基于双主动桥输入输出电流协调控制的 二次纹波电压抑制策略

许加柱,韦杰,潘宏杰,郝铭轩,王 涛 (湖南大学 电气与信息工程学院,湖南 长沙 410082)

摘要:单相电力电子变压器(PET)隔离级传输二次脉动功率较少且不可控,使其直流侧出现较大幅度的二次 纹波电压,将影响系统供电质量以及供电可靠性。在传统双主动桥(DAB)降阶等效模型中加入开关电阻、变 压器磁化电感和铜耗电阻,提升了二次脉动功率传输的准确性;在DAB 控制中,电流内环采用比例-积分-谐 振(PIR)控制,并引入低压直流侧二次纹波电流前馈,使高低压直流侧二次脉动功率向负载侧稳定传输,高 低压直流侧二次纹波电压幅值显著减小;为加快控制器动态响应速度,对控制器关键参数进行优化设计,最 后通过仿真和实验验证了所提方法的有效性。

关键词:电力电子变压器;双主动桥;二次纹波电压;小信号模型;比例-积分-谐振控制;电流前馈

中图分类号:TM 41 文献标识码:A

DOI:10.16081/j.issn.1006-6047.2019.04.011

0 引言

随着电气设备向小型化、轻型化方向发展,传统 电力变压器已经不能满足社会发展需求,三级式电 力电子变压器因具有体积小、重量轻、空载损耗小、 功率密度高等优点出现在人们生活中^[1]。由于单相 交流输入交流输出系统变流器的固有特性,系统整 流级和逆变级直流侧电容中不可避免地包含二次脉 动功率,进而产生二次纹波电压,影响系统供电质量 以及可靠性^[2]。为抑制二次纹波电压,传统方法是 增大直流侧支撑电容。该方法能有效抑制二次纹波 电压,但却增大了系统体积,提高了成本,不符合未 来发展趋势。因此,如何在不增大直流侧支撑电容 容值的基础上抑制二次纹波电压,是电力电子变压 器广泛应用必须解决的重要问题^[3-4]。

目前,国内外学者针对二次纹波电压抑制手段 主要可分为拓扑抑制和控制策略抑制^[5]。在拓扑抑 制中,文献[6]通过外加电感支路对二次纹波电流 进行分流来达到抑制二次纹波电压的目的,文献 [7]通过外加有源滤波器向直流侧注入反向二次纹 波电流来抑制二次纹波电压。这2种拓扑的抑制效 果显著,但需增大系统体积与成本。在控制策略抑 制中,文献[8]通过对隔离 DC-DC 变换器建立大信 号数学模型,提出采用反馈线性化与二次纹波扰动 前馈的移相控制来抑制二次纹波电压,该控制较复 杂且未给出控制器具体参数设计。文献[9]通过建 立逆变器输入纹波电压数学模型并以音频敏感系数 为分析对象,提出采用比例-积分(PI)+准比例谐振 的控制手段对音频敏感系数进行控制来抑制电压纹

收稿日期:2018-04-08;修回日期:2019-01-25

基金项目:国家自然科学基金资助项目(51477044)

Project supported by the National Natural Science Foundation of China (51477044)

波,该控制参数较多,控制器计算负荷大,系统动态 响应较慢。文献[10-11]均以两级式逆变器二次纹 波电流为研究对象,通过改进控制方式,在二次纹波 电流路径上叠加虚拟阻抗抑制二次纹波电流的流 通,达到抑制二次纹波电压的目的。该类方法虽然 抑制了二次纹波功率流入电源侧,却导致二次纹波 功率流入电容,直流侧二次纹波电压势必会增大。 综上所述,采用拓扑和控制策略抑制都能有效抑制 二次纹波电压,但相较于拓扑抑制,控制策略抑制以 系统体积小、节约成本等优势,成为二次纹波电压抑 制研究热点^[12-13]。

本文提出了一种改进型抑制二次纹波电压的控制策略。分析电力电子变压器高低压直流侧二次纹 波电压的产生机理;在双主动桥(DAB)等效模型中 考虑开关电阻、变压器励磁电感以及铜耗电阻,建立 准确的 DAB等效模型;在 DAB传统双闭环控制中, 电流内环采用比例-积分-谐振(PIR)控制器,实现 对交直流信号无差跟踪,同时在低压侧引入二次纹 波电流前馈(SCFF),使高低压侧二次脉动功率向负 载侧稳定传输,达到抑制高低压直流侧二次纹波电 压的目的。对控制器关键参数进行了详细分析,同 时将所提控制方法与传统方法进行分析比较。最后 通过仿真和实验验证了本文方法的合理性和有 效性。

1 二次纹波电压产生机理

三级式电力电子变压器的具体架构如图 1 所示。

假设整流级和逆变级均为理想单位功率因数传输;开关管的频率远远大于电网频率,忽略开关损耗 以及开关管导通、关断时间。输入级网侧电压和电 流表达式如下:



图 1 三级式单相电力电子变压器的架构

Fig.1 Architecture of three-stage single-phase power electronic transformer

$$u_{\text{grid}} = U_{\text{grid}} \sin(\omega t)$$
, $i_{\text{grid}} = I_{\text{grid}} \sin(\omega t)$ (1)

其中, U_{grid} 和 I_{grid} 分别为输入电压和电流的幅值; $\omega = 2\pi f$,为网侧基波角频率,其中f为网侧基波频率。

通过附录 A 中的公式推导可得出直流侧瞬时功率由直流分量 p₀、二次纹波功率 p₁₀两部分组成:

$$\begin{cases} p_{o} = U_{grid} I_{grid} / 2\\ p_{rip} = -U_{grid} I_{grid} \cos(2\omega t) / 2 \end{cases}$$
(2)

当整流输出侧含有二次脉动功率时,直流侧电流可以表示为^[14]:

$$i_{\rm deH} = I_{\rm deH} \left[1 - 2 \sum_{n_1 = 2, 4, 6, \cdots} \frac{\cos(n_1 \omega t)}{n_1^2 - 1} \right]$$
(3)

