017,37(12):30-42.
   JIANG Zhuozhen, LIU Junyong, XIANG Yue. Key technologies for reliability assessment of distribution network cyber physical system[J]. Electric Power Automation Equipment, 2017,37(12):30-42.
- [2] 李宏仲,郭相辰. 基于 Petri 网的配电网信息物理系统可靠性 评估[J]. 电网技术,2023,47(1):347-359.
  LI Hongzhong, GUO Xiangchen. Reliability evaluation of cyber-physical system of distribution network based on Petri net [J]. Power System Technology,2023,47(1):347-359.
- [3] 邓良辰,刘艳丽,余贻鑫,等.考虑故障处理全过程的配电网信息物理系统可靠性评估[J].电力自动化设备,2017,37(12):22-29.
   DENG Liangchen,LIU Yanli,YU Yixin, et al. Reliability assessment of distribution network CPS considering whole fault
- processing[J]. Electric Power Automation Equipment, 2017, 37 (12):22-29.
  [4] 曾广璇,余涛,林丹,等.基于分布式馈线自动化的配电信息物 理系统可靠性评估[J].电力自动化设备,2020,40(12):57-68.
- 建系氘可罪性计问[J]. 电力自动化设备,2020,40(12):57-68. ZENG Guangxuan,YU Tao,LIN Dan,et al. Reliability assessment of cyber physical distribution system based on distributed feeder automation [J]. Electric Power Automation Equipment, 2020,40(12):57-68.
- [5] 徐登辉,王妍彦,张有兵,等.不确定性环境下考虑信息失效的 主动配电网可靠性评估[J].电力系统自动化,2020,44(22): 134-142.
   XU Denghui, WANG Yanyan, ZHANG Youbing, et al. Reliability assessment of active distribution network considering cyber failure in uncertain environment[J]. Automation of Electric Power Systems, 2020,44(22):134-142.
- [6] LIN D, LIU Q J, LI Z H, et al. Elaborate reliability evaluation of cyber physical distribution systems considering fault location, isolation and supply restoration process[J]. IEEE Access, 2020, 8:128574-128590.
- [7] 欧阳森,杨墨缘.考虑负荷恢复过程的配电网用电可靠性评估 指标与方法[J].电力自动化设备,2021,41(3):33-40.

OUYANG Sen, YANG Moyuan. Reliability assessment indexes and methods of distribution network for power consumer considering load recovery process [J]. Electric Power Automation Equipment, 2021, 41(3); 33-40.

- [8] 李阳洋,关轶文,赵佳琪,等.基于优化模型的有源配电网可靠 性评估方法[J].中国电机工程学报,2023,43(8):2931-2940.
  LI Yangyang,GUAN Yiwen,ZHAO Jiaqi,et al. Reliability evaluation method of active distribution network based on optimization model[J]. Proceedings of the CSEE,2023,43(8):2931-2940.
- [9] LIU Y, SINGH C. Reliability evaluation of composite power systems using Markov cut-set method [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2010, 25(2):777-785.
- [10] HOU K, JIA H J, LI X E, et al. Impact-increment based decoupled reliability assessment approach for composite generation and transmission systems[J]. IET Generation, Transmission & Distribution, 2018, 12(3):586-595.
- [11] 李孝全,黄超,徐晨洋,等.基于改进PSO-LSSVM和蒙特卡洛法的电力系统可靠性评估[J].河海大学学报(自然科学版), 2016,44(5):458-464.
  LI Xiaoquan, HUANG Chao, XU Chenyang, et al. Reliability evaluation of power system based on improved PSO-LSSVM and Monte Carlo simulation[J]. Journal of Hohai University
- [12] CAI B P, KONG X D, LIU Y H, et al. Application of Bayesian networks in reliability evaluation [J]. IEEE Transactions on Industrial Informatics, 2019, 15(4):2146-2157.

(Natural Sciences), 2016, 44(5): 458-464.

- [13] 许鹏程,刘文霞,陈启,等. 基于重要抽样与极限学习机的大电网可靠性评估[J]. 电力自动化设备,2019,39(2):204-210.
  XU Pengcheng, LIU Wenxia, CHEN Qi, et al. Reliability evaluation of large power system based on combination of important sampling and extreme learning machine[J]. Electric Power Automation Equipment,2019,39(2):204-210.
- [14] 李更丰,黄玉雄,别朝红,等.综合能源系统运行可靠性评估综述及展望[J].电力自动化设备,2019,39(8):12-21.
  LI Gengfeng, HUANG Yuxiong, BIE Zhaohong, et al. Review and prospect of operational reliability evaluation of integrated energy system[J]. Electric Power Automation Equipment,2019, 39(8):12-21.
- [15] 闫涵,王建华,范须露,等. 基于用户停电损失评估的有源配电 网灾后供电恢复模型[J]. 电力系统自动化,2022,46(5):31-42. YAN Han,WANG Jianhua,FAN Xulu, et al. Post-disaster power supply restoration model for active distribution network based on customer interruption cost assessment[J]. Automation of Electric Power Systems,2022,46(5):31-42.
- [16] LEI S B, CHEN C, SONG Y, et al. Radiality constraints for resilient reconfiguration of distribution systems: formulation and application to microgrid formation[J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2020, 11(5): 3944-3956.
- [17] 陈健,林咨良,赵浩然,等.考虑信息耦合的电-气综合能源系 统韧性优化方法[J].中国电机工程学报,2020,40(21):6854-6864.

