# 基于 EWT 和分位数回归森林的短期风电功率概率密度预测

孙国强1,梁 智1,俞娜燕2,倪晓宇3,卫志农1,臧海祥1,周亦洲1

(1. 河海大学 能源与电气学院,江苏 南京 210098;2. 国网无锡供电公司,江苏 无锡 214061;

3. 无锡扬晟科技股份有限公司,江苏 无锡 214106)

摘要:概率密度预测能够给出未来风电功率可能的波动范围、预测值出现的概率及不确定性等更多信息,提 出基于经验小波变换(EWT)和分位数回归森林的短期风电功率概率密度组合预测模型。首先,采用新型自 适应信号处理方法——经验小波变换,将原始风电功率序列分解为一系列频率特征互异的经验模式;然后, 对每一经验模式序列分别构建分位数回归森林预测模型,得到任意分位点条件下的预测结果,通过叠加不同 经验模式预测结果获得最终的短期风电功率预测值;最后,对预测值条件分布采用核密度估计获得任意时刻 概率密度预测。仿真结果验证了所提模型的有效性。

关键词:经验小波变换;分位数回归森林;核密度估计;概率密度;短期风电功率预测;模型

中图分类号:TM 761 文献标识码:A

DOI:10.16081/j.issn.1006-6047.2018.08.023

#### 0 引言

风力发电在电网中的装机比例逐年提升,有效 地缓解了能源紧张、环境污染格局,但其间歇性和不 确定性又严重影响着电网的安全、稳定及经济运行。 短期风电功率预测作为自动发电控制和安排电力调 度的重要决策依据,能够有效地提高电力系统的运 行可靠性。为此,需要研究新技术与新方法,以提高 风电功率预测精度,满足工程应用需求。

目前,国内外学者对短期风电功率预测进行了 大量的研究,主要有时间序列分析、人工神经网络、 支持向量机(SVM)、相关向量机等模型<sup>[1-6]</sup>。在现 有研究的基础上,文献[7-9]提出了基于优化算法的 改进预测模型。另外,为了进一步降低风电功率预 测误差,相关学者提出了组合预测模型。实践证明: 组合预测模型相较于单一预测方法能够优势互补, 在提高预测精度的同时,增强了模型的鲁棒性。组 合预测按机理策略的不同主要分为2类。第一类是 采用不同原理的预测模型分别进行预测,然后将预 测结果按一定的方式进行优化组合。文献[10]首 先采用自回归积分滑动平均拟合风电功率序列,然 后对拟合残差分别建立了人工神经网络、SVM 预测 模型;文献[11]通过权重矩阵集成最小二乘 SVM、 回声状态网络及正则化极限学习机 3 种模型的预测 结果,并通过优化算法动态更新调整权重系数,从而 有效地发挥各个模型的优势,提高预测精度。第二 类是采用信号处理技术对原始风电功率序列进行分

收稿日期:2017-07-14;修回日期:2018-06-25

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51507052);国家电 网公司科技项目(J2017089)

Project supported by the National Natural Science Foundation of China(51507052) and the Science and Technology Project of SGCC(J2017089)

解处理,对不同分解量建立预测模型,最后对各分量 的预测结果进行组合。文献[12-14]分别采用小波 变换、经验模态分解(EMD)和集成经验模态分解对 原始风电功率进行处理,然后对各子序列分别建立 预测模型,有效地提高了预测精度。

一般的短期风电功率预测方法仅给出确定性点的预测结果,难以完全描述风能的不确定性、变化规律。因此,相关学者提出了风电功率的概率预测方法,如分位数回归、区间预测、密度预测等<sup>[15]</sup>。概率预测能更好地描述未来风电功率可能的波动范围、不确定性及面临的风险,从而更有研究价值<sup>[16-18]</sup>。

本文针对 EMD 方法易出现模态混叠、计算效率 低、缺乏理论基础等缺点,采用新型自适应信号处理 方法——经验小波变换 EWT (Empirical Wavelet Transform)对原始风电功率序列进行分解处理。该 方法通过对信号频谱的自适应分割,在各个频谱构 造合适的正交小波滤波器来提取 Fourier 频谱的调 幅、调频成分,然后采用 Hilbert 变换对不同调幅、调 频模态进行处理,获得瞬时频率和瞬时幅值<sup>[19-20]</sup>。 EWT 方法的计算量小且具有较强的鲁棒性。

分位数回归森林(QRF)结合分位数回归和随机 森林(RF)的基本原理,可给出不同分位点的回归预 测结果。作为一种非参数集成机器学习方法,QRF 具有运算速度快、模型性能受参数影响小、容噪性较 强等优点。本文建立基于 QRF 的风电功率预测模 型,获得不同分位点的预测输出,然后采用核密度估 计实现风电功率概率密度预测。

