基于多变量控制的高铁低频振荡过电压阻尼方法

向 川,刘志刚,张桂南,姚书龙

(西南交通大学 电气工程学院,四川 成都 610031)

摘要:针对高速铁路网电压低频振荡导致动车组牵引封锁的现象,首先建立动车组线侧脉冲整流器状态空间 模型;其次,对四象限整流器多变量控制策略进行详细的数学推导及参数设计,并在其闭环状态方程推导的 基础上,研究了多台动车组采用多变量控制的车网系统稳定性,结果表明系统能够处于渐进稳定状态;然后 在 MATLAB 的 Simulink 模块中搭建双重化变流器及其控制模型,对比分析瞬态直接电流控制和多变量控制 的控制效果,得出多变量控制具有更好的动、静态特性;最后将2种控制方法下的整流器仿真模型接入牵引 网系统链式仿真模型中,进一步验证多变量控制对车网低频振荡过电压良好的阻尼特性。

关键词:牵引传动;高铁;脉冲整流器;多变量控制;车网系统;稳定性;低频振荡;过电压;阻尼 中图分类号:U266;TM712 文献标识码:A DOI: 10.16081/j.issn.1006-6047.2016.08.010

0 引言

随着高速铁路的迅速发展,新型"交-直-交"牵 引传动模式的动车组 EMU(Electrical Multiple Units) 因其功率因数高、功率大、牵引力大等优势在电气化 铁路系统中得到广泛应用。但机车运行密度的增大 也导致了一些问题的产生:1995 年 4 月,瑞士苏黎世 发生了由谐波过电流引起的机车封锁事故^[1];京哈 线、京津城际自开通以来也数次出现车网电气量振荡 现象^[2]。

截至目前,国内外相关学者针对该问题从动车 组变流器控制方面开展了相关研究。文献[1]利用 级联谐波传递函数分析控制系统稳定性,得出车网 系统稳定性由整流器控制决定;文献[3]利用赫尔维 茨判据和小增益原理分析了 PI 参数对车网系统稳 定性的影响;文献[4]通过 dq 解耦的方式进行动车 控制系统建模,分析得出二阶广义积分器参数与车 网系统稳定性的关系;文献[5]通过瞬时值模型和简 化基波频率模型分析系统低频动态特性,得出控制 系统的结构和参数对车网系统稳定性的影响。以上 研究均认为动车整流器控制策略是影响车网电气量 振荡的关键,并分别通过调节其控制参数或改进控 制策略对该现象进行相关抑制。

传统整流器控制方法主要分为2类:间接电流控制^[0]和直接电流控制^[7]。瞬态直接电流控制是电力 机车和高速动车组目前采用较多的控制策略。为了 改善机车线侧脉冲整流器控制性能,文献[8-10]提 出多变量控制方法应用于单相16.7 Hz 牵引网机车 线侧变流器,但是未从理论分析角度给出完善解析;

收稿日期:2015-04-24;修回日期:2016-06-09

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51377136);高速铁路 基础研究联合基金重点资助项目(U1434203,U1134205)

Project supported by the National Natural Science Foundation of China(51377136) and High-speed Railway Basic Research Fund Key Project(U1434203,U1134205) 文献[11]提出一种机车四象限变流器的高性能间接 电流控制方法,但是仅关注其动态性能的改善;文献 [12-13]提出的方法均可抑制固定阶次的谐波,但抑 制频段是离散的,作用局限;文献[14-16]针对三相 PWM 整流器进行了控制策略的改进,但不能直接应 用于动车组单相 PWM 控制,且未对提出的谐振阻尼 特性进行论证。

本文针对国内多个动车出现的车网电气量低频 振荡现象,首先对比瞬态直接电流控制给出某型 动车组的多变量控制策略的数学分析及设计方法; 然后推导整流器闭环状态方程,并利用特征值分析 方法研究多变量控制下车网系统的稳定性,并通过 MATLAB/Simulink 搭建模型验证了多变量控制下整 流器的工作特性;最后,通过"牵引网-动车组"电气 耦合系统仿真模型进一步验证多变量控制在车网 系统中的低频振荡阻尼效果。