由式(3)可知,直流侧输出电流除了含有直流 分量之外,还含有2、4、6等偶数次谐波。由于二次 纹波电流占比远远大于其他偶次谐波,可忽略二次 以上高次谐波。二次纹波功率传输时流入直流侧支 撑电容,使二次纹波电流与支撑电容阻抗相互作用, 产生了二次纹波电压,其表达式如下:

$$\hat{u}_{\rm deH} = \frac{1}{C_{\rm H}} \int \left[-2I_{\rm deH} \frac{\cos(2\omega t)}{2^2 - 1} \right] dt = \frac{i_{\rm ripH}}{3\omega C_{\rm H}}$$
(4)

其中, i_{ripH} = I_{deH} sin($2\omega t$),为高压直流侧二次纹波电流; \hat{u}_{deH} 为高压直流侧二次纹波电压; C_{H} 为高压直流侧支撑电容。

逆变级为整流级的逆过程,因此与整流级推导 类似,也可得出逆变级直流侧二次纹波电流和电压 的表达式如下:

$$\begin{cases} i_{\rm deL} = I_{\rm deL} \left[1 - 2 \sum_{n_1 = 2, 4, 6, \dots} \frac{\cos(n_1 \omega_0 t)}{n_1^2 - 1} \right] \\ \hat{u}_{\rm deL} = \frac{1}{C_{\rm L}} \int \left[-2I_{\rm deL} \frac{\cos(2\omega_0 t)}{2^2 - 1} \right] dt = \frac{i_{\rm ripL}}{3\omega_0 C_{\rm L}} \end{cases}$$
(5)

其中, i_{ripL} = $I_{deL}sin(2\omega_o t)$,为低压直流侧二次纹波电 流; \hat{u}_{deL} 为低压直流侧二次纹波电压; C_L 为低压直流 侧支撑电容; ω_o =2 πf_2 ,为负载侧基波角频率,其中 f_2 为负载侧基波频率。

二次纹波电压是因存在二次纹波功率而产生的,通过式(4)可以看出,其主要与3个参数有关,即 二次纹波电流 *i*_{ripH} = *I*_{deH}sin(2*ωt*)、直流侧的支撑电容 *C*_H、角频率 *ω*。*ω* 为固定基频角频率,保持不变。综 上所述,为抑制二次纹波电压,只能通过增大电容值 或改变电流传输路径来改变二次纹波功率的流向。 基于经济性以及向小型化方向发展的考虑,本文通 过降低 DAB 在 2 倍频处的阻抗,使二次纹波电流通 过 DAB 流向负载侧,最终使高低压直流侧二次功率 向负载侧转移,高低压直流侧二次纹波电压大幅 降低。

2 DAB 降阶小信号模型

传统 DAB 降阶等效模型未考虑 IGBT 开关电阻 $R_{\rm s}$ 、变压器磁化电感 $L_{\rm M}$ 以及变压器铜耗等效电阻 $R_{\rm M}$,使等效模型存在一定的误差,而本文模型中考 虑了上述参数^[15],具体拓扑如图 2 所示。图中, $L_{\rm k1}$ 、 $R_{\rm k1}$ 和 $L_{\rm k2}$ 、 $R_{\rm k2}$ 分别为高频变压器一次侧和二次侧漏 感、绕线电阻; $R_{\rm H}$ 为高压直流侧寄生电阻; $R_{\rm L}$ 为低 压直流侧寄生电阻; $R_{\rm S1}$ — $R_{\rm S8}$ 为 IGBT 开关电阻; $U_{\rm deH}$ 、 $U_{\rm deL}$ 分别为高压直流侧电压和低压直流侧电 压; i_i 、 i_o 分别为输入和输出电流; i_1 和 i_2 分别为前端 变流器输入电流的平均值和后端变流器输出电流的 平均值。



图 2 DAB 电路拓扑

Fig.2 Topology of DAB circuit

将高频变压器二次侧开关电阻以及绕线电阻参数折算到一次侧,同时将 DAB 回路中电阻同类项进行合并,用一个等效电阻值 R_{ek}代替,铜耗等效电阻 R_M 与其他电阻不是一个数量级,不能并入 R_{ek},即:

$$R_{\rm ek} = R_{\rm k1} + R_{\rm S1} + R_{\rm S4} + n^2 (R_{\rm k2} + R_{\rm S5} + R_{\rm S8})$$
(6)

由于开关都采用相同的 IGBT,可近似认为开关 电阻值 *R*_{s1}—*R*_{s8}都相等。式(6)可进一步化简为:

$$R_{\rm ek} = R_{\rm k1} + 2R_{\rm S1} + n^2 (R_{\rm k2} + 2R_{\rm S1})$$
(7)

同理,将 L_{k2}折算到一次侧,并与 L_{k1}进行合并, 用一个等效电感 L_{ek}替代,由于磁化电感 L_M 与其他 电感不是一个数量级,不能计入 L_{ek},即:

$$L_{\rm ek} = L_{\rm k1} + n^2 L_{\rm k2} \tag{8}$$

将等效漏感与电阻代入图 2,可以得出如附录 B 中图 B1 所示的简化等效电路图。

2.1 隔离级 DAB 的稳态状态方程

由图 2 可知,隔离级由前后 2 个变流器以及 1 个高频变压器组成。前后两端变流器的稳态状态方 程如下:

$$\begin{cases} C_{\rm H} \frac{{\rm d}u_{c_{\rm H}}}{{\rm d}t} = i_{\rm i} - i_{\rm 1} \\ R_{\rm H} C_{\rm H} \frac{{\rm d}u_{c_{\rm H}}}{{\rm d}t} = u_{\rm deH} - u_{c_{\rm H}} \\ C_{\rm L} \frac{{\rm d}u_{c_{\rm L}}}{{\rm d}t} = i_{\rm 2} - i_{\rm o} \\ R_{\rm L} C_{\rm L} \frac{{\rm d}u_{c_{\rm L}}}{{\rm d}t} = u_{\rm deL} - u_{c_{\rm L}} \end{cases}$$
(9)

