# 考虑暂态电压稳定的含高渗透率风光的 电网动态无功规划方法

徐艳春1,蒋伟俊1,汪 平1,MI Lu2

(1. 三峡大学 梯级水电站运行与控制湖北省重点实验室,湖北 宜昌 443002;

2. 德克萨斯农工大学 电气与计算机工程学院,美国 卡城 77840)

摘要:随着电网中风电、光伏渗透率的逐渐提高,电网暂态电压稳定问题愈加严重,提出一种考虑暂态电压稳 定的含高渗透率风光的电网动态无功规划方法。构造基于电压二元表的区域暂态电压安全裕度指标和无功 规划基准场景;基于所提指标给出动态无功补偿装置的布点方法,建立差异化动态无功补偿优化模型,利用 多目标灰狼优化算法求解配置容量,并采用改进的熵权逼近理想解距离法筛选出动态无功补偿装置的待配 置方案;利用摄动法确定最终配置方案,确保所得规划方案适用于所有场景。改进的IEEE 39节点系统和实 际电网的仿真结果验证了所提规划方法的普适性和合理性。

## 0 引言

在"十四五"规划和碳达峰、碳中和的战略背景 下,加快清洁能源快速发展以及推动能源行业绿色 转型刻不容缓。其中,构建以新能源为主体的新型 电力系统是我国电力系统转型升级的重要方向以及 实现"双碳"目标的关键途径[1-2]。风电、光伏作为新 能源发电的主体,在电网中的渗透率正逐年增加,这 致使电网暂态电压稳定问题日益突出[34]。无功规 划是解决电网电压稳定性问题的主要途径,但目前 的研究主要是面向电网的静态电压稳定性问题,旨 在降低系统网损和电压偏差[5-7],而较少聚焦电网的 暂态电压稳定性问题。文献[8]针对电网的暂态电 压稳定性问题,采用同步调相机、静止无功补偿器 SVC(Static Var Compensator)来实施优化,但仅考虑 传统电网,而没有考虑新能源的加入。文献[9]基于 交直流混联电网,同时考虑静暂态电压稳定性,给出 一种综合无功规划方法,但没有计及分布式电源DG (Distributed Generation)及其不确定性。基于此,文 献[10]在对风电并网系统进行无功规划时,考虑风 电的不确定性,但规划的动态无功补偿装置类型单 一,经济性较差。

动态无功规划的核心环节包括动态无功补偿装置布点和定容,现有用于评估系统电压稳定裕度以及指导补偿装置布点的指标大多只关注了电压跌落导致的电压失稳问题,而忽视了暂态过电压情形的

收稿日期:2022-02-09;修回日期:2022-05-25 在线出版日期:2022-07-15 基金项目:国家自然科学基金资助项目(51707102) Project supported by the National Natural Science Foundation of China(51707102) 存在,因此基于该指标的规划方案能否确保电网在 各工况下均安全稳定运行还有待进一步考证。构造 一种兼容性强、应用范围广的暂态电压评估指标是 规划的首要前提。针对动态无功补偿装置定容问 题:文献[11]探究调相机在大规模新能源直流外送 系统中的配置方案,但没有对各调相机的装设容量 与接入数量进行具体优化,经济性欠佳;文献[12]基 于分解的多目标优化算法对动态无功补偿装置的配 置容量进行定量优化,以降低多馈入直流电网的换 相失败风险;文献[13]为降低因电压跌落而导致的 系统电压失稳风险,量化动态无功补偿装置的配置 容量,但没有考虑所配置的容量会受暂态过电压风 险的影响,且没有对装置的类型进行优化,未能实现 更优的经济性。

综上所述,本文针对含高渗透率风光的电网,考 虑风光的不确定性,构造基于电压二元表的区域暂 态电压安全裕度指标以及无功规划基准场景来指导 规划,并且给出相应的布点方法。对于不同的候选 母线,本文进行差异化补偿,利用多目标灰狼优化 MOGWO(Multi-Objective Grey Wolf Optimizer)算法 求解动态无功补偿装置的最优安装容量,采用改进的 熵权逼近理想解距离TOPSIS(Technique for Order Preference by Similarity to Ideal Solution)法对求解 的Pareto最优解集进行评价,筛选出无功补偿的待 配置方案,继而确定出适用于所有场景的最终配置 方案。通过对多个算例的大量仿真分析,验证了所 提方法的有效性。

### 1 描述高渗透率风光不确定性的典型场景

风电、光伏出力的随机性和间歇性会影响规划

结果,当风电、光伏的渗透率较低时,其对规划结果 的影响较小,可基于传统电网规划思路来实施规划, 由于该思路未考虑新能源出力的不确定性,若将其 应用于含高渗透率风光的电网规划,则所得结果会 过于理想。为表征高渗透率风光的不确定性,本文 基于场景概率理论分别构造风电典型场景和光伏典 型场景。

## 1.1 风电典型场景

风电输出功率取决于所处环境的风速,而风速 的概率密度函数可用式(1)进行描述。

$$f_{w}(v) = \frac{k}{c} \left(\frac{v}{c}\right)^{k-1} e^{-\left(\frac{v}{c}\right)^{k}}$$
(1)

式中: $f_{w}(\cdot)$ 为风速的概率密度函数;v为风速;k为风 速分布的形状参数;c为尺度参数。

风速*v*与风电输出功率*P*<sub>w</sub>的相关性一般可近似 用式(2)表示。

$$P_{w} = \begin{cases} 0 & 0 \le v < v_{ci}, v \ge v_{co} \\ k_{1}v + k_{2} & v_{ci} \le v < v_{r} \\ P_{wr} & v_{z} \le v < v_{ro} \end{cases}$$
(2)

式中: $v_{ci}$ 、 $v_{r}$ 、 $v_{co}$ 分别为风电机组的切入风速、额定风速、切出风速; $P_{wr}$ 为风电额定输出功率; $k_1 = \frac{P_{wr}}{v_r - v_{ci}}$ ; $k_2 = \frac{-P_{wr}v_{ci}}{v_r - v_{ci}}$ 