1 动车组脉冲整流器数学建模

国内某型动车组基本动力单元的传动系统如图 1 所示。



由图1可以看出,动车组牵引传动系统整流部 分采用双重化四象限脉冲整流器,由于车网出现电 气量低频振荡时,负载工作在空载/轻载状态,逆变 器和牵引电机影响很小[1-5,17],因此可将其等效为一 个阻性负载以简化研究。另外,双重整流器各整流 单元拓扑结构相同,本文针对单个脉冲整流器进行 研究分析,等效电路如图2所示。



脉冲整流器 中间直流环节 负载

图 2 单个四象限脉冲整流器等效电路

Fig.2 Equivalent circuit of single four-quadrant pulse rectifier

图 2 中, u_N 为车载变压器二次侧电压; i_N 为整流 器输入电流; u_{ab} 为整流器的输入电压; i_{dc} 为中间直 流环节电流; i_d 为负载电流; i_2 为谐振回路电流; u_2 为 谐振回路电容电压; u_d 为直流侧电压; R_δ 和 L_δ 分别 为归算到副边的车载变压器电阻和漏电感; L_2 和 C_2 分别为谐振回路的电感和电容; C_d 为直流侧的支撑 电容; R_d 为等效负载。

对上述电气参数整合处理,取状态向量 x、输入 向量 u 和输出向量 y:

$$\begin{cases} \boldsymbol{x} = [u_{d} \ u_{2} \ i_{2} \ \boldsymbol{\psi}_{\delta}]^{\mathrm{T}} \\ \boldsymbol{u} = [u_{db} \ u_{N} \ i_{d}]^{\mathrm{T}} \\ \boldsymbol{y} = [u_{d} \ i_{N}]^{\mathrm{T}} \end{cases}$$
(1)

结合图 2,可得到系统的状态空间模型。

$$\begin{bmatrix} \dot{u}_{d} \\ \dot{u}_{2} \\ \dot{i}_{2} \\ \dot{\psi}_{\delta} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -\frac{1}{C_{d}} & \frac{\rho(t)}{C_{d}L_{\delta}} \\ 0 & 0 & \frac{1}{C_{2}} & 0 \\ \frac{1}{L_{2}} & -\frac{1}{L_{2}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{R_{\delta}}{L_{\delta}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_{d} \\ u_{2} \\ \dot{i}_{2} \\ \dot{\psi}_{\delta} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 & 0 & -\frac{1}{C_{d}} \\ 0 & 0 & 0 & \frac{R_{\delta}}{L_{\delta}} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_{ab} \\ u_{N} \\ \dot{i}_{d} \end{bmatrix}$$
(2)
$$\begin{bmatrix} u_{d} \\ 0 & 0 & 0 \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} u_{db} \\ u_{N} \\ \dot{i}_{d} \end{bmatrix}$$
(2)

其中, ψ_{δ} 为电流 i_{N} 流过 L_{δ} 时产生的磁链; $\rho(t)$ 为四象限整流器交、直流变换时的变比例系数。

由式(2)可看出,该模型有4个状态变量 u_{d} 、 u_{2} 、 $i_{2} 和 \psi_{\delta}$ 。单从输出方程来看,输出量只由 $u_{d} 和 \psi_{\delta}$ 直接决定;但在状态方程中,各状态量间存在耦合,因 此 $u_{2} 和 i_{2}$ 同样会对输出量产生间接的影响。若要实 现期望的输出,4个状态量都必须达到相应的期望 值,并根据其在控制过程中的主次地位进行整合。

2 整流器多变量控制策略数学分析

相比于瞬态直接电流控制,多变量控制计及二阶 谐振环节的电气量,多变量控制框图如图 3 所示。图 中, \hat{y} 和 \hat{x} 分别为输出估计向量和状态估计向量; y_m 为测量的输出向量; x^* 为状态设置值向量; $u_{ab,fb}$ 为多 变量控制输出的 u_{ab} 分量; $u_{ab,ff}$ 为前馈控制输出的 u_{ab} 分量。



图 3 多变量控制与瞬态直接电流控制框图 Fig.3 Block diagrams of multivariable control and instantaneous direct current control

由图 3 可明显看出,在瞬态直接电流控制给定了 直流环节电压设置值和整流器输入电流设置值的基 础上,多变量控制还对振荡环节电流和电压进行了设 定值计算,并实现控制,且多变量控制对整流器输入 电流的控制是以漏磁链的形式实现的。