CHEN Jian, LIN Ziliang, ZHAO Haoran, et al. Optimization method for resilience of integrated electric-gas system with consideration of cyber coupling[J]. Proceedings of the CSEE, 2020,40(21):6854-6864.

- [18] HUANG G, WANG J H, CHEN C, et al. Cyber-constrained optimal power flow model for smart grid resilience enhancement[J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2019, 10(5):5547-5555.
- [19] MCCORMICK G P. Computability of global solutions to

factorable nonconvex programs:part I-convex underestimating problems[J]. Mathematical Programming, 1976, 10(1):147-175.

[20] 彭寒梅,彭紫洁,苏永新,等. 基于LSSVM的电-气区域综合能源系统短期可靠性评估[J]. 电力系统自动化,2023,47(4):
 69-77.

PENG Hanmei, PENG Zijie, SU Yongxin, et al. Short-term reliability evaluation of electricity-gas regional integrated energy system based on least squares support vector machine[J]. Automation of Electric Power Systems, 2023, 47(4):69-77.

#### 作者简介:

王守相(1973—),男,教授,博士研究生导师,主要研究 方向为智能配电系统分析、分布式发电系统分析与仿真 (E-mail:sxwang@tju.edu.cn);

高嘉佐(1998—),男,硕士研究生,主要研究方向为配电 网可靠性(E-mail:gaojiazuo@tju.edu.cn)。

赵倩宇(1990—), 女, 讲师, 博士, 主要研究方向为可再 生能源发电(E-mail: zhaoqianyu@tju.edu.cn)。

(编辑 陆丹)

# Short-term reliability assessment method of active distribution network considering fault reconfiguration and cyber constraints

WANG Shouxiang<sup>1,2</sup>, GAO Jiazuo<sup>1,2</sup>, ZHAO Qianyu<sup>1,2</sup>, ZHANG Bingjie<sup>1,2</sup>

(1. Key Laboratory of Smart Grid of Ministry of Education, Tianjin University, Tianjin 300072, China;

2. Tianjin Key Laboratory of Power System Simulation and Control, Tianjin 300072, China)

Abstract: The short-term reliability of distribution network can effectively reflect the operational risk of the system, and the output change of distributed generation, the network reconfiguration and the cyber system state are its important factors. Therefore, the short-term reliability assessment model and method of active distribution network considering fault reconfiguration and cyber constraints are proposed. Firstly, the shortterm outage model of distribution network component based on Markov process is constructed. Then, the optimal load reduction model of active distribution network after fault is established, which considers the fault reconfiguration and the cyber-physical coupling. The optimal load reduction strategy considering fault reconfiguration and island division is proposed based on the directed virtual multi-commodity flow model, and the radial topology constraints available for fault reconfiguration and island division and the cyber constraints considering the supporting effect of cyber system on distribution network are established to achieve accurate analysis of fault consequences. On this basis, a model-driven-based short-term reliability evaluation method of active distribution network is proposed. Furthermore, aiming at the lack of rapidity of model-driven method, an improved short-term reliability fast evaluation method based on least square support vector machine (LSSVM) is proposed by using the ideas of "offline modeling and online evaluation", realizing the shortterm reliability fast evaluation. The influence of load reduction strategy, distributed generation output and cyber-physical coupling on system reliability is analyzed based on a numerical example, verifying the effectiveness of the proposed method and the superiority of the proposed load reduction strategy on reliability improvement.