综上所述,本文结合 EWT 和 QRF 的优点,建立 基于 EWT-QRF 的短期风电功率概率密度预测模 型。首先,采用 EWT 将原始风电功率序列分解为一 系列频率不同的经验模式,对每一经验模式分别建 立 QRF 预测模型,获得不同分位点的回归预测结 果,将各经验模式的预测结果叠加,得到最终的风电 功率预测值。最后,采用核密度估计方法给出风电 功率概率密度预测。

# 1 EWT 方法的基本原理

经验小波本质上是根据信号频谱特性选择的一 组带通滤波器,能够自适应地从原始信号中筛选调 幅、调频成分。为了确定带通滤波器的频率范围,首 先对信号的 Fourier 谱进行自适应分割,见图 1。





Fig.1 Partitioning of Fourier frequency spectrum

结合图 1 说明 EWT 的自适应分解过程。依据 香农准则,定义 Fourier 支撑为[0, $\pi$ ]并假设其被分 割成 N 个连续部分,令  $\Lambda_n = [w_{n-1}, w_n]$ 表示各分割片 段的边界,其中  $n=1,2,\dots,N, w_0=0, w_N = \pi, w_n$  选取 为信号 Fourier 谱相邻 2 个极大值点之间的中点,显 而易见  $\cup \Lambda_n = [0,\pi](n=1,2,\dots,N)$ 。以每个  $w_n$  为 中心,定义宽度为  $T_n = 2\tau_n$  的过渡区域,见图 1 中阴 影部分。在分割区间  $\Lambda_n$  上,定义经验小波为每个  $\Lambda_n$ 上的带通滤波器,并根据 Meyer 小波的构造方法 构造经验小波。Gilles 构造的经验小波函数为<sup>[19]</sup>:

$$\hat{\Psi}_{n}(w) = \begin{cases}
1 & w_{n} + \tau_{n} \leq |w| \leq w_{n+1} - \tau_{n+1} \\
\cos\left\{\frac{\pi}{2}\beta\left[\frac{1}{2\tau_{n+1}}(|w| - w_{n+1} + \tau_{n+1})\right]\right\} \\
& w_{n+1} - \tau_{n+1} \leq |w| \leq w_{n+1} + \tau_{n+1} \\
\sin\left\{\frac{\pi}{2}\beta\left[\frac{1}{2\tau_{n}}(|w| - w_{n} + \tau_{n})\right]\right\} \\
& w_{n} - \tau_{n} \leq |w| \leq w_{n} + \tau_{n} \\
& 0 \qquad \not\equiv \psi
\end{cases}$$
(1)

经验尺度函数为:

$$\hat{\phi}_{n}(w) = \begin{cases} 1 & |w| \leq w_{n} - \tau_{n} \\ \cos\left\{\frac{\pi}{2}\beta\left[\frac{1}{2\tau_{n}}(|w| - w_{n} + \tau_{n})\right]\right\} \\ w_{n} - \tau_{n} \leq |w| \leq w_{n} + \tau_{n} \\ 0 & \ddagger \& \end{cases}$$
(2)

其中, $\tau_n = \gamma w_n$ ,且有 $\gamma < \min\left\{\frac{w_{n+1} - w_n}{w_{n+1} + w_n}\right\}$ 。通常,函数  $\beta(z)$ 定义为 $\beta(z) = z^4(35 - 84z + 70z^2 - 20z^3)$ 。 然后,原始信号可被重构为:

$$x(t) = W_x^{\varepsilon}(0,t) \otimes \phi_1(t) + \sum_{n=1}^{\infty} W_x^{\varepsilon}(n,t) \otimes \phi_n(t)$$
(3)

其中, $\otimes$ 为卷积运算; $W_x^e(0,t)$ 为逼近系数; $W_x^e(n,t)$ 为x(t)的经验小波变换。

经验模式  $x_k(t)$  按式(4) 定义。

$$\begin{cases} x_0(t) = W_x^e(0,t) \otimes \phi_1(t) \\ x_t(t) = W_x^e(n,t) \otimes \phi_2(t) \end{cases}$$
(4)