其中,*u*_{CH}、*u*_{CL}分别为高压直流侧电容电压、低压直流侧电容电压。

通过附录 B 中 B-1 公式推导可得出前端变流器 输入电流在一个周期内的平均值为:

$$i_{1} = \frac{1}{T} \left(\int_{0}^{dT} i_{\lambda} dt + \int_{dT}^{T} i_{\zeta} dt \right) - \frac{\widetilde{u}_{deL}}{R_{M}}$$
(10)

其中, $\tilde{u}_{deL} = nu_{deL}$; *T* 为开关周期的一半; i_{λ} 为 0 — *dT* 时段电流的瞬时值; i_{ζ} 为 *dT*—*T* 时段电流的瞬时值; $d = \varphi/\pi$, 为相移比。

式(10)中流过激磁电感 $L_{\rm M}$ 中的电流在一个周期内的平均值为 0,所以只需考虑流过铜耗电阻 $R_{\rm M}$ 的电流。

对于折算到一次侧的输出电流 i_2 ,它在一个周期内的充放电过程与 i_1 相反。通过上述推导可知 $i_2=i_2/n$,最终得出后端变流器输出电流在一个周期 的平均值为:

$$i_{2} = \frac{n}{T} \left(\int_{0}^{dT} -i_{\lambda} \mathrm{d}t + \int_{dT}^{T} i_{\zeta} \mathrm{d}t \right) - \frac{n \widetilde{u}_{\mathrm{deL}}}{R_{\mathrm{M}}}$$
(11)

化简后可得 DAB 降阶平均等效电路模型如附录 B 中图 B2 所示。

2.2 隔离级 DAB 小信号模型

对上述等效电路模型进行小信号建模。在某一 稳态点加入小扰动,设 DAB 输入和输出扰动电压分 别为 \hat{u}_{del} 、 \hat{u}_{del} ,DAB 输入和输出电流扰动量分别为 \hat{i}_i , \hat{i}_o ,高频变压器输入和输出电流扰动量分别为 \hat{i}_1 、 \hat{i}_2 ,占空比扰动量为 \hat{d} ,将扰动量代入降阶平均等效 模型,可以建立该系统的小信号模型为:

$$\begin{cases} C_{\rm H} \frac{\mathrm{d}\hat{u}_{c_{\rm H}}}{\mathrm{d}t} = \hat{i}_{\rm i} - \hat{i}_{\rm 1} \\ \frac{\hat{u}_{\rm deH} - \hat{u}_{C_{\rm H}}}{R_{\rm H}} = C_{\rm H} \frac{\mathrm{d}\hat{u}_{C_{\rm H}}}{\mathrm{d}t} \\ C_{\rm L} \frac{\mathrm{d}\hat{u}_{c_{\rm L}}}{\mathrm{d}t} = \hat{i}_{\rm 2} - \hat{i}_{\rm o} \\ \frac{\hat{u}_{\rm deL} - \hat{u}_{C_{\rm L}}}{R_{\rm L}} = C_{\rm L} \frac{\mathrm{d}\hat{u}_{C_{\rm L}}}{\mathrm{d}t} \\ \hat{i}_{\rm 1} = (m_{\rm 1}\hat{d} + m_{\rm 2}\hat{u}_{\rm deH} + m_{\rm 3}\hat{u}_{\rm deL}) / n \\ \hat{i}_{\rm o} = p_{\rm 1}\hat{d} + p_{\rm 2}\hat{u}_{\rm deH} + p_{\rm 3}\hat{u}_{\rm deL} \end{cases}$$
(12)

其中,*m*₁—*m*₃ 和 *p*₁—*p*₃ 具体的表达式见附录 B 中 B-2。通过对式(12)进行拉普拉斯变换推导,可得出 移相占空比对输出电流的传递函数为:

$$G_{2d}(s) = \frac{i_2(s)}{\hat{d}(s)} \bigg|_{\hat{u}_{deH}(s)=0, \hat{u}_{deL}(s)=0} = \frac{1}{R_s} \bigg[1 + \frac{R_s}{R_L} \bigg(1 - \frac{1}{1 + sC_L} \bigg) \bigg] \times \frac{p_1 - p_2 m_1 / G_{T1}(s)}{G_{T1}(s) / n + p_2 m_3 / G_{T1}(s)}$$
(13)

其中, R_s 为负载等效电阻; $G_{TI}(s)$ 具体的表达式如式 (14)所示。

$$G_{\rm TI}(s) = \frac{1}{R_{\rm H}} + m_2 - \frac{1/R_{\rm H}}{1 + R_{\rm H}C_{\rm H}s}$$
(14)

3 二次纹波电压抑制方法

传统 DAB 电压电流双闭环控制框图如图 3 所示。图中 G_v、G_i分别为电压和电流控制器, G_d为控制器延时环节, G_{2d}为系统传递函数, H_i和 H_v分别为电流和电压的采样系数。



图 3 传统电压电流双闭环简化控制框图

Fig.3 Simplified control block diagram of traditional voltage and current dual closed-loops

由于传统双闭环控制中忽略了功率的交流成 分,受控电压、电流被简化为直流信号,因此内外环 控制器都采用 PI 控制器以实现无静差控制。然而 实际功率传输过程中除了直流功率外还包括二次脉 动功率,因此受控电压、电流中也含有交流成分。而 PI 控制器由于带宽较窄,并不能对交流量实现稳定 无静差跟踪。虽然可以通过增加 PI 控制器的增益 来提高带宽进而实现无静差跟踪,但该方法并不能 改变控制器相角的误差。因此为解决该问题,本文 提出了采用 PIR 电流控制器和输入 SCFF 的控制方 法,具体控制框图如图 4 所示。



图 4 基于 SCFF 的电压电流双闭环控制框图 Fig.4 Control block diagram of voltage and current double closed-loops based on SCFF

图 4 中, *G*_d 为控制延时环节。在实际 DSP 控制 系统中, 传感器的数据采集以及相应的计算都存在 一定的延迟, 因此加入一个延时环节 e^{-sT}。表示一个 采样周期的计算延时,其中 T_s 为一个采样周期,通 过采样器的延迟可以表示为 1/T_s,此外数据采集计 算后还需通过一个零阶保持器来稳定一个周期内的 采样数据,最终延时环节可以等效为:

$$G_{\rm d} = {\rm e}^{-T_{\rm s}s} \times T_{\rm s} {\rm e}^{-0.5T_{\rm s}s} \times \frac{1}{T_{\rm s}} = {\rm e}^{-1.5T_{\rm s}s}$$
(15)

