# 气隙结构对特高压并联电抗器铁芯振动的影响

郭佳熠1,2, 耿江海1, 律方成1,2, 赵晓宇3, 牛雷雷1,2, 潘亦睿1

(1. 华北电力大学 河北省输变电设备安全防御重点实验室,河北 保定 071003;

2. 华北电力大学 新能源电力系统国家重点实验室,北京 102206;3. 中国电力科学研究院有限公司,北京 100192)

摘要:以气隙个数和气隙位置对特高压并联电抗器铁芯振动的影响为主要研究对象,在分析特高压并联电抗器铁芯振动机制的基础上,指出了麦克斯韦力和磁致伸缩力的矢量和是影响铁芯振动强度的主要原因;系统 分析了铁芯气隙可能存在的结构型式,搭建了具有不同气隙个数和气隙位置的特高压并联电抗器铁芯的真型仿真模型,并采用多物理场有限元仿真计算的方法,得到了气隙结构对特高压并联电抗器铁芯振动的影响 规律。研究结果表明,在研究范围内(气隙个数为15~25),特高压并联电抗器铁芯气隙个数越少则振动强度越 弱;气隙位置越靠近底轭则振动越强,越靠近铁芯柱3/4高度中心则振动越弱。在此基础上提出一种特高压 并联电抗器铁芯减振设计方案,与现有铁芯设计方案相比该方案能够使铁芯振动位移均方根减小18.925%。 关键词:特高压并联电抗器;铁芯;振动;气隙个数;气隙位置

中图分类号:TM 472

文献标志码:A

DOI:10.16081/j.epae.202101016

# 0 引言

特高压电网是我国现有电网的核心,无功平衡 是特高压电网设计的关键技术之一,特高压并联电 抗器是实现这一技术的关键设备<sup>[1]</sup>。振动超标是长 期困扰特高压并联电抗器安全稳定运行的一类重要 问题,研究特高压并联电抗器振动的影响因素,有助 于设计有针对性的减振方案,对于提高特高压电网 的运行可靠性具有至关重要的意义<sup>[23]</sup>。

目前,国内外已经开展了一系列针对电抗器振 动影响因素的研究,这些影响因素可以分为2类:外 施条件和铁芯材料。针对外施条件的影响,文献[4] 研究了铁芯预紧力对电抗器铁芯振动的影响,指出 增强铁芯预紧力能够有效降低铁芯振动;文献[5]研 究了阻尼弹性体对电抗器铁芯振动的影响规律,通 过对比试验验证了阻尼弹性体具有良好的减振降噪 效果。上述研究成果虽然有助于减弱电抗器的振 动,但并未涉及电抗器振动的机制,也无法从根本上 抑制振动的产生。针对铁芯材料的影响,文献[6-8] 研究了负磁致伸缩材料对电抗器铁芯振动的抑制效 果,通过理论分析指出负磁致伸缩材料是一种理想 的电抗器铁芯材料,能够大幅降低铁芯振动的强度; 文献[9-10]研究了气隙垫块硬度对电抗器铁芯振动 的影响,其中文献[9]指出铁芯气隙垫块的杨氏模量

#### 收稿日期:2020-09-28;修回日期:2020-11-24

基金项目:国家电网有限公司总部科技项目(特高压电抗器 全寿命周期本体质量提升及安全运行管控措施研究) (GYB17201900166)

Project supported by the Science and Technology Project of State Grid Corporation of China (Study on the Improvement of the Whole Life Cycle of the UHV Reactor and the Control Measures of Safe Operation)(GYB17201900166) 越大,铁芯的振动强度越小,文献[10]则认为并非气 隙垫块的硬度越大,铁芯的振动越弱,而是存在最佳 气隙垫块硬度能够使电抗器铁芯振动强度最小。上 述对于铁芯材料的研究旨在通过改变铁芯的受力来 调节其振动特征,具有较高的理论与工程价值,但新 材料的应用会增加电抗器的生产成本,这在一定程 度上限制了上述研究成果的应用前景。结合研究现 状可以发现,调节铁芯气隙特征是改善特高压并联 电抗器振动特性的有效方法,但现有研究普遍针对 气隙材料展开,缺少气隙结构对电抗器铁芯振动影 响的研究。特高压并联电抗器的受力不仅与铁芯材 料相关,还会受到铁芯结构(尤其是气隙结构)的影 响。在不影响电抗器其他性能的前提下,优化铁芯 气隙结构设计,同样可以改善铁芯振动性能。

本文研究了气隙结构(主要是气隙个数和气隙 位置)对特高压并联电抗器铁芯振动的影响。首先, 阐述了特高压并联电抗器铁芯振动的机理,并从理 论角度分析了特高压并联电抗器铁芯振动的影响因 素;然后构建了特高压并联电抗器铁芯振动的影响因 素;然后构建了特高压并联电抗器三维仿真模型,基 于该模型设计了一系列具有不同气隙结构的对照模 型;最后采用计及铁芯叠片规则与流-固耦合的特高 压并联电抗器铁芯振动计算方法研究了气隙个数和 气隙位置对特高压并联电抗器铁芯振动的影响规 律。本文的研究能够为特高压并联电抗器的优化设 计提供合理的建议,有利于在不大幅提高生产成本 的前提下,改善特高压并联电抗器的振动特性。

# 1 特高压并联电抗器铁芯振动机制

#### 1.1 铁芯振动机制

在研究特高压并联电抗器铁芯振动的影响因素 前,首先应该明确其振动机制。特高压并联电抗器 典型结构如图1所示。铁芯饼和铁轭均由硅钢片堆 叠而成,磁致伸缩是引起其振动的主要原因之一<sup>[11]</sup>。 同时,特高压并联电抗器的铁芯柱还包含多个气隙, 当磁通穿过高磁导率的铁芯饼与低磁导率的气隙边 界时,会产生麦克斯韦力,这是特高压并联电抗器铁 芯振动的另一个主要原因<sup>[12]</sup>。