2.1 多变量控制状态观测器求解

由于现实电路中振荡环节部分的电流和电压值 难以测取,因此需要引入状态观测器进行估计。

传统控制的状态观测器设计中,状态空间矩阵必须是常数矩阵,因此需要选取一个恒定值替换 $\rho(t)$, 由此带来的误差可在极点配置过程中通过选取复数 坐标系左半平面远离虚轴的极点进行消除。通过对 该系统的可控性判断,只要 $\rho(t) \neq 0$,系统就是能控 的,本文中选取 $\rho(t) = 0.314$,则有:

$$\boldsymbol{A}_{\text{simp}} = \begin{vmatrix} 0 & 0 & -\frac{1}{C_{\text{d}}} & \frac{0.314}{C_{\text{d}}L_{\delta}} \\ 0 & 0 & \frac{1}{C_{2}} & 0 \\ \frac{1}{L_{2}} & -\frac{1}{L_{2}} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{R_{\delta}}{L_{\delta}} \end{vmatrix}$$
(3)

输入向量 u 中只有 u_{ab} 是被多变量控制影响的,

故忽略 u 中的 u_{N} 和 i_{d} 元素,使其降阶为 u_{ab} ,则输入 矩阵得到如下简化:

$$\boldsymbol{B}_{\text{simp}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}^{\mathrm{T}} \tag{4}$$

所得状态观测器结构如图 4 虚线框中所示,计 算中涉及的电路参数取值如表 1 所示。



图 4 状态观测器结构 Fig.4 Structure of state observer

表 1	参数列表
-----	------

Table I Parameter list			
参数	取值	参数	取值
$R_{ m net}/\Omega$	0.01	$C_{\rm d}$ / mF	3
$L_{\rm net}/{\rm mH}$	1.8	$R_{ m d}/\Omega$	10
R_{δ}/Ω	0	$U_{\rm N}$ / V	1550
L_{δ}/mH	2.3	$K_{ m P}$	0.3
L_2/mH	0.603	$T_{\rm i}$ / s	0.1
C_2/mF	4.56		

2.2 多变量控制各设置值计算

交流侧漏磁链设定值通过设置电流值乘漏电感 计算得到,计算公式如下:

$$\begin{vmatrix}
I_{N1}^{*} = K_{P}(U_{d}^{*} - \hat{U}_{d}) + \int (U_{d}^{*} - \hat{U}_{d}) dt / T_{i} \\
I_{N2}^{*} = I_{dm} \hat{U}_{d} / U_{N} \\
I_{N}^{*} = I_{N1}^{*} + I_{N2}^{*} \\
\psi_{\delta}^{*} = L_{\delta} I_{N}^{*} \sin \omega t
\end{cases}$$
(5)

其中,带"*"的变量为设定值; $U_{d}^{*}=3000 \text{ V};K_{P}$ 为比例 常数; T_{i} 为积分时间常数; U_{N} 为车载变压器二次侧电 压有效值; \hat{U}_{d} 为状态观测器输出的直流侧电压; I_{dm} 为 测量得到的负载电流。

谐振环节电流设定值可结合整流器无损耗和无 储能元件的简化假设,通过整流器交流侧与直流侧 瞬时功率守恒计算得到:

$$i_2^* = \frac{u_{ab}i_N^* - U_{ab}I_N^* \cos\varphi}{U_d^*}$$
(6)

其中, φ 为 u_{ab} 超前 u_{N} 的相位角。同理,谐振环节电 压设定值计算式如下:

$$u_{2}^{*} = \frac{1}{C_{2}} \int \dot{i}_{2}^{*} dt = \frac{1}{C_{2}} \int \frac{u_{ab} \dot{i}_{N}^{*} - U_{ab} I_{N}^{*} \cos \varphi}{U_{d}^{*}} dt \qquad (7)$$

交流侧漏磁链设定值、谐振环节电压、电流设计 框图如图 5 所示。

2.3 多变量控制反馈矩阵 K 设计

本文采用线性二次型最优控制器算法计算反馈 矩阵 **K**^[18]。取其指标函数为:

$$J = \frac{1}{2} \int_{0}^{\infty} (\Delta \boldsymbol{x}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{Q} \Delta \boldsymbol{x} + \boldsymbol{u}_{\mathrm{ab,fb}} \boldsymbol{R} \boldsymbol{u}_{\mathrm{ab,fb}}) \mathrm{d}t$$
(8)