3.1 PIR 控制

图 4 中电流控制器 *C*_i采用了 PIR 控制器^[16], 它在 PI 控制器的基础上并联了一个谐振(R)控制器。在 PIR 控制器中,PI 用于对直流信号的跟踪控制,R 用于对二次交流信号的跟踪控制,该控制器能 实现同时对直流信号和二次交流信号的无差跟踪。

PIR 控制器的具体表达式为:

$$G_{\rm PIR} = K_{\rm p} + \frac{K_{\rm i}}{s} + \frac{2K_{\rm r}s}{s^2 + \omega_{\rm c}^2}$$
(16)

其中,K_p、K_i、K_r分别为控制器的比例增益系数、积分 增益系数以及谐振增益系数;ω_c为谐振角频率。该 控制器的伯德图如图 5 所示。从图 5 中可得出,该 控制器在直流和 100 Hz(628 rad/s)交流处具有较 高增益,在其余频段增益较低,因此可保证该控制器 能实现直流信号和二次交流信号顺利地通过 DAB 向后级传输。



Fig.5 Bode diagram of PIR controller

3.2 SCFF

为了准确传输二次脉动功率,本文在低压侧引 入了 SCFF。低压侧电流中除了含有二次纹波电流 还包含直流量以及高次谐波分量,因此为了使前馈 支路能准确前馈二次纹波电流,本文在前馈支路中 加入了带通滤波器进行一次滤波以及复合型高通滤 波器进行二次滤波。带通滤波器可以允许某一频率 范围内的交流信号通过,对频率范围之外的交流信 号进行衰减或抑制。

带通滤波器 G_{BFF}(s)具体的表达式如式(17)所示。

$$G_{\rm BPF}(s) = \frac{\frac{2\omega_{\rm p}s}{Q}}{s^2 + \frac{2\omega_{\rm p}s}{Q} + (2\omega_{\rm p})^2}$$
(17)

其中,ω_p为带通滤波器的特征角频率,同时也为带 通滤波器的中心频率;Q为带通滤波器的品质因数。

当品质因数分别为 1、5、10 时,带通滤波器的 伯德图和单位阶跃响应分别如图 6 和图 7 所示。 从图 6 所示的伯德图中可以得出,品质因数 Q 越 大,带通滤波器的滤波特性越好,但同时其通频带 也越窄。从图 7 所示的单位阶跃响应图中可以得 出,随着系统品质因数的增大,系统达到稳定所需 的时间越长,但同时超调量也会越小,影响负载突 变时的动态响应。因此综合考虑动态响应特性和 滤波特性,本文最终取品质因数 Q=5、特征角频率 $\omega_s=50$ Hz。





图 7 带通滤波器单位阶跃响应

Fig.7 Unit step response of band-pass filter

当前馈电流经过带通滤波后,由于带通滤波器 频带选取存在一定的误差,滤波后的电流仍含有部 分中高频量,因此为了准确滤选出二次纹波电流,本 文采用一种复合型高通滤波器(HPF)对滤波后的电 流进行二次滤波。该滤波器除了具有高通特性之 外,还兼具滑动平均滤波器(MAF)的性能。滑动平 均滤波器对高频振荡系统的周期性干扰信号具有优 良的抑制效果,且在数字控制器中也简单易实现,因 此能够快速、精确地对二次纹波电流进行二次滤波。 复合型高通滤波器架构见附录 C 中图 C1。

滑动平均滤波器的传递函数如式(18)所示。 通过复合型高通滤波器架构进行传递函数推导,得 出复合型高通滤波器传递函数如(19)所示。

$$G_{\rm MAF}(s) = \frac{1}{N_{\rm s}} \frac{1 - e^{-sN_{\rm s}T_{\rm s}}}{1 - e^{-sT_{\rm s}}}$$
(18)

$$G_{\rm HPF}(s) = 1 - G_{\rm MAF}(s) = 1 - \frac{1}{N_{\rm s}} \frac{1 - e^{-sN_{\rm s}T_{\rm s}}}{1 - e^{-sT_{\rm s}}} \qquad (19)$$

其中, N_s 为一个周期内滤波器的采样次数。为了使 滤波器对二次纹波电流无影响,设定 $T_s = 1/(2f)$, $N_s = f_s/(2f)$, f_s 为 DAB 开关频率。图 8 为复合型高通滤 波器和滑动平均滤波器的伯德图。从图中可以得 出,复合型高通滤波器在 2 倍频(100 Hz)处阻抗为 0,截止频率为 30 Hz,该滤波器能有效通 2 倍频交 流,隔离直流。



图 8 复合型高通滤波器伯德图

Fig.8 Bode diagram of composite high-pass filter

将 $G_{BPF}(s)$ 、 $G_{HPF}(s)$ 以及电流反馈增益 H_i 整合为一个 SCFF 的控制框图即 $G_{SCFF}(s)$,则图 4 可以化简为图 9。





Fig.9 Simplified control block diagram of voltage and current double closed-loops based on SCFF

通过对图9所示的控制框图进行推导,可得出 低压直流侧电压表达式为:

 $U_{\rm dcL} = G_{\rm DAB}(s) U_{\rm dcLr} + i_1 Z_{\rm SCFF}(s) - i_0 Z_0(s) \quad (20)$

其中, $G_{\text{DAB}}(s)$ 为 DAB 中 U_{deL} 到 U_{deL} 的闭环传递函数; U_{deL} 为低压直流侧电压参考值; $Z_{\text{sCFF}}(s)$ 为输入侧二次纹波电流到低压直流侧电压的等效阻抗值; $Z_{o}(s)$ 为低压直流侧输出电流与输出电压的等效阻抗。其具体表达式见附录 C 中 C-1。

图 10 展示了 DAB 采用 PI 电流控制器和 PIR 电流控制器时,各自输出阻抗的伯德图。从图 10 中可以得出:在频率为 2 倍频(100 Hz)时,相比于 PI 控制器,采用 PIR 控制器会使系统的输出阻抗 显著减小,从而能使二次纹波电流顺利地通过 DAB 传输至低压直流侧,完成二次纹波电流的相 互补偿。