 $v_r - v_{ci}$ 

基于式(2),可将风电出力场景划分为风电典型 场景 WT.1-WT.3<sup>[14]</sup>,风电运行于各场景下的概率 可分别由式(3)-(5)表示。

$$P_{\rm WT.1} = 1 - \int_{v_{\rm ci}}^{v_{\rm r}} f_{\rm w}(v) \, \mathrm{d}v - \int_{v_{\rm r}}^{v_{\rm co}} f_{\rm w}(v) \, \mathrm{d}v \qquad (3)$$

$$P_{\rm WT.2} = \int_{v_{\rm ci}}^{v_{\rm r}} f_{\rm w}(v) \,\mathrm{d}v \tag{4}$$

$$P_{\mathrm{WT,3}} = \int_{v_{\mathrm{r}}}^{v_{\mathrm{ex}}} f_{\mathrm{w}}(v) \,\mathrm{d}v \tag{5}$$

式中: $P_{WTJ}(l=1,2,3)$ 为系统在风电典型场景WT.l下运行的概率。

各场景下的风电输出功率为相应场景下功率的 数学期望。以典型风电场景WT.2为例,式(6)给出 了风电输出功率的计算方法,其他场景下的风电输 出功率计算方法与之类似,这里不再赘述。

$$P_{w}^{P_{wr2}} = \int_{0}^{P_{wr}} P_{w} \frac{k}{k_{1c}} \left(\frac{P_{w} - k_{2}}{k_{1c}}\right)^{k-1} e^{-\left(\frac{P_{w} - k_{2}}{k_{1c}}\right)^{k}} dP_{w} \qquad (6)$$

式中: P<sup>P</sup><sub>w</sub><sup>-2</sup>为风电运行于风电典型场景 WT.2下的输出功率。

### 1.2 光伏典型场景

光伏出力依赖于太阳辐照度,通常太阳辐照度 近似服从对数正态分布,其概率密度函数<sup>[15]</sup>为:

$$f_{\rm p}(G) = \frac{1}{G \psi \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(\ln G - \gamma)^2}{2\psi^2}}$$
(7)

式中: $f_{p}(\cdot)$ 为太阳辐照度的概率密度函数;G为太阳 辐照度; $\psi$ 为标准差, $\gamma$ 为平均值,表达式分别如式 (8)、(9)所示。

$$\psi = \sqrt{\ln \frac{E}{H^2 + 1}} \tag{8}$$

$$\gamma = \ln \frac{H^2}{\sqrt{H^2 + E}} \tag{9}$$

式中: *E* 为对数随机变量的方差; *H* 为对数随机变量的平均值。

光伏输出功率*P*<sub>p</sub>与太阳辐照度*G*间的函数关系为:

$$P_{p} = \begin{cases} \frac{G^{2}}{G_{s}R_{c}}P_{pr} & 0 < G < R_{c} \\ \frac{G}{G_{s}}P_{pr} & R_{c} \leq G < G_{s} \\ P_{pr} & G \geq G_{s} \end{cases}$$
(10)

式中:G<sub>s</sub>为标准环境下的太阳辐照度;R<sub>s</sub>为某一特定的太阳辐照度;P<sub>s</sub>为光伏的额定输出功率。

基于1.1节的思路,光伏运行于光伏典型场景 PV.1-PV.3下的概率及输出功率为:

$$P_{\rm PV.1} = \int_{0}^{R_{\rm e}} f_{\rm p}(G) \,\mathrm{d}G \tag{11}$$

$$P_{\rm p}^{P_{\rm PVI}} = \int_{0}^{\frac{R_{\rm c}P_{\rm pr}}{G_{\rm c}}} \frac{1}{2\psi \sqrt{2\pi}} e^{-\frac{\left[\ln \sqrt{\frac{P_{\rm p}G_{\rm c}R_{\rm c}}{P_{\rm pr}} - \gamma}\right]}{2\psi^{2}}} dP_{\rm p} \qquad (12)$$

$$P_{\rm PV.2} = \int_{R_c}^{G_s} f_{\rm p}(G) \, \mathrm{d}G$$
 (13)

$$P_{p}^{P_{pv2}} = \int_{\frac{R_{e}P_{pv}}{C_{e}}}^{P_{pv}} \frac{1}{\psi\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{\left(\ln\frac{P_{p}C_{e}}{P_{pv}} - \gamma\right)}{2\psi^{2}}} dP_{p} \qquad (14)$$

$$P_{\rm PV.3} = 1 - \int_{0}^{R_{\rm e}} f_{\rm p}(G) \, \mathrm{d}G - \int_{R_{\rm e}}^{G_{\rm e}} f_{\rm p}(G) \, \mathrm{d}G \qquad (15)$$

$$P_{p}^{P_{pv3}} = P_{pr} \tag{16}$$

式中: $P_{PV,h}(h=1,2,3)$ 为系统在光伏典型场景 PV.h下运行的概率; $P_{p}^{P_{PV,h}}(h=1,2,3)$ 为光伏运行于光伏典 型场景 PV.h下的输出功率。

需指出的是,实际工程中若要精准反映高渗透 率风光对规划结果的影响,可进一步将风电典型场 景、光伏典型场景划分为更多个小场景,相应的场景 概率和场景功率计算方法参照式(1)—(16)。考虑 到规划的计算量,本文只选取6个具有代表性的典 型运行场景,即风电、光伏分别运行于拟停机场景、 欠额输出场景和额定输出场景。

# 2 基于电压二元表的区域暂态电压安全裕 度指标及无功规划基准场景

### 2.1 母线暂态电压安全裕度指标

在评估母线暂态电压稳定裕度的指标中,基于 改进多二元表的母线暂态电压安全裕度指标具有显 著优势,其不仅能在不同电压阈值区间内更广范围、 更精准地量化母线电压的跌落/上升程度,还可对 呈现多波动或振荡特性的母线电压进行有效评 估<sup>[16]</sup>。本文借助该指标来衡量母线的暂态电压稳定 性,指标定义如式(17)所示。

$$\eta_{i} = \eta_{i.d.n} \left[ \frac{1}{2} \sigma \left( 1 - \eta_{i.d.n} \right) + \sigma \left( \eta_{i.d.n} - 1 \right) \right] + \eta_{i.r.m} \left[ \frac{1}{2} \sigma \left( 1 - \eta_{i.r.m} \right) + \sigma \left( \eta_{i.r.m} - 1 \right) \right]$$
(17)