图 5 设置值计算框图

Fig.5 Block diagram of setting calculation

其中, $\Delta x = \hat{x} - x^*$,为状态估计值与状态设置值之差;Q为对称半正定矩阵,记录了各状态偏差值的权重;R为对称正定矩阵,反映所需输入功率的大小。控制的目标是状态偏差 Δx 最小化,同时所需的驱动能量 $u_{ab,b}$ 最小,即指标函数最小,因而最优控制的输出量 $u_{ab,b}$ 需满足如下条件:

$$u_{\rm ab,fb} = -\boldsymbol{K}\Delta\boldsymbol{x} = -\boldsymbol{R}^{-1}\boldsymbol{B}_{\rm simp}^{\rm T}\boldsymbol{\overline{P}}\Delta\boldsymbol{x}$$
(9)

其中, \bar{P} 为式(10)所示稳态 Ricatti 方程的解。

$$\boldsymbol{A}_{\text{simp}}^{\text{T}} \boldsymbol{\overline{P}} + \boldsymbol{\overline{P}} \boldsymbol{A}_{\text{simp}} - \boldsymbol{\overline{P}} \boldsymbol{B}_{\text{simp}} \boldsymbol{R}^{-1} \boldsymbol{\overline{P}} + \boldsymbol{Q} = 0 \qquad (10)$$
$$\boldsymbol{R} = \begin{bmatrix} 0 & 05 \end{bmatrix}$$

$$\boldsymbol{Q} = \begin{bmatrix} 0.3 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0.05 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0.05 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1.5 \times 10^7 \end{bmatrix}$$

结合表 1 中参数,根据上述计算过程,可求得 K: K=[-3.033,0.7970,0.0643,-17328] (11)

2.4 多变量控制状态观测矩阵 L 设计

系统中观测器误差动态性能必须比闭环状态反 馈动态性能快,一般要求观测器动态响应时间为闭 环状态反馈的 1/10。而特征值中的主导极点能够反 映系统的动态特性,因此求解L时,首先计算闭环状 态反馈控制器的特征值。

$$\left| sI - (A_{\rm simp} - B_{\rm simp} K) \right| = 0 \tag{12}$$

结合表 1 中参数,得到 $A_{simp} - B_{simp} K$ 的特征值为 $\lambda_1 = -17321, \lambda_{2,3} = -2.8176 \pm j957.06, \lambda_4 = -2.3326$ 。由 于特征值实部均为负数,所以车网系统是渐近稳定的。

选取观测器期望特征值时,考虑其实部小于0且 至少为A_{sim}-B_{sim}K的主导特征值的10倍。

因此期望的闭环极点取值为 λ_{D1} =-20000, $\lambda_{D2,3}$ =-28.2±j957.06, λ_{D4} =-22000。通过多输入、多输出特征值配置方法^[19],可得:

$$\boldsymbol{L} = \begin{bmatrix} 22056 & 104.667 \\ 21990 & 0 \\ -37278 & 0 \\ 0 & 46 \end{bmatrix}$$
(13)

2.5 多变量控制稳定性分析

对该整流器多变量控制策略进行内部稳定性分析,若满足内部渐近稳定性,则系统也满足有界输入 有界输出稳定性。 在第1节状态空间模型建模和第2.1节观测器 建模时,整流器交流侧仅考虑了车载变压器的漏电抗, 并未计及来自牵引网的影响。为了验证设计的可行 性,考虑牵引网同一条供电臂下同一地点有n台机 车同时运行时,网侧阻抗上的电压降是单台动车组 的n倍,因此实际状态空间模型为:

$$\begin{cases} \dot{\boldsymbol{x}} = \boldsymbol{A}' \boldsymbol{x} + \boldsymbol{B}_{\text{simp}} \boldsymbol{u}_{ab} & (14) \\ \boldsymbol{y} = \boldsymbol{C}' \boldsymbol{x} & \\ \boldsymbol{A}' = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -\frac{1}{C_d} & \frac{\boldsymbol{\rho}(t)}{C_d (nL_{\text{net}} + L_{\delta})} \\ 0 & 0 & \frac{1}{C_2} & 0 \\ \frac{1}{L_2} & -\frac{1}{L_2} & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -\frac{nR_{\text{net}}}{nL_{\text{net}} + L_{\delta}} \end{bmatrix} & (15) \\ \boldsymbol{C}' = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \frac{1}{nL_{\text{net}} + L_{\delta}} \end{bmatrix}$$