图 1 特高压并联电抗器内部结构示意图 Fig.1 Schematic diagram of UHV shunt reactor internal structure

综上,磁致伸缩现象对应的麦克斯韦力和磁致 伸缩力的矢量和是造成特高压并联电抗器铁芯振动 的主要因素,即:

$$\boldsymbol{F} = \boldsymbol{F}_{\text{max}} + \boldsymbol{F}_{\text{mag}} \tag{1}$$

其中,**F**为造成振动的外力矢量和;**F**<sub>max</sub>为麦克斯韦力;**F**<sub>mag</sub>为磁致伸缩力。

磁致伸缩力是铁芯硅钢片磁致伸缩现象的一种 等效应力,可以通过铁芯的磁致伸缩应变计算得出:

 $F_{mag} = -\nabla \cdot \sigma = -\nabla \cdot (D\varepsilon) = -\nabla \cdot (Df(B))$  (2) 其中, $\varepsilon$ 为磁致伸缩应变; $\sigma$ 为磁致伸缩应力;D为弹 性张量。铁芯的磁致伸缩应变可以通过应力条件下 硅钢片的磁致伸缩特性曲线测量试验获得,可以认 为是电磁感应强度 B的函数 f(B),弹性张量仅与铁 芯材料参数有关<sup>[13]</sup>。

麦克斯韦力是铁芯气隙与铁芯饼交界面处的一种表面应力,一般通过麦克斯韦应力张量 *T*<sub>max</sub>进行计算:

$$\boldsymbol{F}_{\text{max}} = \int_{S} \boldsymbol{T}_{\text{max}} dS = \int_{S} \left( \boldsymbol{B} \boldsymbol{H} - \frac{1}{2} \boldsymbol{B} \boldsymbol{H} \boldsymbol{I} \right) dS \qquad (3)$$

$$\boldsymbol{B} = \boldsymbol{\mu} \boldsymbol{H} \tag{4}$$

其中,H为磁场强度矩阵;μ为磁导率矩阵;I为单位 矩阵;S为铁芯饼与气隙交界面的面积。

构成特高压并联电抗器铁芯的硅钢片和气隙 (大理石或陶瓷)均为线弹性材料,在麦克斯韦力和 磁致伸缩力的共同作用下会产生振动,该振动可以 用弹性体的动力学方程描述<sup>[9]</sup>,即:

$$\boldsymbol{M}_{\rm c} \frac{\partial^2 \boldsymbol{d}}{\partial t^2} + \boldsymbol{C} \frac{\partial \boldsymbol{d}}{\partial t} + \boldsymbol{K}_{\rm c} \boldsymbol{d} = \boldsymbol{F}$$
(5)

其中,M。为铁芯的质量矩阵;d为铁芯的位移矩阵;C

为阻尼矩阵;K。为铁芯的刚度矩阵,可由铁芯的材料 参数和结构尺寸等计算得出;t为时间。

#### 1.2 特高压并联电抗器铁芯振动的影响因素

基于上述振动机制,总结出影响特高压并联电 抗器铁芯振动的因素主要有:振动阻尼,对应的参数 为C;铁芯的本体结构和材料特征,对应的参数为µ、 D、M。和K。;铁芯所处的磁场环境,对应的参数为B 和H。下面对上述3类振动影响因素逐一进行分析。

(1)振动阻尼<sup>[14]</sup>。

特高压并联电抗器是油浸式电抗器,铁芯与变 压器油间的流-固耦合会对铁芯的振动产生阻尼作 用。此外,为了减弱铁芯振动,可在电抗器油箱内部 布置减振垫等装置,以增加振动的阻尼。这2种阻 尼是特高压并联电抗器铁芯振动中的常见阻尼因素。

(2)本体结构和材料特征。

铁芯材料是影响振动的重要因素,如图1所示, 特高压并联电抗器铁芯主要包含铁轭、铁芯饼和气 隙等部分。其中,铁轭和铁芯饼由硅钢片堆叠而成, 气隙为大理石或陶瓷。为了降低铁芯振动的强度, 可以采用低磁致伸缩(或负磁致伸缩)的硅钢片替换 现有硅钢片<sup>[15]</sup>;也可以通过采用硬度更大的气隙材 料达到减振的目的。

铁芯结构同样会影响振动的强弱。一方面,铁芯结构的变化会改变刚度矩阵,影响其受力后的振动情况;另一方面,铁芯受到的外力是磁致伸缩力和 麦克斯韦力的矢量和,磁致伸缩力是体积力,仅作用 在硅钢(铁轭和铁芯饼)部分,麦克斯韦力是表面应 力,作用在铁芯饼与气隙的边界处,铁芯结构的变化 会使2个力在空间内的作用位置发生变化,从而改 变其矢量和,也会影响铁芯的振动。

(3)磁场环境。

铁芯所处的电磁环境主要是指铁芯内部 B 和 H 的分布。当铁芯处于非磁饱和状态时(特高压并联电抗器设计磁密均小于饱和磁密),磁导率近似为一个常数,结合式(4)可知, B 和 H 线性相关。铁芯内部的 B 可以通过式(6)和式(7)计算。

$$\frac{\partial}{\partial x} \left( \boldsymbol{v}_x \frac{\partial \boldsymbol{A}}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \boldsymbol{v}_y \frac{\partial \boldsymbol{A}}{\partial y} \right) + \frac{\partial}{\partial z} \left( \boldsymbol{v}_z \frac{\partial \boldsymbol{A}}{\partial z} \right) = -\boldsymbol{J} + \boldsymbol{\sigma} \frac{\partial \boldsymbol{A}}{\partial t} \quad (6)$$
$$\boldsymbol{B} = \nabla \times \boldsymbol{A} \quad (7)$$