由式(20)可得,要完全抑制二次纹波电压,就 需要使前馈输入二次纹波电流与阻抗产生的二次纹 波电压和负载二次纹波电流与阻抗产生的二次纹波 电压相等进而相互抵消,即:



图 10 输出阻抗伯德图

Fig.10 Bode diagram of output impedance

$$U_{dcL} = G_{DAB}(s) U_{dcLx} + i_1 Z_{SCFF}(s) - i_o Z_o(s) = G_{DAB}(s) U_{dcLx}$$
(21)

$$U_{\rm rip} = i_1 Z_{\rm SCFF}(s) - i_0 Z_0(s) = 0$$
 (22)

通过式(4)、(5)关于二次纹波电流和电压推导可知,高、低压直流侧二次纹波电流幅值和相位可认为近似相等,即 $i_1 \approx i_o \approx i_{rip}$,将式(22)进行代入化简,可得:

$$\begin{cases} U_{\rm rip} = \frac{(G_{\rm SCFF}(s)G_{\rm ii}(s)-1)i_{\rm rip}Z_{\rm C}(s)}{1+G_{\rm v}(s)G_{\rm ii}(s)H_{\rm v}Z_{\rm C}(s)} = 0\\ Z_{\rm rip} = \frac{U_{\rm rip}}{i_{\rm rip}} = \frac{(G_{\rm SCFF}(s)G_{\rm ii}(s)-1)Z_{\rm C}(s)}{1+G_{\rm v}(s)G_{\rm ii}(s)H_{\rm v}Z_{\rm C}(s)} = 0 \end{cases}$$
(23)

要使二次纹波电压为 0,只需使二次纹波阻抗 为 0,即令 $G_{SCFF}(s)G_{ii}(s)-1=0$ 便能实现二次纹波电 压为 0。由于 PIR 在谐振频率处,有:

$$\lim_{s \to \omega_{\rm c}} G_{\rm PIR} = K_{\rm p} + \frac{K_{\rm i}}{s} + \frac{2K_{\rm r}s}{s^2 + \omega_{\rm c}^2} = +\infty$$
(24)

可得:

$$G_{\rm ii}(s) = \frac{G_{\rm i}(s)G_{\rm d}(s)G_{\rm 2d}(s)}{1 + G_{\rm i}(s)G_{\rm d}(s)G_{\rm 2d}(s)H_{\rm i}} = 1 \qquad (25)$$

因此只需 $G_{\text{SCFF}}(s) = 1 = 0$,便能实现二次纹波电压为 0,即:

$$G_{\text{SCFF}}(s) = G_{\text{BPF}}(s)H_{\text{i}} = \frac{\frac{2\omega_{\text{p}}s}{Q}H_{\text{i}}}{s^2 + \frac{2\omega_{\text{p}}s}{Q} + (2\omega_{\text{p}})^2} = 1 \quad (26)$$

由于开关频率高, H_i 可近似是一个系数为1的 增益,因此只需满足 $s^2+(2\omega_p)^2=0$ 便能使 $G_{SCFF}(s)=$ 1,最终使阻抗 $Z_{rip}=0$ 。在2倍频(100 Hz)处,恰能 实现 $s^2+(2\omega_p)^2=0$ 。

通过分析作出 PIR+SCFF 控制下 DAB 低压侧 输出阻抗伯德图如图 11 所示。从图中可以得出,在 100 Hz 处低压直流侧输出阻抗为 0,因此高压侧能 向低压侧稳定地传输二次纹波电流,使高压直流侧 二次纹波功率向负载侧稳定传输,最终实现抑制高 低压直流侧二次纹波电压的目的。



图 11 PIR+SCFF 控制下输出阻抗伯德图

Fig.11 Bode diagram of output impedance under PIR+SCFF control

4 仿真及实验验证

4.1 仿真验证

根据本文所提的控制方法,在 MATLAB/Simulink 环境下搭建了单相电力电子变压器的系统模型。电 力电子变压器系统具体电路参数见附录 D 中表 D1。

图 12 给出了采用传统 PI 和 PIR+SCFF 策略下 高压直流侧电压的波形对比图。从图中可得出,当 采用传统 PI 控制时,电压二次波动范围为±7 V;当 采用本文所提控制策略时,电压二次波动范围仅为 ±1 V。



Fig.12 Waveforms of high voltage DC-side voltage under different controllers

图 13 给出了 2 种控制策略下低压直流侧电压 对比波形。从图中可知,在本文提出的 PIR+SCFF 的控制方法下,二次纹波电压波动范围从±4 V 下降 到仅有±0.5 V。因此,从仿真结果中可以得出本文



所提方法能有效降低高低压直流侧二次纹波电压和电容的二次纹波电流。

4.2 实验验证

为了进一步验证本文所提控制方法的有效性, 在实验室搭建了 RT-LAB 硬件在环实验平台进行实 验验证,实验平台图见附录 D 中图 D1。图中,DAB 电压外环参数 $K_{up}=5, K_{ui}=0.04$;电流内环参数 $K_{ip}=0.2, K_{ii}=0.035, K_{iR}=10$ 。

图 14 给出了 DAB 在传统双 PI 控制下网侧电 压与高低压直流侧电压实验波形图。从实验图中可 以得出,当采用传统双 PI 闭环控制时,高压直流侧 二次纹波电压在±18 V 范围内变化,低压直流侧二 次纹波电压在±16 V 范围内变化,因此采用传统双 PI 控制时高低压直流侧纹波电压波动较大。



Fig.14 Experimental waveforms

图 15 为电流内环采用 PIR 控制器并在 1 s 时加 入输出 SCFF 的实验波形,从图中可得出,在 1 s 时, 高低压直流侧二次纹波电压有明显的下降;高压直 流侧二次纹波电压波动范围从±18 V 下降到±7.5 V, 低压直流侧二次纹波电压波动范围从±16 V 下降到 ±6.8 V。高、低压直流侧电容电流实验波形对比图 可分别见附录 D 中图 D2 和图 D3。