# 2 基于 QRF 的概率密度预测

#### 2.1 分位数回归原理

分位数回归是单因变量 Y 的条件分位数对自变量 X 进行回归,从而获得所有分位点下的回归预测 模型。

在给定条件  $X = [x_1, x_2, \dots, x_k]$ 下,条件分布函数是  $Y \leq y$  的累积概率,即:

$$F(y \mid X) = P(Y \leq y \mid X) \tag{5}$$

 $\alpha$ 分位数  $Q_{\alpha}(X)$ 为在给定条件  $X = [x_1, x_2, \dots, x_k]$ 下,  $Y \ge Q_{\alpha}(X)$ 的累积概率恰好为  $\alpha$ , 即:

$$Q_{\alpha}(\boldsymbol{X}) = \inf \left\{ \boldsymbol{y} : F(\boldsymbol{y} \,|\, \boldsymbol{X}) \ge \alpha \right\}$$
(6)

其中, inf{·}为取最小值运算。

一般的线性条件分位数回归表示为[21]:

$$Q_{Y}(\alpha | \mathbf{X}) = \beta_{0}(\alpha) + \beta_{1}(\alpha) x_{1} + \beta_{2}(\alpha) x_{2} + \dots + \beta_{k}(\alpha) x_{k} \equiv \mathbf{X}' \boldsymbol{\beta}(\alpha)$$
(7)

其中, $Q_Y(\alpha | X)$ 为因变量 Y在自变量  $X = [x_1, x_2, \dots, x_k]$ 下的第  $\alpha$  个条件分位数, $\alpha$  为分位点, $\alpha \in (0,1)$ ;  $X' = [1, x_1, x_2, \dots, x_k]$ 为 X 的扩展形式; $\beta(\alpha)$  为回归 系数向量,它随着分位点  $\alpha$  的变化而变动; = 表示恒 等于。

条件分位数通过最小化损失函数求解参数向量 β(α)的估计值,定义损失函数为:

$$L_{\alpha}(y, X'\boldsymbol{\beta}) = \begin{cases} \alpha \mid y - X'\boldsymbol{\beta} \mid & y > X'\boldsymbol{\beta} \\ (1 - \alpha) \mid y - X'\boldsymbol{\beta} \mid & y \leq X'\boldsymbol{\beta} \end{cases}$$
(8)

从而分位数回归可以转化为如下最优化问题:

$$\min_{\boldsymbol{\beta}} \sum_{i \mid Y_i \geq \mathbf{X}_i' \boldsymbol{\beta}} \alpha \mid Y_i - \mathbf{X}_i' \boldsymbol{\beta} \mid + \sum_{i \mid Y_i < \mathbf{X}_i' \boldsymbol{\beta}} (1 - \alpha) \mid Y_i - \mathbf{X}_i' \boldsymbol{\beta} \mid$$
(9)

其中,Y<sub>i</sub>为第*i*个数据样本因变量;X'<sub>i</sub>为第*i*个数据 样本扩展自变量。

给定某个分位点 α,通过求解对应的参数向量 估计值,即可描述此时的自变量对因变量的影响。 继而当 α 在可行区间(0,1)内连续取值时,即可得 到 Y 的条件分布。

#### 2.2 QRF 的基本过程

QRF 是 RF 算法的改进,通过结合分位数回归的特性,可提供因变量的全部条件分布信息。QRF 作为一种非参数机器学习方法,具有理论基础,同时 被证明具有一致性<sup>[22]</sup>。 RF 被看作是一个适应性近邻分类和回归过程, 对每一个  $X = [x_1, x_2, \dots, x_k]$ ,可以得到原始 M 个观 察值的一个权重集合  $w_i(X)$  ( $i = 1, 2, \dots, M$ )。 RF 本 质上是利用所有因变量观测值的加权和作为因变量 Y 条件均值 E(Y|X) 的估计。QRF 决策树是以标准 RF 算法产生的,条件分布是通过观测到的因变量加 权估计得到的,其中每个观测值的权重等于 RF 算 法的权重<sup>[23]</sup>。

由此,QRF 定义  $E(1_{|Y \leq y|} | X)$ 的估计为观测值  $1_{|Y \leq y|}$ 的加权平均,即:

$$\hat{F}(y | \mathbf{X}) = \sum_{i=1}^{M} w_i(\mathbf{X}) \mathbf{1}_{|Y \le y|}$$
(10)

QRF 算法的具体步骤如下。

**a.** 生成  $K_{\rm T}$  棵决策树  $T(\theta_t)(t=1,2,\dots,K_{\rm T})$ ,考 察每棵决策树每个叶节点的所有观测值。

**b.** 给定 *X*,遍历所有决策树。计算每棵决策树 观测值的权重  $w_i(X, \theta_i)$  (*i*=1,2,…,*M*;*t*=1,2,…, *K*<sub>T</sub>)。通过对决策树权重  $w_i(X, \theta_i)$  取平均得到每个 观测值的权重  $w_i(X)$ 。