式中: $\eta_i$ 为母线i的暂态电压安全裕度指标; $\eta_{idn}$ 为n个低电压多二元表约束下母线i的电压跌落安全裕度指标; $\eta_{inm}$ 为m个过电压多二元表约束下母线i的过电压安全裕度指标; $\sigma$ 为阶跃因子。各指标的详细计算方法参考文献[16]。

对于任意母线i:当 $0 \le \eta_i < 1$ 时,母线i暂态电压 稳定,且 $\eta_i$ 越小,母线i暂态电压稳定程度越高;当  $\eta_i = 1$ 时,母线i暂态电压临界稳定;当 $\eta_i > 1$ 时,母线i暂态电压失稳。

### 2.2 区域暂态电压安全裕度指标

母线暂态电压安全裕度指标虽可准确反映各母 线的暂态电压稳定裕度,但难以体现整个电网的暂 态电压水平,而动态无功规划通常聚焦全网或大电 网的部分区域,而不是仅局限于系统的部分节点,因 此本文提出一套基于电压二元表的区域暂态电压安 全裕度指标。

基于多分区的互联电网,本文定义式(18)所示 的区域电压合格率指标和式(19)所示的区域电压稳 定裕度指标来衡量区域或系统的暂态电压稳定性。

$$P_{R_{e}} = \frac{1}{N_{R_{e}}} \sum_{d=1}^{M} \delta_{d} \sum_{b=1}^{N} P_{\delta_{d,b}} N_{R_{e}}^{b,d} \times 100 \%$$
(18)

$$\eta_{R_c} = \sum_{d=1}^{M} \delta_d \sum_{b=1}^{N} P_{\delta_{d,b}} B_{R_c} \sum_{i=1}^{N_{R_c}} \eta_{i,d,b}$$
(19)

式中: $P_{R_c}$ 为考虑M个预选故障和整个系统N条母线 后区域 $R_e$ 的电压合格率指标,e为区域的编号; $N_{R_c}$ 为 区域 $R_e$ 中的母线数; $\delta_d$ 为故障d的权重系数,其值等 于故障发生的概率,由于各典型故障相互独立,因此 有 $\sum_{a=1}^{M} \delta_a = 1$ ; $P_{\delta_a}$ 为母线b发生故障d的概率; $N_{R_c}^{b,d}$ 为母 线b处发生故障d时区域 $R_e$ 中电压合格母线的数量, 当母线i的 $\eta_i < 1$ 时,可认为母线i为电压合格母线;  $\eta_R$ 为区域 $R_e$ 的电压稳定裕度指标; $B_R$ 为区域 $R_e$ 的 权值,如式(20)所示; $\eta_{i,d,b}$ 为母线b发生故障d后区域 $R_e$ 中母线i的暂态电压安全裕度指标。

$$B_{R_{c}} = \frac{S_{R_{c}}\sum_{f=1}^{L-1} \frac{1}{\left|Z'_{R_{c}-R_{f}}\right|}}{\sum_{e=1}^{L} S_{R_{c}}\sum_{f=1}^{L-1} \frac{1}{\left|Z'_{R_{c}-R_{f}}\right|}}$$
(20)

式中: $S_{R_c}$ 为区域 $R_e$ 中总的视在功率,其值越大,表示 区域 $R_e$ 消耗的功率以及系统向该区域传输的功率 越多,该区域在系统中越重要;L为系统中区域的总 数,L-1表示系统中除区域 $R_e$ 外的剩余区域总数;f为区域的编号, $f \neq e$ ; $|Z'_{R_eR_f}|$ 为区域 $R_e$ 和区域 $R_f$ 之间 的等效阻抗模值,等效阻抗的计算原理图与计算方 法分别如图1和式(21)所示。图中: $U_{R_e}$ 和 $U_{R_f}$ 分别为 区域 $R_e$ 、区域 $R_f$ 的对地电压,计算时,将区域中的节 点簇归并<sup>[17]</sup>,并将区域视为节点; $U_{R_eR_f}$ 为区域 $R_e$ 和 区域 $R_f$ 之间的电压差; $I_{R_e}$ 分别为注入区域 $R_e$ 和 域 $R_f$ 的电流; $Z_{R_eR_f}$ 为区域 $R_e$ 和区域 $R_f$ 之间的互阻抗。



图 1 等效阻抗计算原理图 Fig.1 Principal diagram of equivalent impedance calculation

$$Z'_{R_{e}-R_{f}} = Z_{R_{e}-R_{e}} + Z_{R_{f}-R_{f}} - 2Z_{R_{e}-R_{f}}$$
(21)

 $|Z'_{R,R_f}|$ 以电气距离反映区域 $R_e$ 和区域 $R_f$ 连接的 紧密程度,其值越小,表示区域 $R_e$ 距离区域 $R_f$ 越近, 区域 $R_e$ 中发生故障时,区域 $R_f$ 受到的影响越大。 2.3 无功规划基准场景

基于各风电和光伏的典型场景,并结合区域电 压稳定裕度指标来确定无功规划基准场景,如式 (22)、(23)所示。

$$B_{l,h} = \sum_{u=1}^{S} P_{u} P_{WT,l} P_{PV,h} \sum_{d=1}^{M} \delta_{u,l,h,d} \sum_{b=1}^{N} P_{\delta_{u,l,h,d,b}} \sum_{e=1}^{L} B_{R_{e}} \sum_{i=1}^{N_{R_{e}}} \eta_{i,u,l,h,d,b} (22)$$
$$J = \left\{ l.h \Big|_{\max\{B_{l,k}\}} \Big| l \in \{1, 2, \cdots, T\}, h \in \{1, 2, \cdots, F\} \right\} (23)$$

式中: $B_{Lh}$ 为在风电典型场景 WT.l和光伏典型场景 PV.h下的系统电压稳定裕度指标;S为系统运行方 式的总数; $P_u$ 为系统以运行方式u运行的概率; $\delta_{u,Lh,d}$ 为系统运行于运行方式u、风电典型场景 WT.l及光 伏典型场景 PV.h下发生故障d的权重系数; $P_{\delta_{a,Lh,d}}$ 为 在系统运行于运行方式u、风电典型场景 WT.l及光 伏典型场景 PV.h下,母线b发生故障d的概率;  $\eta_{i,u,Lh,d,b}$ 为在系统运行于运行方式u、风电典型场景 WT.l和光伏典型场景 PV.h下,母线b发生故障d后 系统中母线i的暂态电压安全裕度指标;J为确定出 的无功规划基准场景;T为典型风电场景的总数;F为典型光伏场景的总数; $l.h |_{max{B_{a,h}}}$ 表示 $B_{Lh}$ 取最大值 时对应的风电典型场景和光伏典型场景。