其中,A为矢量磁位;J为电流密度;v<sub>x</sub>、v<sub>y</sub>和v<sub>z</sub>分别为 铁芯叠片在x、y和z方向上的磁阻率,磁阻率是磁导 率的倒数。因此,电流密度J是影响磁场环境的主要 因素。当特高压并联电抗器在额定状态下运行时, 电流为定值,线圈参数是影响电流密度的重要因素。

电感是电抗器的重要参数,可由式(8)得到[16]。

$$L = N^2 \mu_0 A_{\rm g} / \delta \tag{8}$$

其中,L为电抗器的电感值;μ<sub>0</sub>为真空磁导率;N为绕 组匝数;A<sub>4</sub>为气隙横截面积;δ为气隙总长度。为了 保证电抗器提供的电感值不变,上述参数应保持不 变,即线圈参数和气隙总长度应保持不变。

综上所述,设置附加阻尼、改变铁芯各组件的材 料和调整铁芯结构是可行的特高压并联电抗器减振 方向。但是,设置附加阻尼势必会在电抗器内部增 加其他部件,这就使电抗器内部的绝缘设计更加复 杂,同时还需要考虑新增部件的老化、散热等问题, 因此在推广上存在困难。改变铁芯各组件的材料在 理论上能够有效降低电抗器铁芯的振动,但也会较 大幅度地提高电抗器的生产成本,同样难以推广。 故本文主要研究铁芯结构(尤其是气隙结构)对特高 压并联电抗器铁芯振动的影响。

# 2 特高压并联电抗器铁芯气隙结构调整方式

## 2.1 气隙结构调整方式

为了保证特高压并联电抗器外观结构和输出感 性无功的不变,铁轭结构、铁芯柱直径和高度、气隙 总长度均应保持不变。因此,本文研究气隙个数和 气隙位置对特高压并联电抗器铁芯振动的影响。

(1)气隙个数调整方式。

麦克斯韦力的作用位置为铁芯饼与气隙的交界 面,气隙个数的变化不仅会影响麦克斯韦力在空间 内的作用位置,而且会改变上述交界面的数量,从而 影响铁芯受力。

研究气隙个数对铁芯振动的影响可以在不改变 气隙总长度的前提下,增加或减少气隙个数,设置对 照试验。图1所示的特高压并联电抗器每柱包含20 个气隙,综合考虑铁芯气隙数量变化可能造成的电 抗值、损耗和散热性能的变化,本文规定气隙个数变 化范围为15~25,设置15、17、19、21、23、25个气隙作 为对照组与现有电抗器进行对比研究。同时,各组 气隙均匀分布在铁芯柱上,相邻气隙间距一致。

(2)气隙位置调整方式。

调整气隙位置同样可以改变铁芯受力在空间内 的作用位置,因此也可以影响铁芯的振动。本文通 过调节气隙位置,构造不同结构的特高压并联电抗 器铁芯模型,研究不同模型对应的外力矢量和,计算 并对比铁芯的振动位移均方根,总结气隙位置变化 对铁芯振动的影响规律。

对于图1所示的含有多气隙的特高压并联电抗 器而言,理论上存在无数多种气隙位置的排布方式, 为了便于开展研究,本文采用少量(1~5个)气隙代 替原有的20个气隙,研究气隙位置变化对铁芯振动 的影响,总结规律并分析原因。

此外,为了便于对气隙所处的位置做出说明,本 文在铁芯柱上均匀设置了5个位置,规定气隙位置 仅能在其中进行选择,分别记为 $\Delta_1 - \Delta_5$ 。当气隙处 于 $\Delta_1$ 位置时,其上边界直接与顶轭相接触;处于 $\Delta_5$  位置时,气隙的下边界直接与底轭相接触;处于 $\Delta_3$ 位置时,气隙的高度中心与铁芯柱的高度中心重合; 处于 $\Delta_2$ 和 $\Delta_4$ 位置时,气隙的高度中心分别位于铁芯 柱的 3/4 和 1/4 高度中心。各气隙长度均相等,每个 气隙的长度 *m* 由气隙个数 *n* 和气隙总长度  $\delta$  共同决 定,即:

$$=\delta/n$$
 (9)

在上述规定的前提下,铁芯气隙位置的排布方式 被简化为5组31种,如表1所示。表中,A组(A1— A5)、B组(B1—B10)、C组(C1—C10)、D组(D1— D5)和E组(E1)分别表示单气隙、双气隙、三气隙、 四气隙和五气隙。

#### 表1 气隙位置排布分组

Table 1 Grouping of air gap position arrangement

仿真模型编号	气隙位置	仿真模型编号	气隙位置
A1	$\Delta_1$	C2	$\Delta_1 \Delta_2 \Delta_4$
A2	$\Delta_2$	C3	$\Delta_1 \Delta_2 \Delta_5$
A3	$\Delta_3$	C4	$\Delta_1 \Delta_3 \Delta_4$
A4	$\Delta_4$	C5	$\Delta_1 \Delta_3 \Delta_5$
A5	$\Delta_5$	C6	$\Delta_1 \Delta_4 \Delta_5$
B1	$\Delta_1 \Delta_2$	C7	$\Delta_2 \Delta_3 \Delta_4$
B2	$\Delta_1 \Delta_3$	C8	$\Delta_2 \Delta_3 \Delta_5$
В3	$\Delta_1 \Delta_4$	С9	$\Delta_2 \Delta_4 \Delta_5$
B4	$\Delta_1 \Delta_5$	C10	$\Delta_3 \Delta_4 \Delta_5$
В5	$\Delta_2 \Delta_3$	D1	$\Delta_1 \Delta_2 \Delta_3 \Delta_4$
B6	$\Delta_2 \Delta_4$	D2	$\Delta_1 \Delta_2 \Delta_3 \Delta_5$
B7	$\Delta_2 \Delta_5$	D3	$\Delta_1 \Delta_2 \Delta_4 \Delta_5$
B8	$\Delta_3 \Delta_4$	D4	$\Delta_1 \Delta_3 \Delta_4 \Delta_5$
В9	$\Delta_3 \Delta_5$	D5	$\Delta_2 \Delta_3 \Delta_4 \Delta_5$
B10	$\Delta_4 \Delta_5$	E1	$\Delta_1 \Delta_2 \Delta_3 \Delta_4 \Delta_5$
C1	$\Delta_1 \Delta_2 \Delta_3$		