**c.** 对于所有  $y \in \mathbf{R}$ ,利用步骤 **b** 得出的权重,通 过式(10)计算分布函数的估计。

对于每棵决策树的每个节点, RF 回归只保留了 观测值的均值而忽略了其他信息, 而 QRF 保留了节 点中所有观测值, 并在此基础上计算条件分布。

#### 2.3 基于条件分布的概率密度预测

采用核密度估计方法从条件分布中获得概率密 度预测结果。核密度估计是通过一组观测的来自同 一未知分布函数的随机变量来估计其密度函数的非 参数计算方法。设 $X_1, X_2, \dots, X_M$ 是取自一元连续 总体的样本,在任意点 x 处的总体密度函数 f(x)的 核密度估计定义为<sup>[24]</sup>:

$$\hat{f}_{h}(x) = \frac{1}{Mh} \sum_{i=1}^{M} K\left(\frac{x - X_{i}}{h}\right)$$
 (11)

其中,K(x)为核函数,本文采用的高斯核函数形式 为 $K(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp(-x^2/2);h$ 为带宽系数,取值范 围为 1.8~2.0。

# 3 基于 EWT-QRF 的风电功率概率密度预测

针对一般风电功率点预测方法难以完全表征功 率变化不确定性的缺点,本文建立了基于 EWT-QRF 的短期风电功率概率密度预测模型,可以获得任意 时刻风电功率的波动范围及概率密度输出。图2为 本文短期风电功率概率密度预测流程图。首先,采 用 EWT 信号处理技术对原始风电功率序列进行预 处理,将其自适应分解为若干频率互异的经验模式。 通过 EWT 分解可以细致把握不同分量的变化规律 并针对性地建立预测模型,从而有效地提高风电功 率预测精度。为了减少建模任务量,将频率大小相 近的经验模式合并为新的分量。然后,对新的分量 选取输入变量集合并建立 QRF 预测模型,得到不同 分位点下的风电功率预测结果,将不同分量预测结 果叠加获得预测值的条件分布。最后,采用核密度 估计方法输出风电功率概率密度预测。



#### 图 2 短期风电功率概率密度预测流程图

Fig.2 Flowchat of short-term wind power probability density forecasting

#### 3.1 风电功率分解结果

采用江苏省某一风电场实测风电功率数据作为 研究对象,验证所提模型的预测性能。该风电场内 风机总数为33台,装机容量为49.5 MW。已知数据 采样时间间隔为30 min,原始风电功率序列为2008 年8月13日至8月22日共480个点的风功率数 据。采用EWT方法对原始风电功率序列进行分解, 结果如图3所示。从图3中可以看出,EWT将原始 风电功率分解为11个经验模式,各个模式的频率特 征较为明显。按照频率大小将经验模式分为3类: 低频、中频和高频,然后将类中的经验模式进行合 并,分别重构为低频分量、中频分量和高频分量,如 图4所示。对各分量分别建立QRF预测模型,从而 降低建模工作量、提高效率。

为了说明 EWT 用于风电功率预测的有效性,同时将 EMD 方法用于功率数据的分解,并对比预测结果。EMD 结果及重构分量分别见图 5、图 6。

#### 3.2 输入变量选择

输入变量的选取对模型预测性能有直接影响, 采用皮尔森相关系数定量评价变量间的相关性,并 从待预测时刻的前 10 个时刻中选取相关性较大的 输入变量集合。给定时间序列,皮尔森相关系数衡 量了 **x**<sub>t</sub> 与 **x**<sub>t-τ</sub>间的相关关系<sup>[25]</sup>。其中,τ 为滞后阶



数。皮尔森相关系数 r 的取值范围为[-1,1],1 表示完全正相关,-1 表示完全负相关,0 表示变量间无相关性。当|r|>0.3时,即认为变量间存在较强的相关关系。待预测时刻风电功率与滞后  $\tau$  阶功率间的相关系数计算公式为:



分别对 EWT 和 EMD 的分量选取输入变量集

合,结果如表1和表2所示。

表1 EWT 分量输入变量选择结果

Table 1 Selection results of input variables for EWT method

分量	输入变量
原始功率	$x_{t-1}$ , $x_{t-2}$ , $x_{t-3}$ , $x_{t-4}$ , $x_{t-5}$ , $x_{t-6}$ , $x_{t-7}$ , $x_{t-8}$ , $x_{t-9}$ , $x_{t-10}$
高频分量	$x_{t-1}$ , $x_{t-2}$ , $x_{t-3}$ , $x_{t-4}$ , $x_{t-7}$
中频分量	$x_{t-1}, x_{t-2}, x_{t-3}, x_{t-4}, x_{t-5}, x_{t-8}, x_{t-10}$
低频分量	$x_{t-1}$ , $x_{t-2}$ , $x_{t-3}$ , $x_{t-4}$ , $x_{t-5}$ , $x_{t-6}$ , $x_{t-7}$ , $x_{t-8}$ , $x_{t-9}$ , $x_{t-10}$