Fig.15 Experimental waveforms

在实际系统中,负载都为阻感性负载,网侧和负载侧都会存在一个相位差。因此本文进一步探究了 相角差与电压畸变率的关系。通过仿真和实验数据 测出了在不同相位差时,高低压直流侧二次纹波电 压变化情况,并做出了相应的二次纹波电压畸变率 随相角的变化图如图 16 所示。从图中可以得出,随 着相角差的增大,电压畸变率也随之变大。当相角 差超过 90°时,高、低压侧二次纹波畸变率将超过 1, 二次纹波电压反而增大。因此可得出在负载和网侧 相角差为 0°~90°时,本文所提的控制方法能有效抑 制高、低压直流侧二次纹波电压。



5 结论

针对单相交流输入交流输出电力电子变压器高 低压直流侧二次纹波电压抑制问题,本文提出一种 "电流内环 PIR 控制器+低压侧 SCFF"的二次纹波 电压抑制方法,可得结论如下:

a. 该控制方法是基于小信号降阶等效模型的, 相较于其他等效模型,小信号模型在功率传输和控制方面具有计算量更少、准确度更高的特点;

b.提出了低压侧 SCFF 的方法,不仅增加了控制器的动态响应速度,还提高了高低侧二次纹波功率相互传输的精确度;

c. DAB 电流内环采用 PIR 控制器, 解决了 PI 控制器在 2 倍频处存在的带宽限制问题, 使网侧输出的直流功率和二次纹波功率通过 DAB 向负载侧稳定传输;

d. 仿真和实验结果验证了本文所提控制策略 相较于传统 PI 控制等方法在抑制二次纹波电压方 面有明显优势,对提升电力电子变压器的性能有一 定的参考价值。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

参考文献:

[1]赵争鸣,冯高辉,袁立强,等.电能路由器的发展及其关键技术 [J].中国电机工程学报,2017,37(13):3823-3834.

ZHAO Zhengming, FENG Gaohui, YUAN Liqiang, et al. The development and key technologies of electric energy router[J]. Proceedings of the CSEE, 2017, 37(13):3823-3834.

 [2] 丁明,陈中,张国荣,等.级联H桥储能变换器直流纹波电流的 无源与有源抑制策略[J].电力自动化设备,2016,36(4):19-24, 61.

DING Ming, CHEN Zhong, ZHANG Guorong, et al. Passive and active schemes of DC ripple suppression for cascaded H-bridge converter of energy storage system [J]. Electric Power Automation Equipment, 2016, 36(4); 19-24, 61.

- [3] WANG J, JI B, LU X, et al. Steady-state and dynamic input current low-frequency ripple evaluation and reduction in two-stage singlephase inverters with back current gain model [J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2014, 29(8):4247-4260.
- [4] 王浩然,朱国荣,伏潇斌,等. 无电解电容单相电力变换器直接 脉动功率控制方法[J].中国电机工程学报,2016,36(13): 3573-3581,3376.

WANG Haoran, ZHU Guorong, FU Xiaobin, et al. A directly pulsa-

tion power control strategy for single-phase power converters with E-cap free[J]. Proceedings of the CSEE, 2016, 36(13): 3573-3581, 3376.

- [5] 汪飞,雷志方,梁东,等. 单相逆变器低频脉动电流抑制机理分析与方法综述[J]. 电力自动化设备,2017,37(2):184-191,198.
 WANG Fei, LEI Zhifang, LIANG Dong, et al. Analysis of mechanism and review of methods for low-frequency ripple current suppression of single-phase inverter [J]. Electric Power Automation Equipment,2017,37(2):184-191,198.
- [6] 李红波,张凯,赵晖,等. 基于功率解耦的高功率密度单相整流器[J]. 电工技术学报,2011,26(增刊1):77-82.
 LI Hongbo, ZHANG Kai, ZHAO Hui, et al. A high power density single rectifier with power decoupling function[J]. Transactions of China Electrotechnical Society,2011,26(Supplement 1):77-82.
- [7] 李红波,张凯,赵晖. 高功率密度单相变换器的直流有源滤波器研究[J]. 中国电机工程学报,2012,32(15):40-47.
 LI Hongbo,ZHANG Kai,ZHAO Hui. Researches on DC active power filters for high power density single phase converters[J]. Proceedings of the CSEE,2012,32(15):40-47.
- [8] 殷晓东,罗登,李祖勇,等. 一种双向隔离 DC-DC 变换器二次纹 波电压抑制方法[J]. 电工技术学报,2018,33(6):1356-1363.
 YIN Xiaodong,LUO Deng,LI Zuyong, et al. A second-order ripple voltage suppression algorithm of bidirectional isolation DC-DC converter[J]. Transactions of China Electrotechnical Society,2018,33 (6):1356-1363.
- [9] 候虚虚,秦岭,茅靖峰,等.两级式单相光伏并网逆变器输入电 压 PI+QPR 鲁棒控制器设计[J].电网技术,2017,41(9):2910-2918.

HOU Xuxu, QIN Ling, MAO Jingfeng, et al. Design of input voltage robust PI+QPR controller for two-stage single-phase PV grid-connected inverter[J]. Power System Technology, 2017, 41(9):2910-2918.

[10] 祝国平,阮新波,王学华,等.两级式单相逆变器二次纹波电流的抑制与动态特性的改善[J].中国电机工程学报,2013,33 (12):72-80,188.

ZHU Guoping, RUAN Xinbo, WANG Xuehua, et al. Suppression of the second harmonic current and improvement of the dynamic performance for two-stage single-phase inverters [J]. Proceedings of the CSEE, 2013, 33(12):72-80, 188.

- [11] 张力,任小永,阮新波. 基于虚拟阻抗且提高系统带宽的抑制两级式逆变器中二次谐波电流的控制策略[J]. 电工技术学报,2014,29(6):136-144. ZHANG Li,REN Xiaoyong,RUAN Xinbo. Control strategy to improve the bandwidth and reduce the second harmonic current in the two-stage inverter based on virtual impedance[J]. Transactions of China
- [12] KSIAZEK P F, ORDONEZ M. Swinging bus technique for ripple current elimination in fuel cell power conversion [J]. IEEE Transactions on Power Electronic, 2014, 29(1):170-178.