# 3 差异化动态无功补偿

### 3.1 关键母线集合

动态无功规划首先要保障暂态过程期间电网中 枢母线及重要负荷母线的安全稳定运行,本文基于 式(24)所示母线的中枢值*B*<sup>\*\*</sup>构造出系统的关键母 线集合。

$$B_i^{\rm zs} = \lambda_i \eta_i^{\rm risk} \tag{24}$$

式中: $\lambda_i$ 为母线i的权重系数,如式(25)所示; $\eta_i^{\text{risk}}$ 为母线i的电压失稳风险因子,如式(26)所示, $\eta_i^{\text{risk}}$ 反映了母线i发生故障后对周围母线的影响程度,其值越大,表示影响越大。

$$\lambda_{i} = \frac{\chi_{1} D_{i} + \chi_{2} \frac{S_{i}}{S_{\text{base}}}}{\sum_{i=1}^{N} \left(\chi_{1} D_{i} + \chi_{2} \frac{S_{i}}{S_{\text{base}}}\right)}$$
(25)

$$\eta_{i}^{\text{risk}} = \sum_{u=1}^{S} P_{u} \sum_{l=1}^{T} P_{\text{WT}.l} \sum_{h=1}^{F} P_{\text{PV}.h} \sum_{d=1}^{M} \delta_{u.l.h.d} P_{\delta_{u.l.h.d.i}} N_{u.l.h.d.i}$$
(26)

式中: $D_i$ 为母线i的度,反映与母线i相关联的边的条数; $\chi_1,\chi_2$ 为权重系数,满足 $\chi_1+\chi_2=1$ ,本文中 $\chi_1=\chi_2=0.5$ ; $S_i$ 为注入母线i的视在功率; $S_{base}$ 为功率基准值,本文取为100 MV·A; $S_i/S_{base}$ 表示母线i在系统中传输或分配功率的大小,其值越大,表示该母线在系统中传输和分配的功率越多,对系统越重要; $N_{u,l,h,d,i}$ 为在系统运行于运行方式u、风电典型场景 WT.l和光伏典型场景 PV.h下,母线i发生故障d后动态分区<sup>[18]</sup>中电压失稳母线的总数。

通过计算各母线的中枢值,由式(27)确定系统的关键母线集合 C<sub>bus</sub>。

$$C_{\text{bus}} = \left\{ i \middle| \operatorname{sort} \left\{ B_i^{\text{zs}} \right\}, i \in \{1, 2, \cdots, N\} \right\}$$
(27)

式中: $sort{B_i^{ss}}$ 表示将各母线按照 $B_i^{ss}$ 值的大小进行降序排列组成的集合。

#### 3.2 最严重故障

在布点前,应基于无功规划基准场景,选取威胁 电网安全稳定运行的最严重故障,选取依据为:

$$D_{d,b} = \delta_d P_{\delta_{d,b}} \sum_{e=1}^{L} B_{R_e} \sum_{i=1}^{N_{R_e}} \lambda_i \eta_{i,d,b}$$
(28)

$$\xi = \left\{ d.b \Big|_{\max\{D_{ab}\}} \Big| d \in \{1, 2, \cdots, M\}, b \in \{1, 2, \cdots, N\} \right\} (29)$$

式中: $D_{db}$ 为母线b发生故障d时系统的电压失稳风险指标; $\xi$ 为基于无功规划基准场景的最严重故障;  $d.b\Big|_{\max\{D_{db}\}}$ 表示 $D_{db}$ 取最大值时对应的故障。

#### 3.3 待补偿的候选母线集合

在定容前,需先筛选出最利于进行无功补偿的 候选母线,构造出待补偿的候选母线集合。本文提 出一种基于母线暂态电压安全裕度的灵敏度指标来 指导动态无功补偿装置的布点,如式(30)所示。

$$S_{1}^{i} = \sum_{e=1}^{L} \sum_{g=1}^{N_{R_{e}} - N_{R_{e}}^{k}} \frac{\eta_{g0,d} - \eta_{g,d}}{\Delta Q_{c,i}}$$
(30)

式中: $S_1$ 为母线i基于母线暂态电压安全裕度的灵敏 度指标; $\eta_{g0d}$ 为在母线i安装动态无功补偿装置前系 统发生故障d时,失稳母线g的暂态电压安全裕度指 标; $\eta_{gd}$ 为在母线i安装动态无功补偿装置后系统发 生故障d时,失稳母线g的暂态电压安全裕度指标;  $\Delta Q_{ci}$ 为在母线i安装的补偿装置的容量。

式(30)所示的灵敏度指标反映了故障 d 下补偿 装置对电压失稳母线的补偿效果,其值越大,补偿效 果越好。通常动态无功补偿装置增发无功越快对系 统的暂态电压稳定性越有利,若仅以具有低时间阈 值的电压二元表来约束,则该灵敏度指标既能反映 动态无功源短期对系统母线电压的改善情况,又能 表征无功响应速率的快慢。

基于式(30),构造出待补偿的候选母线集合为:

$$C_{\text{bus}}^{S_{1}^{i}} = \left\{ i \mid \text{sort}\left\{S_{1}^{i}\right\}, i \in \{1, 2, \cdots, N\} \right\}$$
(31)

式中: $C_{\text{bus}}^{S_i}$ 为待补偿的候选母线集合;sort $\{S_1\}$ 表示将 各母线按照 $S_1$ 值的大小进行降序排列组成的集合。