系数矩阵中,*n* 为动车组数量,*R*_{net}和*L*_{net}分别为 归算到车载变压器副边的网侧电阻和电感。

结合式(14),基于状态观测器动态补偿器如下:

$$\begin{cases}
\hat{\mathbf{x}} = (\mathbf{A}' - \mathbf{B}_{simp}\mathbf{K} - \mathbf{L}\mathbf{C}')\,\hat{\mathbf{x}} + \mathbf{L}\mathbf{y} + \mathbf{B}_{simp}\mathbf{K}\mathbf{r} \\
\mu_{tab} = -\mathbf{K}\,\hat{\mathbf{x}} + \mathbf{K}\mathbf{r}
\end{cases}$$
(16)

其中,**r**为设置值。由式(14)、(16)得到闭环状态 方程:

$$\begin{vmatrix} \dot{x} \\ \dot{x} \\ \dot{x} \end{vmatrix} = \begin{bmatrix} A' & -B_{simp}K \\ LC' & A' - B_{simp}K - LC' \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ \hat{x} \\ \dot{x} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} B_{simp}K \\ B_{simp}K \end{bmatrix} r$$

$$(17)$$

$$y = \begin{bmatrix} C' & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ \hat{x} \\ \dot{x} \end{bmatrix}$$

讲--

步表示为:

$$\begin{cases} \dot{\tilde{x}} = A_{\text{close}} \tilde{x} + B_{\text{close}} r \\ y = C_{\text{close}} \tilde{x} \end{cases}$$
(18)

通过研究 n 变化时 A_{close} 矩阵的特性可以获得该 闭环系统的稳定性。分别取 n 为 1、10、100 时,结合 表 1 参数,求出 A_{close} 的特征值并在复数坐标系中作 图,如图 6 所示。



从图 6 可看出,当动车组数量 n 分别取 1、10、 100 时,A_{close} 的部分特征值基本不发生变化,特征值 即使向虚轴靠近,但也均位于复平面左半部分;此 外,由于渐近稳定系统总是有界输入有界输出稳定 的,因此多变量控制也是有界输入有界输出稳定的。 综合上述分析,多台动车组使用多变量控制方法并 入牵引网运行时,系统稳定性能够得到保证。

3 动车组整流器仿真模型搭建及分析

在 MATLAB/Simulink 中搭建双重化四象限脉 冲整流器的仿真模型,如图 7 所示。双重化脉冲整 流器分别采用瞬态直接电流控制和多变量控制的输 出电压波形、交流侧电流、电压波形如图 8、图 9 所 示。不同控制方式下双重化脉冲整流器直流侧电压 性能指标如表 2 所示。







图 8 瞬态直接电流控制下电压、电流波形 Fig.8 Waveforms of voltages and current





Fig.9 Waveforms of voltages and current under multivariable control

表 2 双重化整流器直流侧输出电压性能指标

Table 2 Performance indexes of DC-side output voltage of doubly-redundant rectifier

	性能指标			
控制方式	超调	峰值	调节	电压
	量/%	时间/s	时间/s	波动/V
瞬态直接电流控制	35.3	0.0125	0.15	±70
多变量控制	24.4	0.0125	0.07	±40

从图 8 和图 9 中可以看出,瞬态直接电流控制下 整流器启动后输入电流经过 3 个周期后达到稳定, 其电流总谐波畸变率(THD)为 19.19%;而多变量控 制下电流稳定仅需要 1 个周期,且 THD 明显减小, 为 10.19%。由表 2 可以看出,与瞬态直接电流控制 相比,多变量控制不仅能达到要求的控制目标,而且 控制性能更优,直流环节电压超调量减少了 10.9%, 调节时间减少了 0.08 s,电压波动减小至±40 V。