Electrotechnical Society, 2014, 29(6): 136-144.

- [13] 郭晓瑞,王培良,郭吉丰,等. 光伏并网逆变器母线电压纹波的 分析与控制[J]. 电力自动化设备,2017,37(5):48-53.
 GUO Xiaorui,WANG Peiliang,GUO Jifeng, et al. Analysis and control of bus voltage ripples for grid-connected photovoltaic inverter [J]. Electric Power Automation Equipment,2017,37(5):48-53.
- [14] 李红波.大功率交直交牵引变流器相关问题研究[D].武汉:华 中科技大学,2012.

LI Hongbo. Study of high power AC-DC-AC traction converter[D]. Wuhan; Huazhong University of Science and Technology, 2012.

[15] ZHANG K, SHAN Z, JATSKEVICH J. Large- and small-signal ave-

76

rage-value modeling of dual-active-bridge DC-DC converter considering power losses [J]. IEEE Transactions on Power Electronics, 2017, 32(3): 1964-1974.

 [16] 秦世耀,刘其辉,宋诗雨,等. 考虑转子电压电流耦合全补偿的 双馈感应发电机改进 PI-R 电流控制策略[J]. 电力自动化设 备,2017,37(7):198-204,212.
 QIN Shiyao,LIU Qihui,SONG Shiyu, et al. Improved PI-R current control strategy with complete compensation for coupled harmonic

control strategy with complete compensation for coupled harmonic voltage and current of DFIG rotor[J]. Electric Power Automation Equipment, 2017, 37(7):198-204, 212.

作者简介:



许加柱(1980—),男,安徽来安人,教授,博士,主要研究方向为交直流电能变换 新技术(**E-mail**:xujiazhu@126.com);

韦 杰(1991—),男,四川成都人,硕 士研究生,主要研究方向为交直流电能变 换新技术、电力电子变压器在牵引系统中 的应用(E-mail:weij_hnu@163.com)。

Secondary ripple voltage suppression strategy based on coordinated control of input and output currents for dual active bridge

XU Jiazhu, WEI Jie, PAN Hongjie, HAO Mingxuan, WANG Tao

(College of Electrical and Information Engineering, Hunan University, Changsha 410082, China)

Abstract: The secondary ripple power transmission of isolation stage of single-phase PET(Power Electronic Transformer) is small and uncontrollable. As a result, a large amplitude secondary ripple voltage appears on the DC side, which could negatively impact the quality and reliability of the power supply system. The switch resistance, transformer magnetizing inductance and copper loss resistance are added to the traditional dual active bridge reduced-order equivalent model, which can improve the accuracy of secondary ripple power transmission. Moreover, in the control of DAB(Double Active Bridge), PIR(Proportional-Integral-Resonant) control is employed in the inner current-loop, and the secondary ripple current on the low voltage side is used as feed-forward compensation. Consequently, stable transmission of secondary ripple power from high and low voltage DC side to load side can be achieved, which enables greatly reduced secondary ripple voltage amplitude at high and low voltage DC sides. To improve the dynamic response of the controller, the critical parameters of the controller are optimized. Finally, the effectiveness of the proposed method is verified by simulation and experiment.

Key words: power electronic transformer; dual active bridge; second ripple voltage; small-signal model; PIR control; current feed forward

附 录

附录 A

直流	侧输入功率表示为:		
	$p_{\rm in} = p_{\rm grid} = \frac{U_{\rm grid}I_{\rm grid}}{2}$	$\left[1 - \cos(2\omega t)\right]$	(A1)
· +++	上回個は合う社支	上古达加热)	고나 교교

其中, *p*_{grid} 为网侧输入功率; *p*_{in} 为直流侧输入功率。 由式(1)可知:

$$i_{dcH} = \frac{\pi}{2} I_{dcH} |\sin(\omega t)|$$
 (A2)
其中, $I_{dcH} 为 i_{dcH}$ 一个周期内的平均值。



图 B1 DAB 等效电路拓扑

Fig.B1 Equivalent circuit topology of DAB





B-1由于变压器输入电流近似为周期波,因此可 认为输入电流和输出电流的平均值和瞬时值在一个周 期相等。*i*₁一个周期的瞬时表达式如式(3)所示。

$$i_{1} = \begin{cases} i_{\lambda} = \frac{u_{dcH} + \tilde{u}_{dcL}}{R_{ck}} \left(-i\left(0\right) - \frac{u_{dcH} + \tilde{u}_{dcL}}{R_{ck}} \right) e^{-\frac{R_{ck}}{L_{ck}}t} \\ 0 \le t \le dT \\ i_{\zeta} = \frac{u_{dcH} - \tilde{u}_{dcL}}{R_{ck}} + \left(i\left(dT\right) - \frac{u_{dcH} - \tilde{u}_{dcL}}{R_{ck}} \right) e^{-\frac{R_{ck}}{L_{ck}}(t - dT)} \\ dT \le t \le T \end{cases}$$

(B1) 其中, *ũ*_{deL} = *nu*_{deL}; *T* 为半个开关周期。在一个周期内, 由于高低压直流侧电压波动较小,因此可以近似将 *u*_{deH}、*u*_{deL}看作常数。化简得出*i*(0)与*i*(d*T*)的具体表 达式:

$$\begin{cases} i(0) = \frac{\frac{u_{dcH} - \tilde{u}_{dcL}}{R_{ek}} + \frac{2\tilde{u}_{dcL}}{R_{ek}} e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}(T - dT)} - \frac{u_{dcH} + \tilde{u}_{dcL}}{R_{ek}} e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T}} \\ i(0) = \frac{\frac{u_{dcH} + \tilde{u}_{dcL}}{R_{ek}} - \frac{2u_{dcH}}{R_{ek}} e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T}}{1 + e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T}} + \frac{u_{dcH} - \tilde{u}_{dcL}}{R_{ek}} e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T}} \\ i(dT) = \frac{\frac{u_{dcH} + \tilde{u}_{dcL}}{R_{ek}} - \frac{2u_{dcH}}{R_{ek}} e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T}}{1 + e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T}}$$
(B2)