#### 表 2 EMD 分量输入变量选择结果

Table 2 Selection results of input variables for EMD method

分量	输入变量
随机分量	$x_{t-1}, x_{t-2}, x_{t-3}, x_{t-4}$
细节分量	$x_{t-1}$ , $x_{t-2}$ , $x_{t-3}$ , $x_{t-4}$ , $x_{t-5}$ , $x_{t-6}$ , $x_{t-7}$ , $x_{t-9}$
趋势分量	$x_{t-1}, x_{t-2}, x_{t-3}, x_{t-4}, x_{t-5}, x_{t-6}, x_{t-7}, x_{t-8}, x_{t-9}, x_{t-10}$

#### 3.3 评价指标

采用平均绝对百分比误差(MAPE)和均方根误 差(RMSE)作为确定性点预测模型效果评价指标。

MAPE = 
$$\frac{1}{n_{\rm f}} \sum_{i=1}^{n_{\rm f}} \frac{|y_i - \hat{y}_i|}{y_i} \times 100\%$$
 (13)

RMSE = 
$$\sqrt{\frac{1}{n_{\rm f}} \sum_{i=1}^{n_{\rm f}} (y_i - \hat{y}_i)^2}$$
 (14)

其中, $n_i$ 为预测点个数; $y_i$ 、 $\hat{y}_i$ 分别为第*i*个预测点功率真实值和预测值。

可靠性和清晰度是风电功率概率区间预测模型 的2个重要评价准则<sup>[26]</sup>。可靠性为实际观测值落 入预测区间的概率,此值越大,表明预测结果更准 确;清晰度用预测区间宽度表征,预测区间宽度越 窄,表明模型预测性能越好。高可靠性及尽可能小 的区间宽度是风电功率概率预测追求的目标,但实 际上两者是矛盾的。引入预测区间覆盖率(FICP) 指标计算预测区间可靠性,计算公式为:

FICP = 
$$\frac{1}{n_{\rm f}} \sum_{i=1}^{n_{\rm f}} \xi_i^{(1-\alpha)}$$
 (15)

其中, $\xi$ 在给定置信水平 1- $\alpha$ 条件下的取值为 0 和 1,若实际值落于预测区间上下限范围内,则 $\xi^{(1-\alpha)}$ = 1,否则 $\xi^{(1-\alpha)}$ = 0。

引入预测区间平均宽度(FIAW)指标计算模型 清晰度,计算公式为:

FIAW<sub>1-\alpha</sub> = 
$$\frac{1}{n_f} \sum_{i=1}^{n_f} \frac{u_i - l_i}{y_i}$$
 (16)

其中,*u<sub>i</sub>*为第*i*个预测点置信区间上限;*l<sub>i</sub>*为第*i*个预测点置信区间下限。

### 4 算例分析

以 2008 年 8 月 13 日至 8 月 22 日共 480 个点的 风功率数据为训练数据,对 8 月 23 日 48 个实测风电 功率进行提前 30 min 预测。本文中 EWT 分解、QRF 算法及 BP 神经网络、SVM 算法均在 MATLAB R2014a 编程平台实现, CPU 主频为 3.3 GHz, RAM 为4 GB。

a. 直接对原始功率数据进行预测。QRF 参数 设置如下:决策树数目为500,节点最小尺寸为5,每 棵决策树从输入变量集合中随机选取 m<sub>trv</sub> = 2D/3 个 变量进行权重学习,D参照表1选取。为了获得条 件分布,设置分位点范围为0.01~0.99,步长为0.01, 对每个预测点即可获得99个预测结果。同时,建立 BP 神经网络、SVM 算法的对比模型。BP 神经网络 的学习率为0.001,学习目标为0.01,迭代10000次, 模型结构参数经多次试验比较后设置为:9-15-1 (输入层变量个数为9,隐含层神经元个数为15,输 出层神经元个数为1)。SVM 模型的学习参数 C 和  $\varepsilon$ 通过网格搜索法优化选取,参数范围为[-8,8],迭 代步长为1。图7为原始功率曲线及 BP 神经网络、 SVM 和 QRF 模型的预测结果, QRF 模型取 0.5 分位 点条件下的预测值。不同模型风电功率预测结果统 计如表 3 所示。从图 7、表 3 可以看出,采用单一预 测模型时,预测值落后于真实值的变化趋势,存在滞 后,有较大的预测误差。