# 2.2 特高压并联电抗器铁芯振动计算方法

由于特高压并联电抗器生产制造成本极高,且 现有传感技术不足以对在运特高压并联电抗器铁芯 振动数据(尤其是铁芯饼振动数据)进行实时精确测 量,综合考虑试验成本与难度,现阶段很难具备试验 研究气隙结构对特高压并联电抗器铁芯振动影响的 条件。基于有限元仿真的理论计算方法是目前最为 常用的特高压并联电抗器铁芯振动特征研究方 法[6-14,17],本文采用文献[14,17]中给出的计及铁芯叠 片规则与流-固耦合的特高压并联电抗器铁芯振动 计算方法开展研究,计算过程简图见附录A中图A1。 该方法通过电抗器铁芯的电磁外力计算将电抗器铁 芯受到的外力以麦克斯韦力和磁致伸缩力矢量和的 方法进行计算;通过流-固耦合分析考虑了电抗器铁 芯与变压器油间的流-固耦合作用对铁芯振动的阻 尼作用;利用电抗器铁芯的振动方程将两者相结合, 并借助有限元仿真手段计算铁芯的振动参数。

# 3 特高压并联电抗器铁芯振动计算结果

图1所示特高压并联电抗器的设计和运行参数

见附录B中表B1。为了说明气隙结构变化时铁芯振动相关参数的变化情况,选择铁芯振动的位移均 方根d表征铁芯振动的强弱,铁芯内部电磁感应强 度均值B表征铁芯内部磁场的大小,铁芯表面应力 的平均值σ<sub>ave</sub>表征铁芯承受外力的大小,并定义:

$$\sigma_{\rm ave} = \frac{F}{S_{\rm total}} = \frac{\int \sigma_{\rm total} dS_{\rm total}}{S_{\rm total}}$$
(10)

其中, $S_{\text{total}}$ 为铁芯的表面积; $\sigma_{\text{total}}$ 为铁芯表面应力;F为造成铁芯振动的外力标量。

# 3.1 气隙个数对铁芯振动的影响规律

基于1.1节中给出的特高压并联电抗器铁芯振动机制,结合表B1中给出的特高压并联电抗器设计和运行参数,采用文献[14,17]中给出的计算方法,计算了气隙个数为15、17、19、20、21、23、25时的3个振动相关参数,如表2所示。

表 2	气隙个	数对铁芯振动	相关参数的影响
	41237 1	2001.2 10 0.00.000.000.00	

Table 2 Influence of air gap number on

core vibration parameters						
气隙个数	$d$ / $\mu$ m	$\sigma_{\rm ave}/({\rm N}{\cdot}{\rm m}^{-2})$	$B \ / \ { m T}$			
25	35.481	1.632×10 <sup>5</sup>	0.442			
23	33.029	1.517×10 <sup>5</sup>	0.443			
21	30.648	$1.405 \times 10^{5}$	0.446			
20	29.538	1.347×10 <sup>5</sup>	0.447			
19	28.210	1.291×10 <sup>5</sup>	0.449			
17	25.802	1.177×10 <sup>5</sup>	0.452			
15	23,453	$1.065 \times 10^{5}$	0.455			

分析表2可以发现:在本文研究的气隙个数范 围(15~25)内,铁芯振动位移均方根会随着气隙个数 的减少而减小,气隙个数越少则特高压并联电抗器 铁芯振动的强度越弱。

## 3.2 气隙位置对铁芯振动的影响规律

采用与3.1节相同的方法对表1中给出的31种 模型分别进行仿真计算,可以得到每种模型对应的 3个振动相关参数如表3所示。分析表3可知:31种 模型对应的3个振动相关参数存在较大差异,即使 在同一分组内仍然存在明显的差异,如以A组单气 隙的位移均方根为例,最大值为A5的44.107 µm,最 小值为A2的23.261 µm,两者相差了20.846 µm; A—D组中振动位移均方根最小值分别为A2的 23.261 µm、B6的14.883 µm、C7的13.620 µm和D1 的12.828 µm。基于以上数据可以得出如下结论:气 隙位置会对特高压并联电抗器铁芯的振动强度产生 较大的影响,可以通过调节气隙位置的方法降低特 高压并联电抗器的振动强度。

## 4 特高压并联电抗器铁芯振动相关参数分析

## 4.1 气隙个数影响铁芯振动的原理分析

结合1.1节中有关特高压并联电抗器铁芯振动 机制的分析可知铁芯的受力是影响铁芯振动强弱的 最直接原因。表2中的铁芯表面应力平均值也表 明:铁芯气隙个数的减少会使铁芯表面应力平均值 减小,铁芯的振动位移均方根也会相应地减小。利 用式(11)可以计算铁芯振动位移均方根和铁芯表面 应力平均值的Pearson相关系数γ为0.999945,表明 两者显著相关<sup>[18]</sup>,气隙结构变化时铁芯表面应力平 均值的变化是造成铁芯振动参数变化的主要原因。

$$\gamma(\boldsymbol{\omega}_1, \boldsymbol{\omega}_2) = \frac{\boldsymbol{\sigma}_{\text{Cov}}(\boldsymbol{\omega}_1, \boldsymbol{\omega}_2)}{\sqrt{\boldsymbol{\sigma}_{\text{Var}}[\boldsymbol{\omega}_2]\boldsymbol{\sigma}_{\text{Var}}[\boldsymbol{\omega}_2]}}$$
(11)