4 车网级联系统仿真分析

为了进一步验证多变量控制策略对车网低频 振荡的良好阻尼特性,本文搭建了牵引网链式仿真 模型,采用平衡牵引变压器,牵引网统一链式电路模 型^[20],自耦变压器(AT)供电方式。牵引变压器和自 耦变压器参数如表3所示,牵引网导体参数如表4所 示,根据文献[21]中的方法计算得牵引网阻抗值如 表5所示。表5中,下标1和2分别代表上行和下行 线路;行、列为相同项目时的值对应该项目的自阻 抗;行、列为不同项目时的值对应这2个项目的互阻 抗。在距离牵引网上行线变电所9km的A、B位置 接入n台动车组,接入方式如图10所示,从而对高 速铁路车网耦合系统的稳定性进行研究。采用瞬态 直接电流控制,在保证PI调节器参数不变的前提下,

表 3 变压器参数

Table 3 Parameters of transformers

变压器	容量/(MV・A)	变比	短路阻抗/%
牵引	40	220/27.5	8.5
自耦	8.5	55/27.5	1.8

表 4 牵引网导体的主要参数

Table 4 Main parameters of traction network conductors

导线名称	导线型号	直流电阻/ (Ω·km ⁻¹)	导体计算 半径/mm
接触线 C	CuMg-150	0.1191	7.2
承力索 J	THJ-120	0.1810	7.0
钢轨R	UIC60	0.1350	12.79
保护线 PW	LGJ-120	0.2860	7.0
正馈线 F	$2 \times LGJ-185$	0.0820	9.51
贯通地线 G	TJ-95	0.2500	12.4

表 5 高速铁路牵引网阻抗

Table 5 Traction network impedance

	0	Ω/km		
	T_1	\mathbf{F}_1	PW_1	R_1
T_1	0.126+j0.431	0.053+j0.188	0.053+j0.208	0.052+j0.173
\mathbf{F}_1	0.053+j0.188	0.136+j0.571	0.054+j0.205	0.052+j0.138
PW_1	0.053+j0.208	0.054+j0.205	0.339+j0.593	0.052+j0.158
\mathbf{R}_1	0.052+j0.173	0.052+j0.138	0.052+j0.158	0.119+j0.408
T_2	0.053+j0.179	0.056+j0.145	0.056+j0.148	0.052+j0.154
\mathbf{F}_2	0.051+j0.151	0.053+j0.141	0.053+j0.133	0.051+j0.127
PW_2	0.052+j0.151	0.053+j0.132	0.053+j0.130	0.051+j0.136
\mathbf{R}_2	0.052+j0.155	0.052+j0.125	0.052+j0.136	0.051+j0.183

注:T为C、J的合并,R为两条钢轨的合并。



图 10 "牵引网-动车组"耦合系统仿真模型 Fig.10 Simulation model of coupled system of traction network and EMUs

接入 EMUs 小于 6 台时,系统均能保持稳定,越接近 6 台,控制器的动态跟踪性能越差,当达到 6 台时失 稳,接入 6 台 EMUs 时的波形如图 11 所示。

由图 11 可以看出, 网侧电压、电流出现低频调制信号, 网侧电压峰值在 29.8~46 kV 波动; 受端电压、电流也出现振荡现象, 导致四象限整流器工作失



败,严重时将导致动车组牵引封锁。

63

考虑多变量控制策略动车组接入达到6台时, 车网能保持稳定,继续增加动车组台数,车网依旧稳 定。多变量控制下接入6台EMUs时的波形如图12 所示。





Fig.12 Waveforms of voltage and current under multivariable control when 6 EMUs are accessed

由图 12 可以看出, 网侧电压稳定在 40 kV 左右, 网侧电流稳定在 300 A 左右, 均未发生振荡; 受端电流经过 1 个周期的时间(0.02 s)达到稳定, 和受端电压均保持稳定, 未发生车网低频振荡现象。

5 结论

针对高铁车网低频振荡问题,本文首先根据动车 组线侧变流器的电压、电流关系建立了状态空间模 型;在此基础上对比瞬态直接电流控制,完成了多变 量控制的理论分析和参数设计,并推导出多变量控 制的闭环状态方程,利用矩阵特征值分析的方法讨 论了多变量控制下动车组的稳定性;然后,搭建了基 于瞬态直接电流控制和多变量控制的双重化脉冲整 流器的仿真模型,并对比了控制效果;最后,将这 2 种控制策略应用于动车组,并在"牵引网-动车组"耦 合系统仿真模型中进行验证。通过理论研究和仿真 分析得出如下结论.