Fig.7 Original wind power curve and forecasting results ahead 30 minutes

#### 表 3 不同模型风电功率预测结果

Table 3 Wind power forecasting results of different models

预测模型	MAPE/%	RMSE/MW	运行时间/s
BP 神经网络	27.44	5.16	7
SVM	27.27	5.12	32
QRF	26.81	4.90	15
EMD-BP	16.14	2.50	37
EMD-SVM	13.77	2.22	121
EMD-QRF	13.82	2.43	69
EWT-BP	12.11	1.82	48
EWT-SVM	11.90	1.79	136
EWT-QRF	10.77	1.71	74

**b.** 分别采用 EMD 和 EWT 方法对原始功率数据 进行分解处理,然后对每个分量分别建立预测模型, 结果如图 7、表 3 所示。从图 7 及表 3 可以看出组合 模型有效地缓解了滞后效应。此外,EWT 方法的性 能表现优于 EMD 方法,相较于 EMD-BP、EMD-SVM、 EMD-QRF 模型,EWT-BP、EWT-SVM 和 EWT-QRF 模型的 MAPE 指标分别降低了 24.97%、13.58% 和 22.07%,RMSE 指标分别降低了 27.20%、19.37% 和 29.63%。其中,EMD-BP 模型随机分量、细节分量和 趋势分量的结构参数分别为 4-11-1、8-16-1 以及 10-17-1;EWT-BP 模型高频分量、中频分量和低频 分量结构参数分别为 5-9-1、7-15-1 和 10-15-1; SVM 和 QRF 参数设置同步骤 **a**。

图 8 为 70%、80%、90%、95%置信水平下功率区 间预测结果。由图 8 知,EWT-QRF 模型的区间宽度 更窄,优势明显,从而更有利于科学决策。



QRF模型有更窄的区间宽度,但由于 QRF 模型的滞 后性,导致其可靠性较差,较难反映风电功率真实 值;EWT-QRF 模型有最窄的区间宽度,在40%~ 90%置信区间范围内,其与 EMD-QRF 模型间的 FIAW 差值逐渐增大,导致 EWT-QRF 模型的 FICP 指标较差,这符合 FIAW、FICP 指标相互矛盾的规律。



Fig.9 Change curves of indices under different confidence levels

对 QRF、EMD-QRF 和 EWT-QRF 模型获得的条件分布采用核密度估计可给出任意时刻风电功率概率密度预测,取一天中不同时刻预测结果见图 10。



可以看出, EWT-QRF 模型以较高的概率接近真实 值, 概率密度曲线更瘦高, 波动范围更集中, 有利于 在更窄范围内做出可靠决策。

# 5 结论

针对一般风电功率点预测方法输出结果单一的 缺点,本文建立了基于 EWT-QRF 的概率密度组合 预测模型。

a. 采用 EWT 这一新型自适应信号处理方法对 原始风电功率序列进行分解处理,将其分解为多个 频率特征互异的经验模式。相较于 EMD 方法,EWT 分解的分量更具有解释意义。所建立的 EWT-QRF 预测模型相较于 EMD-QRF 模型具有更好的预测精 度,MAPE 指标降低了 22.07%, RMSE 指标降低了 29.63%;同一置信水平下,EWT-QRF 模型的区间宽 度更窄,更有利于做出科学决策。

**b.** QRF 能够给出任意分位点下的预测结果,从 而获得预测值的条件分布。作为一种非参数估计方 法,其具有受模型参数影响小、鲁棒性强、计算量较 少的优点,适用于短期风电功率概率密度预测。

概率区间的可靠性和清晰度是相互矛盾的评价 指标,不可能有同时获得高可靠性和高清晰度的预 测模型。下一步将研究评价指标优化模型,使得概 率区间输出在具有较好可靠性的条件下,具有更窄 的区间宽度。