### 3.4 差异化动态无功补偿的优化模型

差异化补偿主要体现为2点:对于不同的候选 节点,安装的动态无功补偿装置不尽相同;优化不 同类型的补偿装置时,采取不同的优化策略。本文 规划选用工程上最常用的2类动态无功补偿装置, 即静止同步补偿器 STATCOM(STATic synchronous COMpensator)和 SVC。鉴于 STATCOM 在无功补偿 效果和无功响应速度上均优于 SVC,本文优先对 C<sup>si</sup> 效果和无功响应速度上均优于 SVC,本文优先对 C<sup>si</sup> 中排序靠前的母线安装 STATCOM,使其在暂态过程 前期快速增发无功功率来支撑全网母线电压。由于 SVC 经济优势显著,因此,将 SVC 装设于 C<sup>si</sup><sub>bus</sub> 中排序 靠后的母线,旨在提高母线暂态电压稳定性的同时, 最大限度地节省经济成本。 3.4.1 目标函数

本文设置如下目标函数:

$$\zeta_{1}(\alpha) = \sum_{e=1}^{L} \left[ \left( 1 - P_{R_{e}} \right) + \eta_{R_{e}} \right]$$
(32)

$$\zeta_{2}(\alpha) = \frac{1}{T_{\varphi_{i}}} \sum_{i \in C_{los}^{\gamma_{i}}} \left( C_{\varphi_{i}} Q_{i} + F_{\varphi_{i}} \right)$$
(33)

$$\min \zeta = \{ \omega_1 \zeta_1(\alpha), \omega_2 \zeta_2(\alpha) \}$$
(34)

式中: $\zeta_1(\alpha)$ 、 $\zeta_2(\alpha)$ 为待优化的2个子目标函数,分 别表征无功补偿效果和无功补偿的经济成本;1- $P_{R_i}$ 为区域 $R_e$ 的电压失稳率指标; $\omega_1$ 、 $\omega_2$ 为子目标函数 的优化权重,满足 $\omega_1+\omega_2=1$ ; $\varphi_i$ 为逻辑变量,取值0、 1、2,各取值表示的含义如式(35)所示; $T_{\varphi_i}$ 为动态无 功补偿装置的运行年限,当 $\varphi_i$ 取值1、2时, $T_{\varphi_i}$ 分别表 示 STATCOM、SVC的运行年限; $C_{\varphi_i}$ 为动态无功补偿 装置的无功补偿单价,当 $\varphi_i$ 取值1、2时, $C_{\varphi_i}$ 分别表示 STATCOM、SVC的无功补偿单价; $Q_i$ 为母线i处相应 补偿装置的无功补偿容量; $F_{\varphi_i}$ 为动态无功补偿装置的 安装费用,当 $\varphi_i$ 取值1、2时, $F_{\varphi_i}$ 分别表示 STATCOM、 SVC的安装费用。需注意的是,当 $\varphi_i=0$ 时, $T_{\varphi_i}=1$ a,  $C_{\varphi_i}=P_i=0$ 。

$$\varphi_i = \begin{cases} 0 & 在母线 i 处不装设动态无功补偿装置 \\ 1 & 在母线 i 处装设 STATCOM \end{cases}$$
 (35)

3.4.2 约束条件

1) 功率平衡约束, 即:

$$\begin{cases} P_{G,i} - P_{L,i} = U_i \sum_{j=1}^{N} U_j \Big[ G_{ij} \cos\left(\theta_i - \theta_j\right) + B_{ij} \sin\left(\theta_i - \theta_j\right) \Big] \\ Q_{G,i} - Q_{L,i} = U_i \sum_{j=1}^{N} U_j \Big[ G_{ij} \sin\left(\theta_i - \theta_j\right) - B_{ij} \cos\left(\theta_i - \theta_j\right) \Big] \end{cases}$$
(36)

式中: $P_{c_i}$ 、 $Q_{c_i}$ 、 $P_{L_i}$ 、 $Q_{L_i}$ 分别为发电机节点*i*的注入有 功功率、注入无功功率、有功负荷、无功负荷; $U_i$ 、 $U_j$ 、  $\theta_i$ 、 $\theta_j$ 分别为节点*i*的电压幅值、节点*j*的电压幅值、 节点*i*的电压相角、节点*j*的电压相角; $G_{ij}$ 、 $B_{ij}$ 分别为 线路*i*-*j*的电导、电纳。

2) 变量约束,即:

$$\begin{cases} P_{G,i}^{\min} \leqslant P_{G,i} \leqslant P_{G,i}^{\max} & i = 1, 2, \cdots, N_{G} \\ Q_{G,i}^{\min} \leqslant Q_{G,i} \leqslant Q_{G,i}^{\max} & i = 1, 2, \cdots, N_{G} \\ U_{i}^{\min} \leqslant U_{i} \leqslant U_{i}^{\max} & i = 1, 2, \cdots, N \\ Q_{i}^{\min} \leqslant Q_{i} \leqslant Q_{i}^{\max} & i = 1, 2, \cdots, N \end{cases}$$
(37)

式中: P<sub>Gi</sub><sup>min</sup>、P<sub>Gi</sub><sup>max</sup>分别为发电机节点 *i* 的有功功率下限、上限; Q<sub>Gi</sub><sup>min</sup>、Q<sub>Gi</sub><sup>max</sup>分别为发电机节点 *i* 的无功功率下限、上限; U<sub>i</sub><sup>min</sup>、U<sub>i</sub><sup>max</sup>分别为节点 *i* 电压幅值的下限、 上限; Q<sub>i</sub><sup>min</sup>、Q<sub>i</sub><sup>max</sup>分别为接入节点 *i* 的动态无功补偿装置容量的下限、上限; N<sub>c</sub>为系统中发电机节点的 总数。

3.4.3 求解算法

与快速非支配排序的多目标遗传算法NSGA-II (Non-dominated Sorted Genetic Algorithm-II)、基于 分解的多目标进化算法MOEA/D(MultiObjective Evolutionary Algorithm based on Decomposition)等 主流的多目标优化算法相比,MOGWO算法在寻优 精度上具有一定的优势<sup>[19]</sup>,因此本文借助MOGWO 算法来完成动态无功补偿装置的定容,主要步骤为:

1)设置对应于补偿装置容量的灰狼种群数量  $N_{\rm p}$ 、最大迭代次数I、维数D、补偿装置容量的上限 $U_{\rm b}$ 和下限 $L_{\rm b}$ 、外部种群 Archive 的数量 $N_{\rm Ar}$ 以及有关控制参数;