a. 特征值稳定性分析时得到的闭环特征值在 接入机车数大范围变化时仍位于复平面左半部分, 证明了采用多变量控制的多台动车组接入系统的稳 定性;

b. 不考虑牵引网影响时,从输出电气量动、静态特性来比较,多变量控制的性能均优于瞬态直接电流控制;

c. 在车网电气耦合系统中,瞬态直接电流控制失 稳时多变量控制仍能够保持稳定性,多变量控制在低 频车网振荡方面具有良好的阻尼特性。

参考文献:

- MOLLERSTEDT E, BERNHARDSSON B. Out of control because of harmonics-an analysis of the harmonic response of an inverter locomotive[J]. IEEE Control Systems, 2000, 20(4):70-81.
- [2] 刘建强,郑琼林,杨其林. 高速列车牵引传动系统与牵引网谐振机理[J]. 电工技术学报,2013,28(4):221-227.
 LIU Jianqiang,ZHENG Qionglin,YANG Qilin. Resonance mechanism between traction drive system of high-speed train and traction network [J]. Transactions of China Electrotechnical Society,2013,28(4):221-227.
- [3] 韩智玲,唐蕾,李伟. 交流传动电力机车车网电压不稳定的原因 分析与解决[J]. 铁道学报,2011,33(10):25-28.
 HAN Zhiling,TANG Lei,LI Wei. Causal analysis and resolution of the voltage instability between AC drive electric locomotive and power supply network[J]. Journal of the China Railway Society,2011,33(10):25-28.
- [4] WANG H, WU M, SUN J. Analysis of low-frequency oscillation in electric railways based on small-signal modeling of vehiclegrid system in *dq* frame [J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2015, 30(9):1124-1131.
- [5] DANIELSEN S,FOSSO O B,MOLINAS M,et al. Simplified models of a single-phase power electronic inverter forrailway power system stability analysis-development and evaluation [J]. Electric Power Systems Research,2010,80(2):204-214.
- [6] DIXON J W,OOI B T. Indirect current control of a unity power factor sinusoidal current boost type three-phase rectifier [J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 1988, 35(4):508-515.
- [7] 冯晓云. 电力牵引交流传动及其控制系统[M]. 北京:高等教育 出版社,2009:103-105.
- [8] CARSTEN H, MARTIN O, VOLKER S, et al. Improvement of low-frequency railway power system stability using an advanced multivariable control concept [C] // 35th Annual Conference of IEEE Industrial Electronics. Porto, Portugal; IEEE, 2009:560-565.
- [9] OETTMEIER M, BARTELT R, HEISING C, et al. LQ-optimized multivariable control for a single-phase 50 kW, 16.7 Hz railway traction line-side converter [C] //13th European Conference on

69

Power Electronics and Applications. Barcelona, Spain; IEEE, 2009: 1-10.

- [10] HEISING C,OETTMEIER M,BARTELT R,et al. Multivariable pole-placement control design for a single-phase 50 kW,16.7 Hz railway traction line-side converter[C]//2nd International Conference on Power Engineering, Energy and Electrical Drives. Lisbon, Portugal; IEEE, 2009;273-278.
- [11] HE Liqun, XIONG Jian, OUYANG Hui, et al. High-performance indirect current control scheme for railway traction fourquadrant converters[J]. IEEE Transactions on Industrial Electronics, 2014, 61(12):6645-6654.
- [12] SONG K, WU M, WANG H. A high performance control strategy for three-level NPC EMU converters [C] //7th International Power Electronics Conference. Hiroshima, Japan; IEEE, 2014;640-646.
- [13] VOJTĚCH B, JANŽ, ZDENĚK P. Control of single-phase AC/ DC converter with compensation of low-frequency disturbances [C] //2011 International Conference on Applied Electronics. Pilsen, Czech Republic; IEEE, 2011;51-54.
- [14] 赵葵银,杨青,唐勇奇. 基于虚拟磁链的 PWM 整流器的直接功率控制[J]. 电力自动化设备,2009,29(2):82-84.
 ZHAO Kuiyin,YANG Qing,TANG Yongqi. Direct power control of PWM rectifier based on virtual flux[J]. Electric Power Automation Equipment,2009,29(2):82-84.
- [15] 丁祖军,刘保连,倪伟. PWM 整流器中优化变结构控制策略的 设计[J]. 电力自动化设备,2012,32(1):76-83.
 DING Zujun,LIU Baolian,NI Wei. Design of improved variable structure control for PWM rectifier[J]. Electric Power Automation Equipment,2012,32(1):76-83.
 [16] 马宏伟,李永东,郑泽东,等. 一种 PWM 整流器的模型预测控
- 制方法[J]. 电力自动化设备,2013,33(11):21-25. MA Hongwei,LI Yongdong,ZHANG Zedong,et al. Model predictive control of PWM rectifier[J]. Electric Power Automation Equipment,2013,33(11):21-25.
- [17] MENTH S, MEYER M. Low frequency power oscillations in electric railway systems[J]. Elektrische Bahnen, 2006, 104(5):