#### 参考文献:

- [1] SOMAN S S,ZAREIPOUR H, MALIK O, et al. A review of wind power and wind speed forecasting methods with different time horizons [C] // North American Power Symposium. Arlington, TX, USA:IEEE,2010:1-8.
- [2] BLONBOU R. Very short-term wind power forecasting with neural networks and adaptive Bayesian learning [J]. Renewable Energy, 2011,36(3):1118-1124.
- [3]甘迪,柯德平,孙元章,等.考虑爬坡特性的短期风电功率概率 预测[J].电力自动化设备,2016,36(4):145-150.
   GAN Di,KE Deping,SUN Yuanzhang,et al. Short-term probabilistic wind power forecast considering ramp characteristics[J]. Electric Power Automation Equipment,2016,36(4):145-150.
- [4]朱思萌,杨明,韩学山,等. 多风电场短期输出功率的联合概率 密度预测方法[J].电力系统自动化,2014,38(19):8-15.
   ZHU Simeng, YANG Ming, HAN Xueshan, et al. Joint probability density forecast of short-term multiple wind farms output power[J].
   Automation of Electric Power Systems,2014,38(19):8-15.
- [5]凌武能,杭乃善,李如琦. 基于云支持向量机模型的短期风电功 率预测[J]. 电力自动化设备,2013,33(7):34-38.
   LING Wuneng, HANG Naishan, LI Ruqi. Short-term wind power forecasting based on cloud SVM model[J]. Electric Power Automation Equipment,2013,33(7):34-38.
- [6] YAN J,LIU Y,HAN S, et al. Wind power grouping forecasts and its uncertainty analysis using optimized relevance vector machine [J]. Renewable & Sustainable Energy Reviews, 2013, 27(6):613-621.
- [7]范磊,卫志农,李慧杰,等.基于变分模态分解和蝙蝠算法-相关

向量机的短期风速区间预测[J]. 电力自动化设备,2017,37 (1):93-100.

FAN Lei, WEI Zhinong, LI Huijie, et al. Short-term wind speed interval prediction based on VMD and BA-RVM algorithm [J]. Electric Power Automation Equipment, 2017, 37(1):93-100.

[8] 江岳春,张丙江,邢方方,等. 基于混沌时间序列 GA-VNN 模型 的超短期风功率多步预测 [J]. 电网技术, 2015, 39 (8): 2160-2166.

JIANG Yuechun, ZHANG Bingjiang, XING Fangfang, et al. Supershort-term multi-step prediction of wind power based on GA-VNN model of chaotic time series [J]. Power System Technology, 2015, 39(8):2160-2166.

- [9] OSÓRIO G J, MATIAS J C O, CATALÃO J P S. Short-term wind power forecasting using adaptive neuro-fuzzy inference system combined with evolutionary particle swarm optimization, wavelet transform and mutual information [J]. Renewable Energy, 2015, 75: 301-307.
- [10] SHI J, GUO J, ZHENG S. Evaluation of hybrid forecasting approaches for wind speed and power generation time series [J]. Renewable & Sustainable Energy Reviews, 2012, 16(5):3471-3480.
- [11] 张亚超,刘开培,秦亮. 基于 VMD-SE 和机器学习算法的短期风 电功率多层级综合预测模型[J]. 电网技术,2016,40(5): 1334-1340.
   ZHANG Yachao, LIU Kaipei, QIN Liang. Short-term wind power

multi-leveled combined forecasting model based on variational mode decomposition-sample entropy and machine learning algorithms[J]. Power System Technology, 2016, 40(5):1334-1340.

- [12] LI S, WANG P, GOEL L. Wind power forecasting using neural network ensembles with feature selection [J]. IEEE Transactions on Sustainable Energy, 2015, 6(4):1447-1456.
- [13] 叶林,刘鹏. 基于经验模态分解和支持向量机的短期风电功率 组合预测模型[J]. 中国电机工程学报,2011,31(31):102-108.
  YE Lin,LIU Peng. Combined model based on EMD-SVM for shortterm wind power prediction[J]. Proceedings of the CSEE,2011,31 (31):102-108.
- [14] ZANG H, FAN L, GUO M, et al. Short-term wind power interval forecasting based on an EEMD-RT-RVM model [J]. Advances in Meteorology, 2016(3):1-10.
- [15] MORALES J M, CONEJO A J, MADSEN H, et al. Integrating renewables in electricity markets [M]. [S.l.]: Springer, 2014:20-26.
- [16] 李智,韩学山,杨明,等. 基于分位点回归的风电功率波动区间分析[J]. 电力系统自动化,2011,35(3):83-87.
  LI Zhi,HAN Xueshan,YANG Ming, et al. Wind power fluctuation interval analysis based on quantile regression [J]. Automation of Electric Power Systems,2011,35(3):83-87.
- [17] 杨锡运,关文渊,刘玉奇,等. 基于粒子群优化的核极限学习机模型的风电功率区间预测方法[J].中国电机工程学报,2015,35(S1):146-153.
   YANG Xiyun, GUAN Wenyuan, LIU Yuqi, et al. Prediction intervals forecasts of wind power based on PSO-KELM[J]. Proceedings
- of the CSEE,2015,35(S1):146-153. [18] 杨明,朱思萌,韩学山,等. 风电场输出功率的多时段联合概率 密度预测[J]. 电力系统自动化,2013,37(10):23-28. YANG Ming,ZHU Simeng,HAN Xueshan, et al. Joint probability density forecast for wind farm output in multi-time-interval[J]. Automation of Electric Power Systems,2013,37(10):23-28.
- [19] GILLES J. Empirical wavelet transform [J]. IEEE Transactions on Signal Processing, 2013, 61(16): 3999-4010.
- [20] 陈浩,郭军海,齐巍. 基于经验小波变换的目标加速度估计算法 [J]. 北京航空航天大学学报,2015,41(1):154-159.