其中, $\omega_1$ 和 $\omega_2$ 为2组数据取值, $\sigma_{Cov}(\omega_1,\omega_2)$ 为 $\omega_1$ 和 $\omega_2$ 的协方差; $\sigma_{Var}[\omega_1]$ 和 $\sigma_{Var}[\omega_2]$ 分别为 $\omega_1$ 和 $\omega_2$ 的方差。

结合式(2)—(4)可知,铁芯内部的电磁感应强 度是影响电抗器铁芯受力的主要原因之一,但是表 2中给出的数据则表明铁芯内部的电磁感应强度均 值随着气隙个数的减少出现了小幅增加。以15个 气隙的电抗器模型为例,其电磁感应强度均值较正 常的20个气隙增加了1.79%,这一增大的趋势与振 动位移均方根和铁芯表面应力平均值的变化趋势是 相反的。同时,铁芯内部电磁感应强度的变化幅度

表3 气隙位置对铁芯振动参数的影响	
-------------------	--

[ab]	le .	3	Influence	of	air	gap	position	on	core	vibration	parameters
------	------	---	-----------	----	-----	-----	----------	----	------	-----------	------------

会粉	数值										
参奴	A1	A2	A3	A4	A5	B1	B2	В3	B4	В5	B6
$d \neq \mu m$	25.269	23.261	26.292	39.861	44.107	26.672	20.205	17.770	21.590	19.404	14.883
$\sigma_{\rm ave}$ / (N·m <sup>-2</sup> )	$1.097 \times 10^{6}$	9.880×10 <sup>5</sup>	9.902×10 <sup>5</sup>	1.350×106	$1.471 \times 10^{6}$	$1.147 \times 10^{6}$	8.288×105	6.986×105	8.454×105	7.834×10 <sup>5</sup>	5.819×10 <sup>5</sup>
<i>B</i> / T	1.723	1.442	1.105	1.444	1.723	1.707	1.058	0.829	1.088	1.035	0.699
会粉	数值										
参奴	B7	B8	B9	B10	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7
$d$ / $\mu$ m	20.166	28.865	31.665	44.802	20.383	15.526	18.362	14.326	17.403	22.175	13.620
$\sigma_{\rm ave}$ / (N·m <sup>-2</sup> )	7.578×10 <sup>5</sup>	1.045×10 <sup>6</sup>	1.127×10 <sup>6</sup>	$1.500 \times 10^{6}$	8.530×10 <sup>5</sup>	6.456×10 <sup>5</sup>	7.281×10 <sup>5</sup>	5.865×105	6.975×10 <sup>5</sup>	8.345×10 <sup>5</sup>	5.523×10 <sup>5</sup>
$B \neq T$	0.827	1.038	1.057	1.706	1.078	0.754	0.886	0.680	0.709	0.885	0.660
会粉						数值					
参奴	C8	С9	C10	D1	D2	D3	D4	D5	E1		
$d \neq \mu m$	16.517	22.548	33.092	12.828	14.648	16.176	17.743	17.646	13.225		
$\sigma_{\scriptscriptstyle \mathrm{ave}}$ / (N · m <sup>-2</sup> )	6.540×10 <sup>5</sup>	8.606×10 <sup>5</sup>	1.193×106	5.469×10 <sup>5</sup>	6.137×10 <sup>5</sup>	6.664×10 <sup>5</sup>	7.147×10 <sup>5</sup>	7.034×105	5.701×10 <sup>5</sup>		
<i>B</i> / T	0.683	0.757	1.083	0.638	0.662	0.662	0.661	0.639	0.543		

与振动位移均方根和铁芯表面应力平均值的变化幅度(分别为20.60%和20.94%)相比也是极小的。因此,可以认为铁芯受力随气隙个数的变化不是由电磁感应强度的变化引起的。

分析铁芯表面应力变化的原因。根据式(1),铁 芯振动受力是磁致伸缩力和麦克斯韦力的矢量和。 磁致伸缩力是一种体积力,力的作用位置在硅钢部 分,气隙个数的变化并不会影响硅钢部分的体积。 同时,铁芯内部电磁感应强度的变化幅度也是极小 的,由式(2)可知硅钢受力基本不变,因此磁致伸缩力 也不会由于气隙个数的减少发生大幅变化。麦克斯 韦力是一种表面应力,作用位置在气隙与铁芯饼的交 界面,气隙个数的减少会直接造成麦克斯韦力总作 用面积的减小。铁芯内部电磁感应强度变化不大,由 式(3)可知交界面上的麦克斯韦应力张量不会发生 明显变化,总作用面积的减小就会造成铁芯总麦克 斯韦力减小。麦克斯韦力和磁致伸缩力的矢量和也 会随之减小,这造成了铁芯振动强度的减弱。因此, 可以得出如下结论:气隙个数的变化会以改变麦克斯 韦力作用面积的方式影响铁芯的受力,从而改变铁芯 的振动强度。在本文研究的气隙个数范围(15~25) 内,特高压并联电抗器铁芯包含的气隙个数越少,铁 芯振动位移均方根也越小。在特高压并联电抗器的 设计生产中,可以在不影响设备其他性能的前提下, 选择较少的气隙个数以获得更优的振动性能。

#### 4.2 气隙位置影响铁芯振动的原理分析

4.1节对于表2数据的分析已经证明铁芯表面 应力平均值是影响振动位移均方根的主要原因,这 也为表3中各模型振动位移均方根存在差异提供了 合理的解释。但是表3与表2不同的是各个模型铁 芯内部的电磁感应强度均值也存在较大差异。为了 研究电磁感应强度的变化是否是铁芯气隙位置调整 时铁芯表面应力平均值变化的原因,本文绘制了铁 芯表面应力平均值和电磁感应强度均值的对应曲 线,如图2所示。