216-221.

- [18] 陆明科,揭贵生,王恒利,等. 基于线性二次型调节器的三相逆 变器积分+状态反馈控制[J]. 电网技术,2013,37(7):1941-1947.
 LU Mingke,JIE Guisheng,WANG Hengli,et al. A linear quadratic regulator based control strategy with integral control and state feedback for three-phase inverter[J]. Power System Technology, 2013,37(7):1941-1947.
- [19] RUGH W J. Linear system theory[M]. 2nd ed. Upper Saddle River, New Jersey, USA: Prentice_Hall Imformation and System Sciences Series, 1996:244-248.
- [20] 吴命利. 电气化铁道牵引网的统一链式电路模型[J]. 中国电机 工程学报,2010,30(28):52-58.
 WU Mingli. Uniform chain circuit model for traction networks of electric railways[J]. Proceedings of the CSEE,2010,30(28): 52-58.
- [21] 张杨,刘志刚. 基于电磁暂态分析的高速铁路牵引网谐波模型及 谐波特性分析[J]. 电网技术,2011,35(5):70-75.

ZHANG Yang,LIU Zhigang. Modelling and characteristic analysis of harmonic in high-speed railway traction network based on PSCAD/EMTDC platform[J]. Power System Technology,2011,35 (5):70-75.

作者简介:



向 川(1991—), 男, 云南昆明人, 硕士 研究生, 研究方向为高速铁路车网系统建模 分析(**E-mail**: xiangchuan@my.swjtu.edu.cn);

刘志刚(1975—),男,河南巩义人,教授,博士研究生导师,博士,研究方向为现代 信号处理及其在电力系统和牵引供电系统 中的应用(E-mail:liuzg@swjtu.cn);

向 川

张桂南(1988-),男,黑龙江克东人,博

士研究生,研究方向为高速铁路车网耦合系统稳定性分析; 姚书龙(1991—),男,甘肃陇南人,硕士研究生,研究方 向为现代信号处理及其在牵引供电系统中的应用。

Low-frequency oscillation overvoltage damping based on multivariable control for high-speed railway

XIANG Chuan, LIU Zhigang, ZHANG Guinan, YAO Shulong

(School of Electrical Engineering, Southwest Jiaotong University, Chengdu 610031, China)

Abstract: The voltage low-frequency oscillation of high-speed railway traction network may block the traction of EMUs (Electrical Multiple Units), aiming at which, a state space model of line-side pulse rectifier is established, the multivariable control strategy of four-quadrant converter is mathematically deduced and its parameters are designed in detail. The stability of traction network system is studied based on the derived closed-loop state equations for the EMUs with multivariable control, which shows the system is in the asymptotic stability state. A doubly redundant rectifier and its control model are simulated in MATLAB/Simulink and the control effect is compared between the instantaneous direct current control and the multivariable control, which shows the multivariable control has better dynamic and static performance. The simulated rectifier model is applied to the simulation model chain of traction network system for two control strategies, which further verifies the better performance of multivariable control in the overvoltage damping during the low-frequency oscillation of traction network.

Key words: traction drive; high-speed railway; pulse rectifier; multivariable control; traction network system; stability; low-frequency oscillation; overvoltage; damping