2)随机生成满足条件的灰狼个体,计算各个体的目标函数值,确定当前最优个体,更新 Archive;

3)基于轮盘赌法在 Archive 中挑选出α、β、δ这 3条头狼,由头狼位置依次对剩余灰狼位置进行更 新,并计算对应的目标函数值;

4)根据各灰狼的目标函数值,找出新的非支配 个体,并更新Archive;

5)重复步骤3)和步骤4)直至达到最大迭代次数*I*时为止,若在该过程中外部种群数量达到上限,则依据Archive中各个体目标函数的分组结果,随机从拥挤组中淘汰部分个体,直至外部种群Archive的数量等于*N*<sub>Ar</sub>时为止;

6)输出Archive中的灰狼位置,该位置即表示求 解的Pareto最优解集。

3.4.4 方案评价

本文利用改进的熵权 TOPSIS 法从 Pareto 最优 解集中筛选出动态无功补偿装置的待配置方案。相 较于传统的熵权 TOPSIS 法<sup>[20]</sup>,该方法通过熵权法和 变异系数法对指标进行组合赋权,避免了单一赋权 方法带来的不确定性。此外,引入虚拟最劣方案,以 防产生距离最优方案和最劣方案均较近的解。假设 利用 w个评估指标对 s 个评估方案进行评价,主要特 征如下。

1)利用熵权法和变异系数法对各指标赋权,即:

$$\boldsymbol{R} = \left( \boldsymbol{W}_{\boldsymbol{y}} \boldsymbol{a}_{\boldsymbol{x}\boldsymbol{y}}' \right)_{\boldsymbol{s} \times \boldsymbol{w}} = \left( \boldsymbol{r}_{\boldsymbol{x}\boldsymbol{y}} \right)_{\boldsymbol{s} \times \boldsymbol{w}} \tag{38}$$

式中:R为指标的加权矩阵;x为当前评估方案;y为 当前评估指标; $a'_x$ 为在评估指标y下评估方案x经标 准化后的指标值; $W_y$ 为评估指标y的最终权重,其计 算方法如式(39)所示。

$$W_{y} = \frac{1}{2} \left( W_{1y} + W_{2y} \right) \tag{39}$$

式中: $W_{1y}$ 为评估指标 y基于变异系数的权重; $W_{2y}$ 为评估指标 y基于信息熵的权重。

2)引入虚拟最劣方案,计算各评估方案与最劣

理想方案的贴近度 $F_*$ ,即:

$$F_{x} = \frac{2D_{x}^{-} - D_{x}^{+}}{D_{x}^{+} + D_{x}^{-}}$$
(40)

式中: $F_x$ 为评估方案 x与最劣理想方案的贴近度;  $D_x^+$ 、 $D_x^-$ 分别为评估方案 x与最优方案、最劣方案之间的欧氏距离。

选取贴近度最大的方案作为动态无功补偿装置的待输出方案。

3.4.5 动态无功补偿装置的配置步骤

动态无功补偿装置的配置步骤如下。

1) 计算高渗透率风光在各自典型场景下的运行 概率及其出力。

2)通过 PSD-BPA 对算例进行潮流计算,采集系 统的潮流信息,计算各区域的权值和各母线的权重 系数。

3) 对系统进行 N-1 故障扫描, 计算预选故障作 用下各母线的电压失稳风险因子, 确定无功规划基 准场景及最严重故障。

4)计算各母线的中枢值,构造关键母线集合。

5)基于无功规划基准场景的最严重故障,依次 在系统各母线处接入相同类型、相同容量的动态无 功补偿装置,对其进行时域仿真分析。

6)计算各母线的*S*<sub>i</sub>值,构造出基于*S*<sub>i</sub>的候选母 线集合。

7) 对候选母线集合中排序靠前的母线安装 STATCOM,其余母线按照排序的先后,依次安装 SVC。

8)利用MOGWO算法求解Pareto最优解集。

9)利用改进的熵权 TOPSIS 法对各方案进行评价,筛选出基准场景下动态无功补偿装置的待配置 方案。

10)基于待配置方案,重新对各场景进行故障 扫描。

11)若所有场景经预选故障作用后,系统各母线 电压均不失稳,则将待配置方案输出为最终的配置 方案;否则,针对引起母线电压失稳的故障和该故障 对应的场景,在待配置方案的基础上,增设动态无功 补偿装置的补偿容量,增设位置和增设容量由摄动 法搜索。当能维持各母线暂态电压稳定时,更新原 始的待配置方案,返回步骤10)。

### 4 算例分析

本文基于 PSD-BPA 和 MATLAB,分别以改进的 IEEE 39 节点系统和我国河北省某区域电网来验证 所提方法的可行性和有效性。附录 A 表 A1给出了 2 个算例的仿真参数。

### 4.1 改进的 IEEE 39 节点系统

附录 A 图 A1 所示的改进的 IEEE 39 节点系统中,所有负荷均按照 50% 的恒阻抗负荷+50% 的感

应电动机负荷的比例进行配置,母线33—35接有双 馈风电场,光伏电站经母线30、39并网。由于该系 统规模不大,分析时将整个系统视为1个区域,根据 式(41)计算出风光在区域中的渗透率为50%,满足 高渗透率的要求。

$$P_{\rm DG} = \frac{\sum_{r=1}^{r} P_{\rm DG.nom}^{r}}{P_{\rm L.sum}} \times 100 \%$$
(41)

式中:P<sub>DC</sub>为电网中DG的渗透率;P'<sub>DG.nom</sub>为电网中第r 台DG的装机容量;q为电网中DG的总数;P<sub>Lsum</sub>为电 网中负荷的总有功功率。

风电场中的双馈风电机组和光伏电站中的光 伏电池均采用统一型号。单台风机的额定电压 为 690 V,额定容量为 1.5 MW,风机的威布尔模型 参数为 c=8.5、k=2、 $v_{ci}=3.5$  m/s、 $v_r=11.5$  m/s、 $v_{co}=25$  m/s。单个光伏阵列的额定电压为 400 V,额定 输出功率为 1.05 MW,环境参数<sup>[15]</sup>为 $\psi=0.6$ 、 $\gamma=6$ 、  $G_s=800$  W/m<sup>2</sup>, $R_c=120$  W/m<sup>2</sup>。根据式(1)—(16) 计 算出的高渗透率风电、光伏运行于各典型场景下的 概率及其出力分别如附录 A 表 A2 和表 A3 所示。