#### 图2 电磁感应强度平均值与应力平均值的对应关系

Fig.2 Corresponding relationship between B and  $\sigma_{_{\mathrm{ave}}}$ 

由图2可以发现,铁芯表面应力平均值与铁芯 内部的电磁感应强度均值在整体上具有较为相似的 变化规律,但是在某些模型上也存在着一定的差异。 为了更好地说明2个参数之间的相关性,本文利用 式(11)计算得到2个参数的Pearson相关系数γ为 0.887752,两者高度相关<sup>[18]</sup>。因此,铁芯内部的电磁 感应强度均值是影响铁芯表面应力的重要因素,但 是还有其他因素会在一定程度上影响铁芯受力。基 于第1节中对于电抗器铁芯振动机制的分析可知, 气隙位置变化不仅会影响铁芯内部的电磁感应强 度,还会影响铁芯受到的麦克斯韦力和磁致伸缩力 在空间内的作用位置。正是上述两方面的因素共同 作用使铁芯表面应力平均值发生了变化。

为了进一步证明上述分析的合理性,选择 D1 和 D5 这 2 个仿真模型进行比较,两模型均位于 D 组,为 四气隙结构,且铁芯内部的电磁感应强度均值仅相 差 0.001 T。但是,D1 对应的铁芯表面应力平均值为 5.469×10<sup>5</sup> N / m<sup>2</sup>,D5 对应的铁芯表面应力平均值为 7.034×10<sup>5</sup> N / m<sup>2</sup>,两者相差了 1.565×10<sup>5</sup> N / m<sup>2</sup>。

绘制2个模型电磁感应强度均值和表面应力平 均值的分布图,见附录B中图B1。由图可见,D1的 电磁感应强度分布图与D5的电磁感应强度分布图 基本互为上下对称,而表面应力分布图则有明显差 异。原因在于,D1和D5均为四气隙结构,两者的区 别仅在于D1包含 $\Delta_1$ 位置的气隙,而D5包含 $\Delta_5$ 位置 的气隙,其余气隙均一致。 $\Delta_1$ 位置与顶轭相连, $\Delta_2$ 位 置与底轭相连,特高压并联电抗器的底轭通过基座 固定在油箱底部,而顶轭无需固定。由于铁芯内的 磁场分布基本不受铁芯底轭固定的影响,在进行磁 场分析时 $\Delta_1$ 和 $\Delta_2$ 是完全等效的,所以两者的电磁感 应强度分布基本互为上下对称。但底轭固定会影响 铁芯的整体受力,在分析铁芯表面应力时 $\Delta_1$ 和 $\Delta_5$ 不 再等效,D1和D5的表面应力分布也因此产生差异, 从而使D1和D5的铁芯应力平均值和振动位移均方 根产生了明显的区别。

比较 D1 和 D5(或 C2 和 C9)的振动位移均方根 还可以得出如下结论,气隙位于 $\Delta_1$ 时铁芯的振动强 度会比气隙位于 $\Delta_5$ 时的更小。采用相同的方法,结 合表 3 中的数据可以对不同位置处气隙的振动参数 做出排序,铁芯振动强度最大的位置为 $\Delta_5$ ,最小为  $\Delta_2$ ,5个位置由大到小可排序为 $\Delta_5$ 、 $\Delta_4$ 、 $\Delta_3$ 、 $\Delta_1$ 、 $\Delta_2$ 。因 此,为了使铁芯的振动强度更小,特高压并联电抗器 的气隙应远离底轭,并靠近铁芯柱的 3/4 高度中心。 此外,分析 B1、C1等模型的振动参数还可以发现,气 隙不宜过于集中在相邻区域。在电抗器设计时,可 以在保证散热、绝缘、损耗、电抗等方面性能不受影 响的前提下,在靠近底轭的位置布置较少的气隙,而 在靠近铁芯柱 3/4 高度中心的位置布置更多的气隙, 同时还应兼顾气隙不过于集中的要求。

#### 4.3 特高压并联电抗器铁芯减振设计方案

基于前文的研究结论,结合电抗器生产过程中

的工艺和技术要求,给出如下特高压并联电抗器铁 芯减振设计方案:将气隙个数由20个调整为15个; 保持最上端和最下侧气隙结构和位置不变,将最上 端铁芯饼高度降低50 mm,最下侧铁芯饼高度增加 50 mm,在这2个铁芯饼之间的气隙和铁芯饼结构保 持不变但整体向上移动50 mm。

为了验证上述方案的减振效果,绘制了铁芯结构改进前后特高压并联电抗器铁芯的电磁感应强度均值、表面应力平均值和振动位移均方根的分布图,见附录B中图B2。同时,计算了现有电抗器铁芯结构和改进后铁芯结构的d、B、σ<sub>w</sub>和电抗X,见表4。

表4	改进效果对	比

Table 4 Comparison of improvement effects

方案	$d$ / $\mu$ m	$\sigma_{\rm ave}/({\rm N}{\scriptstyle \bullet}{\rm m}^{-2})$	<i>B /</i> T	$X \neq \Omega$
现有	29.538	1.347×10 <sup>5</sup>	0.447	1 530.880
改进后	23.948	1.083×10 <sup>5</sup>	0.459	1 560.960

此外,定义差异率η来表征2种方法参数之间差 异的大小,如式(12)所示。

$$\eta = \left| \frac{\alpha_0 - \alpha_1}{\alpha_0} \right| \times 100 \% \tag{12}$$

其中, $\alpha_0$ 和 $\alpha_1$ 分别为采用现有与改进后方案计算获 得的参数值。结合表4可知, $d_{X}B_{X}\sigma_{ave}$ 和X的差异率 分别为18.925%、19.599%、2.685%和1.965%。