B-2

$$m_{\rm l} = \frac{nU_{\rm dcL}}{R_{\rm ek}} \left(2 - \frac{4e^{-\frac{R_{\rm ek}}{L_{\rm ek}}(1-D)T}}{e^{-\frac{R_{\rm ek}}{L_{\rm ek}}} + 1} \right)$$
(B3)

$$m_{2} = \frac{1}{R_{\rm ek}} \left[1 + \frac{L_{\rm ek}}{T} \times \frac{2\left(e^{-\frac{R_{\rm ek}}{L_{\rm ek}}T} - 1\right)}{R_{\rm ek}\left(e^{-\frac{R_{\rm ek}}{L_{\rm ek}}T} + 1\right)} \right]$$
(B4)

$$m_{3} = \frac{1}{nR_{ek}} \left[(2D-1) + \frac{L_{ek}}{T} \times \frac{2\left(e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T} - 2e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}(1-D)T} + 1\right)}{R_{ek}\left(e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T} + 1\right)} \right]$$
(B5)

$$p_{1} = \frac{U_{dcH}}{nR_{ek}} \left(\frac{4e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}}DT}{e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T} + 1} - 2 \right)$$
(B6)

$$p_{2} = \frac{1}{R_{ek}} \left[(1 - 2D) + \frac{L_{ek}}{T} \times \frac{2 \left(e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T} - 2e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}DT} + 1 \right)}{R_{ek} \left(e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T} + 1 \right)} \right] (B7)$$

$$p_{3} = \frac{1}{R_{ek}} \left[\frac{1}{R_{ek}} + \frac{L_{ek}}{R_{ek}T} \times \frac{2 \left(1 - e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T} + 1 \right)}{R_{ek} \left(e^{-\frac{R_{ek}}{L_{ek}}T} + 1 \right)} - \frac{1}{R_{M}} \right] (B8)$$

其中,**T**为半个开关周期;**D**为隔离级 DAB 的占空比; n 为高频变压器变比。





图 C1 复合型高通滤波器架构 Fig.C1 Composite high-pass filter architecture

$$\begin{cases} G_{\rm DAB} = \frac{G_{\rm v}(s)G_{\rm ii}(s)Z_{\rm C}(s)}{1 + H_{\rm v}G_{\rm v}(s)G_{\rm ii}(s)Z_{\rm C}(s)} \\ Z_{\rm C}(s) = \frac{1}{sC_{\rm dcl}} + R_{\rm dcl} \\ G_{\rm SCFF}(s) = G_{\rm BPF}(s)G_{\rm HPF}(s)H_{\rm i} \\ G_{\rm ii}(s) = \frac{G_{\rm i}(s)G_{\rm d}(s)G_{\rm 2d}(s)}{1 + G_{\rm i}(s)G_{\rm d}(s)G_{\rm 2d}(s)H_{\rm i}} \\ Z_{\rm o}(s) = \frac{Z_{\rm C}(s)}{1 + G_{\rm v}(s)G_{\rm ii}(s)H_{\rm v}Z_{\rm C}(s)} \\ Z_{\rm SCFF}(s) = \frac{G_{\rm SCFF}(s)G_{\rm ii}(s)H_{\rm v}Z_{\rm C}(s)}{1 + G_{\rm v}(s)G_{\rm ii}(s)H_{\rm v}Z_{\rm C}(s)} \end{cases}$$

$$(C1)$$

其中, $Z_{\text{SCFF}}(s)$ 为系统输入二次纹波电流前馈时输入 电流对低压直流侧电压的等效阻抗; $G_{\text{SCFF}}(s)$ 为二次 纹波电流前馈通路的传递函数; $G_{ii}(s)$ 为电流内环的 传递函数 $Z_{c}(s)$ 为低压侧电容支路阻抗; $G_{v}(s)$ 为电 压外环 PI 控制器。

附录 D

表 D1 仿真及实验系统参数 Table D1 System parameters simulation and experimental

参数	数值	参数	数值
整流器网压 U_{grid}/V	100	HFT 铜耗电阻 R _M /Ω	0.18
网侧电感值 L _g /mH	0.8	HFT 磁化电感 L _M /mH	1.56
高压直流压 U _{dcH} /V	200	低压直流压 U_{dcL}/V	150
高压侧电容 C _H /mF	0.5	低压侧电容 C_L/mF	0.3
高频变压器匝数比	1:1	一次侧漏抗 L _{kl} /mH	0.083
整流器开关频率/kHz	3	二次侧漏抗 L _{k2} /mH	0.025
DAB 开关频率/kHz	5	逆变器开关频率/kHz	3
DAB 开关电阻 R _S /Ω	0.02	电容电抗寄生电阻/Ω	0.0148



图 D1 RT-LAB 硬件在环实验平台 Fig.D1 RT-LAB based HIL testing platform



图 D2 采传统双 PI 控制器时实验对比波形 Fig.D2 Comparison waveforms of experiment using tranditional double PI controller

图 D2 为采用 DAB 传统控制方法下高低压直流侧 电容电流以及网侧电压实验波形。从图中可以看出, 在传统双 PI 控制方法下,高压直流侧电容的二次纹波 电流在±15A 范围内波动,低压直流侧电容的二次纹波 电流在±10A 范围内波动。

图 D3 为采用本文所提出控制方法时高低压直流 侧电容电流值与网侧电压的实验对比波形。从图中可 以得出在一秒时刻加入输出二次纹波电流前馈时,高 压直流侧电容的二次纹波电流从±15A 降低到±8A,低 压直流侧电容的二次纹波电流从±10A 降低到±6A。因 此可以得出本文所提方法能有效使高压侧二次纹波功 率能够顺利通过 DAB 向低压直流侧传输,并与低 压直流侧二次纹波功率相互抵消,从而降低流入高低 压直流侧电容的二次纹波电流,达到抑制高低压直流 侧二次纹波电压的目的



图 D3 采用内环 PIR 控制器并在 1 秒时加入 SCFF 的实验 对比图.

Fig.D3 Comparison waveforms of experiment using inner-loop PIR controller and adding SCFF at 1 second