Key words: active distribution network; cyber constraints; fault reconfiguration; short-term reliability assessment; LSSVM 附录 A



图 A1 马尔可夫两状态模型 Fig.A1 Markov process of two states



Fig.A2 Schematic diagram of de-energized island

$$\sum_{ij\in u} \left( P_{ij} - I_{ij} r_{ij} \right) - \sum_{jk\in v} P_{jk} + P_{s,i} + P_{g,i} = \delta_j P_j \tag{A1}$$

$$\sum_{ij \in u} \left( \mathcal{Q}_{ij} - I_{ij} x_{ij} \right) - \sum_{jk \in v} \mathcal{Q}_{jk} + \mathcal{Q}_{s,i} + \mathcal{Q}_{g,i} = \delta_j \mathcal{Q}_j \tag{A2}$$

$$V_i - V_j \ge (\beta_{ij} - 1)M + 2(r_{ij}P_{ij} + x_{ij}Q_{ij}) - (r_{ij}^2 + x_{ij}^2)I_{ij}$$
(A3)

$$V_i - V_j \le (1 - \beta_{ij})M + 2(r_{ij}P_{ij} + x_{ij}Q_{ij}) - (r_{ij}^2 + x_{ij}^2)I_{ij}$$
(A4)

$$-M\beta_{ij} \le P_{ij} \le M\beta_{ij} \tag{A5}$$

$$-M\beta_{ij} \le Q_{ij} \le M\beta_{ij} \tag{A6}$$

$$0 \le I_{ij} \le M \beta_{ij} \tag{A7}$$

$$\begin{vmatrix} 2P_{ij} \\ 2Q_{ij} \\ I_{ij} - V_i \end{vmatrix}_2 \leq I_{ij} + V_i$$
 (A8)

式中: u为节点j上游支路的集合; v为节点j下游支路的集合;  $P_{ij}$ 和 $Q_{ij}$ 分别为支路ij的有功功率和无 功功率;  $P_{s,i}$ 和 $Q_{s,i}$ 分别为变电站节点注入的有功功率和无功功率;  $P_{g,i}$ 和 $Q_{g,i}$ 分别为分布式电源节点的有 功出力和无功出力;  $P_{j}$ 和 $Q_{j}$ 分别为节点j的有功负荷需求量和无功负荷需求量;  $V_{j}$ 为节点j电压幅值的 平方;  $I_{ij}$ 为支路ij电流幅值的平方; M 为一个值很大的正数;  $r_{ij}$ 和 $x_{ij}$ 分别为支路ij的电阻和电抗。式(A1)、 (A2)表示节点的功率平衡约束。式(A3)、(A4)为线路压降平衡约束,通过大 M 法来满足复杂配电网多变 的拓扑结构。式(A5)—(A7)为故障线路的有功、无功、电流约束。式(A8)为电压、电流、功率关系的二 阶锥松弛。



图 A3 基于模型驱动的有源配电网短期可靠性评估流程 Fig.A3 Model driven short-term reliability assessment process of active distribution network

# 附录 B

对于训练样本中的输入数据  $x_k \in \mathbf{R}^n$  和输出数据  $y_k \in \mathbf{R}^n$ , LSSVM 所建立的回归模型为:

$$\begin{cases} \min J(\boldsymbol{W}, \boldsymbol{e}) = \frac{1}{2} \boldsymbol{W}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{W} + \frac{r}{2} \sum_{k=1}^{m} e_{k}^{2} \\ \text{s.t. } y_{k} \ge \boldsymbol{W}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{\varphi}(x_{k}) + b + e_{k} \end{cases}$$
(B1)

式中:  $J(\cdot)$ 为目标函数; W 为权向量; e 为误差变量; r 为正则化参数;  $\varphi(x_k)$  为非线性映射函数,将输入数据映射到高维特征空间; b 为偏置量。

建立拉格朗日函数对上述模型进行求解,可得 LSSVM 的非线性函数表达式为:

$$y(x) = \sum_{k=1}^{m} a_k k(x, x_k) + b$$
(B2)

式中: a<sub>k</sub>为拉格朗日乘子, k(x,x<sub>k</sub>)为高斯径向基核函数。

$$k(x, x_k) = \exp\left(-\frac{\|x - x_k\|^2}{\sigma^2}\right)$$
(B3)

式中: σ为径向基核函数参数。



图 C1 有源配电网短期可靠性评估流程

Fig.C1 Short-term reliability assessment process for active distribution networks



图 C2 IEEE 33 节点配电网拓扑结构 Fig.C2 IEEE 33-bus distribution network topology

#### 表 C1 配电网元件可靠性参数

Table C1	Reliability parameters	of distribution	network components
Tuble C1	remuonity purumeters	of distribution	network components

元件类型	故障率	修复率
输电线路	0.065/(km·a) <sup>[20]</sup>	0.00057
变压器	0.015/a <sup>[20]</sup>	0.02283
燃气轮机	$0.05/a^{[20]}$	0.00140
光伏机组	0.05/a	0.00230

#### 表 C2 配电网节点负荷等级

Tab	able C2 Importance level of node load in distribution network		
_	负荷重要等级	负荷节点	权重系数
	1	1,6,11,14,15,16,31	1
	2	2,3,5,7,9,10,12,13,17,19,20,21,	0.5
2	23,26,27,28,29,30,32	0.5	
_	3	4,8,18,22,24,.25,33	0.1