以三相短路故障和单相接地故障构成的预选故 障集 0.1 s作用于系统,在故障发生 5个周期后切除 故障线路。此时,各场景下的系统电压稳定裕度指 标如附录 A表 A4所示,可确定场景 2 为无功规划基 准场景。结合系统拓扑和潮流分布,计算出各母线 的中枢值,如附录 B表 B1所示。基于 N-1 故障扫 描,确定出最严重故障为线路 16-17 首端的三相短 路故障,附录 B 图 B1 给出了在该故障下全网母线的 电压波形。

4.1.1 改进的 IEEE 39 节点系统中动态无功补偿装置的布点

本文布点采用400 Mvar的STATCOM,将其依次 接于各母线,探究其对母线电压的补偿情况。因母 线30—39是发电机母线,其电压幅值恒定,因此布 点时可不考虑这些母线<sup>[21]</sup>。为显示本文布点方法的 优越性,将式(30)基于母线暂态电压安全裕度的灵 敏度指标与文献[22-23]的灵敏度指标进行对比,基 于各灵敏度指标的候选母线集合如附录 B表 B2所 示。由表可知,经本文灵敏度指标筛选出的候选母 线依次为母线15、24、16、22、23、21等,补偿装置接 于候选母线对系统部分关键母线和故障母线电压的 改善情况分别如表1和附录 B图 B2所示。表中,  $\Delta\eta_s = \eta_{g0d} - \eta_{gd}$ 为在候选母线安装无功补偿装置前 后,母线g的暂态电压安全裕度指标之差。

表1和图B2表明,与文献[22-23]灵敏度指标相 比,本文灵敏度指标更有利于改善系统关键母线和 故障母线的暂态电压稳定性,由此说明了本文布点

# 表1 补偿装置接于不同候选母线对系统部分 关键母线电压的改善情况

Table 1 Voltage improvement condition of partial key buses in system by connecting compensation device to different candidate buses

补偿位置	$\Delta \eta_{_{39}}$	$\Delta \eta_{16}$	$\Delta \eta_{_6}$	$\Delta {m \eta}_{29}$
母线15	29.389	30.896	29.485	7.657
母线24	29.386	30.889	29.471	2.299
母线16	29.381	30.878	29.469	2.041
母线 22	29.377	30.834	29.464	1.695
母线23	29.375	30.813	29.461	1.674
母线21	29.370	30.792	29.459	0.487

方法具有一定优势。

4.1.2 改进的 IEEE 39 节点系统中动态无功补偿装置的定容

根据表2所示的动态无功补偿装置的经济参数和投资费用<sup>[24]</sup>,对 $C_{bus}^{S_1}$ 实施差异化补偿。对于 STATCOM,要求其保障系统能在暂态过程前期获得 最佳的补偿效果,令子目标函数的优化权重 $\omega_1:\omega_2=$ 2:1<sup>[25]</sup>,即 $\omega_1\approx0.67,\omega_2\approx0.33$ ;而对于SVC,则侧重经 济成本,令 $\omega_1:\omega_2=1:2$ ,即 $\omega_1\approx0.33,\omega_2\approx0.67$ 。考虑到 所用算例的计算量和代表性,本文仅考虑候选母线 集合中的前6条候选母线,本文研究方法适用于所 有候选母线,这里不再赘述。

表2 动态无功补偿装置的经济参数和投资费用

 
 Table 2
 Economic parameters and investment cost of dynamic reactive power compensation devices

设备类型	运行年限 / a	安装费用/\$	补偿单价 / [\$•Mvar <sup>-1</sup> ]
SVC	10	$1.3 \times 10^{7}$	$3 \times 10^{4}$
STATCOM	10	$2.6 \times 10^{7}$	$9 \times 10^{4}$

利用 MOGWO 算法求解安装于前6条候选母线的动态无功补偿装置的最优容量。附录 B表 B3给出了基准场景下求解的 Pareto 最优解集。图2对比了不同优化算法下各最优方案的无功补偿效果。各最优方案经改进的熵权 TOPSIS 法评价后的评价结果如表3 所示。



Fig.2 Reactive power compensation effect of each optimal scheme

表 3 改进的 IEEE 39 节点系统中各最优方案的评价结果

Table 3 Evaluation results of each optimal scheme in improved IEEE 39-bus system

方案	$\zeta_1$	ζ2/\$	贴近度
1	4.250	$1.991 \times 10^{7}$	0.476
2	5.789	$1.748 \times 10^{7}$	0.524
3	4.690	$1.901 \times 10^{7}$	0.599
4	5.375	$1.789 \times 10^{7}$	0.632
5	4.529	$1.935 \times 10^{7}$	0.535

由图2可见,MOGWO算法求解出的各最优方案 基本支配其余算法解得的Pareto最优解集,这体现 了MOGWO算法的精度优势,同时也说明该算法能 在保证补偿效果的同时,在一定程度上节省经济成 本。由于计算时间不是电网规划的主要关注点<sup>[22]</sup>, 因此本文仅在精度上对算法进行了对比。

根据表3的评价结果,选取贴近度最大的方案4 作为动态无功补偿装置的待配置方案。基于该方 案,重新对各场景进行故障扫描,结果如表4所示。

表4 改进的 IEEE 39 节点系统中待配置方案的补偿效果

Table 4	Compen	sation	effect	of	scheme	to	be
coi	nfigured	in IE	EE 39-	bus	system		

场景	风电典型场景	光伏典型场景	$\sum_{e=1}^{L} \left(1 - P_{R_e}\right)$	$\sum_{e=1}^{L} \eta_{R_e}$
1	WT.1	PV.1	0	3.989
2	WT.1	PV.2	0	5.375
3	WT.1	PV.3	0	5.413
4	WT.2	PV.1	0	9.551
5	WT.2	PV.2	0	9.786
6	WT.2	PV.3	0	9.845
7	WT.3	PV.1	0	12.321
8	WT.3	PV.2	0	11.849
9	WT.3	PV.3	0	11.629