分析图 B2 和表4数据可以发现,虽然改进后铁芯的电磁感应强度分布发生了一定的变化(均值增加了2.685%),但铁芯的受力和振动性能都有了显著提高,铁芯表面应力均值和位移均方根分别降低了19.599%和18.925%。这证明了本文提出的特高压并联电抗器铁芯减振设计方案能够有效减弱特高压并联电抗器的铁芯振动强度。同时,改进前后电抗器绕组电抗值仅变化了1.965%,表明本文提出的改进方案不会对电抗器的电抗值产生较大的影响。

# 5 结论

本文针对特高压并联电抗器铁芯振动超标问题,研究了气隙个数和气隙位置对铁芯振动参数的 影响规律。从特高压并联电抗器铁芯的振动机制出 发,结合数值仿真技术系统性地研究了气隙结构变 化时,铁芯内部电磁感应强度均值、铁芯表面应力平 均值和铁芯振动位移均方根的变化规律与相互影响 关系,得到了如下结论:

(1)特高压并联电抗器铁芯气隙个数和位置的 变化会影响其振动性能,在本文研究的气隙个数范 围(15~25)内,气隙个数越少,铁芯振动位移均方根 越小,气隙位置越靠近底轭则振动越强,越靠近铁芯 柱 3/4高度中心则振动越弱;

(2)铁芯受力是影响其振动强弱的主要原因,铁

芯振动位移均方根与表面应力平均值的 Pearson 相 关系数约为0.999945;

(3)铁芯表面应力平均值受到铁芯内部电磁 感应强度均值以及麦克斯韦力和磁致伸缩力作用 位置的共同影响,其中铁芯内部电磁感应强度平 均值与表面应力平均值的 Pearson 相关系数约为 0.887752,是影响铁芯受力大小的最重要因素。

最后,本文还提出了一种特高压并联电抗器铁 芯减振设计方案,该方案能够使特高压并联电抗器 铁芯振动的位移均方根降低18.925%,具有良好的 减振效果。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

#### 参考文献:

[1] 韩先才,孙昕,陈海波,等.中国特高压交流输电工程技术发展综述[J].中国电机工程学报,2020,40(14):4371-4386,4719.

HAN Xiancai, SUN Xin, CHEN Haibo, et al. The overview of development of UHV AC transmission technology in China [J]. Proceedings of the CSEE, 2020, 40(14):4371-4386, 4719.

- [2] 吴书煜,马宏忠,姜宁,等.基于多物理场耦合的特高压并联 电抗器振动噪声仿真分析与实验研究[J].电力自动化设备, 2020,40(3):122-127.
  WU Shuyu,MA Hongzhong,JIANG Ning, et al. Simulation analysis and experimental research on vibration and noise of UHV shunt reactor based on multi physical field coupling [J]. Electric Power Automation Equipment, 2020, 40(3): 122-127.
- [3] 吴海涛,吕志宁,张浩,等.并联电抗器运行异常分析及处理
   [J]. 电力自动化设备,2001,21(8):67-69.
   WU Haitao,LÜ Zhining,ZHANG Hao, et al. Research on the abnormality of parallel connective reactor[J]. Electric Power Automation Equipment,2001,21(8):67-69.
- [4]常晨,刘兰荣,卢美林,等.并联电抗器等效模型的振动噪声 特性试验研究[J].电气技术,2019,20(2):37-41,47.
  CHANG Chen,LIU Lanrong,LU Meilin,et al. Investigates the characteristics of vibration and noise based on the equivalent model to shunt reactor[J]. Electrical Engineering,2019,20(2): 37-41,47.
- [5]张鹏宁,李琳,纪锋,等. HVDC阳极饱和电抗器阻尼弹性体 降振降噪试验研究[J]. 电网技术,2017,41(12):3839-3845.
   ZHANG Pengning,LI Lin,JI Feng, et al. Test study on reduction of vibration and noise to damping elastomer in HVDC anode saturable reactor[J]. Power System Technology,2017,41(12):3839-3845.
- [6] 闫荣格,赵路娜,贲彤,等. 基于负超磁致伸缩效应电抗器减振新方法的研究[J]. 振动与冲击,2018,37(19):254-258.
   YAN Rongge, ZHAO Luna, BEN Tong, et al. A new vibration reduction method for reactors using NGMM[J]. Journal of Vibration and Shock,2018,37(19):254-258.
- [7] YAN Rongge, ZHAO Luna, BEN Tong, et al. Design of lower vibration reactor [C] //International Conference on Electrical Machines & Systems. Sydney, Australia: IEEE, 2017:1-5.
- [8] MATHIEU R, JEAN L B. Vibration reduction of inductors under magnetostrictive and Maxwell forces excitation[J]. IEEE Transactions on Magnetics, 2015, 51(12):8403406.
- [9]张鹏宁,李琳,聂京凯,等.考虑铁芯磁致伸缩与绕组受力的 高压并联电抗器振动研究[J].电工技术学报,2018,33(13):

3130-3139.

ZHANG Pengning, LI Lin, NIE Jingkai, et al. Study on the vibration of high voltage shunt reactor considering of magnetostriction and winding force[J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2018, 33(13); 3130-3139.

- [10] GAO Y, NAGATA M, MURAMATSU K, et al. Noise reduction of a three-phase reactor by optimization of gaps between cores considering electromagnetism and magnetostriction [J]. IEEE Transactions on Magnetics, 2011, 47(10):2772-2775.
- [11] 张鹏宁,李琳,程志光,等.并联电抗器与变压器模型铁芯振动仿真与试验对比[J]. 电工技术学报,2018,33(22):5273-5281.

ZHANG Pengning, LI Lin, CHENG Zhiguang, et al. Vibration simulation and experiment comparison of shunt reactor and transformer model core[J]. Transactions of China Electrotechnical Society, 2018, 33(22): 5273-5281.