CHEN Hao, GUO Junhai, QI Wei. Estimation of target's acceleration based on empirical wavelet transform[J]. Journal of Beijing University of Aeronautics and Astronautics, 2015, 41(1):154-159.

[21] 何耀耀,许启发,杨善林,等. 基于 RBF 神经网络分位数回归的 电力负荷概率密度预测方法[J].中国电机工程学报,2013,33 (1):93-98.
HE Yaoyao,XU Qifa,YANG Shanlin, et al. A power load probability

density forecasting method based on RBF neural network quantile regression[J]. Proceedings of the CSEE,2013,33(1):93-98.

- [22] NICOLAI M. Quantile regression forests [J]. Journal of Machine Learning Research, 2006, 7(2):983-999.
- [23] 方匡南. 随机森林组合预测理论及其在金融中的应用[M]. 厦门:厦门大学出版社,2012:89-99.
- [24] 周松林, 茆美琴, 苏建徽. 风电功率短期预测及非参数区间估计
   [J]. 中国电机工程学报, 2011, 31(25):10-16.
   ZHOU Songlin, MAO Meiqin, SU Jianhui. Short-term forecasting of wind power and non-parametric confidence interval estimation [J].
   Proceedings of the CSEE, 2011, 31(25):10-16.
- [25] 刘瑞叶,黄磊. 基于动态神经网络的风电场输出功率预测[J]. 电力系统自动化,2012,36(11):19-22.

LIU Ruiye, HUANG Lei. Wind power forecasting based on dynamic neural networks  $[\,J\,]$  . Automation of Electric Power Systems, 2012,

36(11):19-22.

[26] WAN C, XU Z, PINSON P, et al. Optimal prediction intervals of wind power generation [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2014,29(3):1166-1174.

#### 作者简介:



孙国强(1978—),男,江苏江阴人,副 教授,博士,主要研究方向为电力系统运行 分析与控制、可再生能源发电系统(E-mail: hhusunguoqiang@163.com);

梁 智(1991—),男,江苏睢宁人,硕士 研究生,主要研究方向为电力系统负荷预 测、新能源发电预测(E-mail:liangzhi\_hhu@

163.com);

俞娜燕(1981—), 女, 江苏无锡人, 工程师, 硕士, 主要研 究方向为售电及能源管理(**E-mail**:475881673@qq.com);

# Short-term wind power probability density forecasting based on EWT and quantile regression forest

SUN Guoqiang<sup>1</sup>, LIANG Zhi<sup>1</sup>, YU Nayan<sup>2</sup>, NI Xiaoyu<sup>3</sup>, WEI Zhinong<sup>1</sup>, ZANG Haixiang<sup>1</sup>, ZHOU Yizhou<sup>1</sup>

(1. College of Energy and Electrical Engineering, Hohai University, Nanjing 210098, China;

2. State Grid Wuxi Power Supply Company, Wuxi 214061, China;

3. Wuxi Yang Sheng Technology Co., Ltd., Wuxi 214106, China)

**Abstract**: Probability density forecasting can give more information about future wind power output such as possible fluctuation ranges, probability and uncertainty of predicted values and so on. A combined probability density forecasting model for short-term wind power is proposed based on EWT(Empirical Wavelet Transform) and quantile regression forest. Firstly, a new adaptive signal processing method namely empirical wavelet transform is adopted to decompose the original wind power sequence into a series of empirical modes, whose frequency characteristics are different from each other. Then, the quantile regression forest forecasting model is established respectively for each empirical mode, obtaining the predictive results under arbitrary quantiles, and the final wind power forecasting values are obtained by summing up the predictive results of different empirical modes. Finally, the kernel density estimation is applied for the conditional distribution to obtain the probability density forecasting results at any moment. Simulative results verify the effectiveness of the proposed model.

Key words: empirical wavelet transform; quantile regression forest; kernel density estimation; probability density; short-term wind power forecasting; models