- [12] ZHANG Pengning, LI Lin, CHENG Zhiguang, et al. Study on vibration of iron core of transformer and reactor based on Maxwell stress and anisotropic magnetostriction [J / OL]. IEEE Transactions on Magnetics. (2018-10-30)[2020-07-14]. https:// doi-org-s./ 10.1109 / TMAG.2018.2875017.
- [13] 祝丽花. 叠片铁芯磁致伸缩效应对变压器、交流电机的振动 噪声影响研究[D]. 天津:河北工业大学,2013.
   ZHU Lihua. Study of affection from magnetostriction in laminated core on vibration noise of transformer and AC motor
   [D]. Tianjin:Hebei University of Technology,2013.
- [14]律方成,郭佳熠,程涣超,等.计及铁芯叠片规则与流-固耦合的特高压并联电抗器铁芯振动计算方法[J/OL].电网技术. (2020-02-22)[2020-07-14].https://doi-org-s./10.13335/j. 1000-3673.pst.2019.2503.
- [15] 吴益明,吴鹏,刘红军,等. 基于低磁致伸缩磁材的低噪声电 抗器研究[J]. 高压电器,2019,55(11):268-272,282.

WU Yiming, WU Peng, LIU Hongjun, et al. Research on low-

noise reactors based on magnetic materials with low magnetostriction[J]. High Voltage Apparatus,2019,55(11):268-272,282.

- [16] ABBAS L, EBRAHIM R. Optimum design of core blocks and analyzing the fringing effect in shunt reactors with distributed gapped-core [J]. Electric Power Systems Research, 2013, 101: 63-70.
- [17] LÜ Fangcheng, GUO Jiayi, NIU Leilei, et al. A new 3D method for reactor core vibration based on silicon steel lamination rules and application in UHV shunt reactors [J / OL]. Mathematical Problems in Engineering. (2019-10-23) [2020-07-14]. https://doi-org-s./ 10.1155 / 2019 / 7290536.
- [18] 李斌,张纪航,刘海金,等.基于波形相似度分析的直流输电线路故障测距[J].电力自动化设备,2019,39(9):27-32,53.
  LI Bin,ZHANG Jihang,LIU Haijin, et al. Fault location of HVDC transmission lines based on waveform similarity analysis
  [J]. Electric Power Automation Equipment,2019,39(9):27-32,53.

#### 作者简介:



郭佳熠(1992—),男,河北保定人,博 士研究生,主要研究方向为高电压与绝缘 技术、特高压并联电抗器本体质量提升 (**E-mail**:guojiayi@ncepu.edu.cn);

耿江海(1980—),男,河北邯郸人,高 级工程师,博士,通信作者,主要从事高电 压试验技术和外绝缘方面的教学和研究工 作(E-mail:1172101008@ncepu.edu.cn);

郭佳熠

律方成(1963—),男,内蒙古赤峰人,

教授,博士研究生导师,博士,主要研究方向为电气设备状态检测与故障诊断、灵活交流输电等(E-mail:lfc@ncepu.edu.cn)。

(编辑 李莉)

#### Influence of air gap structure on core vibration of UHV shunt reactor

GUO Jiayi<sup>1,2</sup>, GENG Jianghai<sup>1</sup>, LÜ Fangcheng<sup>1,2</sup>, ZHAO Xiaoyu<sup>3</sup>, NIU Leilei<sup>1,2</sup>, PAN Yirui<sup>1</sup>

(1. Hebei Provincial Key Laboratory of Power Transmission Equipment Security Defense,

North China Electric Power University, Baoding 071003, China;

2. State Key Laboratory of Alternate Electrical Power System with Renewable Energy Sources,

North China Electric Power University, Beijing 102206, China;

3. China Electric Power Research Institute, Beijing 100192, China)

**Abstract**: Taking the influence of the number and position of air gaps on the core vibration of UHV (Ultra High Voltage) shunt reactor as the main research object, based on fully analyzing the core vibration mechanism of UHV shunt reactor, the vector sum of Maxwell force and magnetostrictive force is considered to be the main reason affecting the core vibration intensity. The possible structure types of core air gap are analyzed systematically, the real simulation model of UHV shunt reactor core with different air gap numbers and positions is built, and the influence rule of air gap structure on the core vibration of UHV shunt reactor is obtained by using the calculation method of multi physical field finite element simulation. Study results show that within the study range(the air gap number is between 15 and 25), the smaller the air gap number in the core of UHV shunt reactor, the weaker the core vibration intensity. The air gap position near the bottom yoke can enhance the core vibration intensity, while the air gap position close to the 3/4 height center of the core column can reduce the core vibration intensity. On this basis, a design scheme for core vibration reduction of UHV shunt reactor is proposed, which can reduce the root mean square displacement of core vibration by 18.925% by comparing with the existing core design scheme.

Key words: UHV shunt reactor; core; vibration; air gap number; air gap position







Fig.A1 Calculation process diagram of UHV shunt reactor core vibration calculation method

# 附录 B



Table B1 Design and operation parameters of UHV shunt reactor

参数	取值
额定电流/A	377.9
运行频率/Hz	50
硅钢片杨氏 <b>模</b> 量/MPa	$1.95 \times 10^{5}$
硅钢片泊松比	0.27
硅钢片密度/(kg m-3)	7 650
气隙杨氏模量/MPa	$5.5 \times 10^4$
气隙泊松比	0.45
变压器油密度/(kgm <sup>-3</sup> )	895
气隙密度/(kg·m <sup>-3</sup> )	2 600
压紧力/Pa	$5 \times 10^{6}$
变压器油动力粘度/(Pas)	0.021
气隙总长度/mm	1 016.5
气隙-铁芯柱面积比	1
铁芯柱直径/mm	850



图 B1 D1 和 D5 的电磁感应强度与表面应力分布 Fig.B1 Distribution of *B* and  $\sigma_{ave}$  in D1 and D5







(c) 改造前表面应力分布



-10





图 B2 改进效果对比 Fig.B2 Comparison of improvement effects