由表4可知,将待配置方案应用于各场景后,各 区域的电压失稳率均为0,此时将该方案输出为动 态无功补偿装置的最终配置方案。

### 4.2 河北省某区域电网

附录C图C1给出了我国河北省某区域电网的 地理接线图,该电网是一个含高渗透率风光的受端 电网。根据国网河北省电力有限公司发策部对该区 域电网的分区结果,将该电网划分为区域1和区域2, 所有区域的总有功负荷为4545 MW,总装机容量为 700、600 MW的双馈风电场均经节点70接入系统; 总装机容量为400、200、400 MW的光伏电站分别从 节点27、19、23并网。高渗透率风电、光伏的各典型 场景参数分别如附录C表C1和表C2所示。附录C 表C3给出了各场景下的系统电压稳定裕度指标。

由表 C3 可确定场景 8 为无功规划基准场景。 此外,系统 N-1 故障扫描的结果显示,线路 70-69 首 端的三相短路故障为基准场景下的最严重故障。附 录C图C2给出了该故障下全网母线的电压波形,此时全网母线电压失稳。

4.2.1 区域电网中动态无功补偿装置的布点

将400 Mvar的STATCOM依次补偿于各节点,计 算各节点的灵敏度,可构造出由母线50、55、48、52、 51、49等组成的候选母线集合。在该装置补偿下的 各区域电压合格率指标和电压稳定裕度指标如附录 D表D1所示。由表可知,在利用本文布点方法筛选 出的候选母线进行补偿,有助于保障各区域的暂态 电压稳定性,可见本文布点方法除了能改善系统关 键母线、故障母线的暂态电压稳定性外,还能兼顾对 各区域的补偿效果,这进一步显示了其优越性。 4.2.2 区域电网中动态无功补偿装置的定容

利用 MOGWO 算法求解最优补偿容量, 附录 D 表 D2 给出了基准场景下求解的 Pareto 最优解集, 其 中各最优方案的评价结果如附录 D表 D3 所示。

在表D3所示的各最优方案评价结果中,方案5 的无功补偿效果最好,但投资的经济成本也最高,方 案1虽然实现了经济性最优,但其无功补偿的效果 却不及其余方案。经权衡,选取贴近度最大的方案 4作为动态无功补偿装置的待配置方案,附录D图 D1给出了在该方案下的全网母线电压波形。

由图 D1 可知,在方案4的补偿下,全网各母线 电压在暂态过程期间均能保持稳定。为进一步显示 本文差异化补偿的优势,将其与仅采用 SVC 或 STATCOM 的无功补偿方案进行对比,表5给出了在 不同类型动态无功补偿装置补偿下各最优方案的评 价结果。

表5 不同最优补偿方案的评价结果

 Table 5
 Evaluation results of different

optimal compensation schemes					
排序	设备类型	$\zeta_1$	$\zeta_2 / \$$	贴近度	
1	STATCOM+SVC	7.633	$1.558 \times 10^{7}$	0.905	
2	STATCOM+SVC	7.914	$1.544 \times 10^{7}$	0.897	
3	STATCOM+SVC	10.203	$1.376 \times 10^{7}$	0.872	
4	STATCOM+SVC	9.730	$1.446 \times 10^{7}$	0.845	
5	SVC	11.978	$1.237 \times 10^{7}$	0.831	
6	STATCOM+SVC	6.285	$1.719 \times 10^{7}$	0.789	
7	SVC	14.134	$1.230 \times 10^{7}$	0.679	
8	SVC	14.911	$1.224 \times 10^{7}$	0.635	
9	SVC	16.829	$1.210 \times 10^{7}$	0.540	
10	SVC	17.261	$1.207 \times 10^{7}$	0.521	
11	STATCOM	1.170	$2.274 \times 10^{7}$	0.479	
12	STATCOM	1.836	$2.236 \times 10^{7}$	0.474	
13	STATCOM	2.277	$2.208 \times 10^{7}$	0.473	
14	STATCOM	2.593	$2.193 \times 10^{7}$	0.468	
15	STATCOM	3.159	$2.157 \times 10^{7}$	0.466	

由表5可知,相较于在单一类型补偿装置补偿 下的各最优方案,本文所提差异化补偿的各最优方 案的贴近度普遍更大,这些方案在保证补偿效果的 同时,兼顾了经济成本,是综合性更优的补偿方案。

基于表D3中的方案4,重新对算例进行故障扫描,扫描结果显示,该待配置方案虽然可保障在基准场景下经预选故障作用后系统的暂态电压稳定性, 但在某些场景中,系统中的母线电压仍存在失稳的 情形。表6给出了由摄动法确定的动态无功补偿装 置的最终配置方案,将最终配置方案应用于所有场 景后的系统暂态电压安全裕度指标如表7所示。

表6 动态无功补偿装置在区域电网中的最终配置方案

Table 6 Final configuration scheme of dynamic reactive power compensation devices in

regional power grid

补偿位置	设备类型	设备容量 / Mvar
母线 50	STATCOM	235
母线 55	STATCOM	200
母线48	SVC	211
母线 52	SVC	193
母线 51	SVC	205
母线 49	SVC	155

#### 表7 区域电网中最终配置方案的补偿效果

 Table 7
 Compensation effect of final configuration

scheme in regional power grid

场景	风电典型场景	光伏典型场景	$\sum_{e=1}^{L} \left(1 - P_{R_e}\right)$	$\sum_{e=1}^{L} \eta_{R_e}$
1	WT.1	PV.1	0	20.374
2	WT.1	PV.2	0	19.783
3	WT.1	PV.3	0	24.761
4	WT.2	PV.1	0	1.637
5	WT.2	PV.2	0	1.519
6	WT.2	PV.3	0	1.961
7	WT.3	PV.1	0	6.731
8	WT.3	PV.2	0	3.787
9	WT.3	PV.3	0	4.305

由表7可知,将最终配置方案应用于各场景后, 系统均能保持暂态电压稳定性,这验证了本文定容 策略的普适性。

# 5 结论

针对含高渗透率风光的电网,本文提出一种考虑暂态电压稳定的动态无功规划方法,结论如下:

 1)本文提出的基于电压二元表的区域暂态电压 安全裕度指标可有效衡量各区域的暂态电压稳定程 度,指导电网动态无功规划;

2)规划时考虑高渗透率风光的不确定性,所得规划方案适用于所有工况;

3)差异化动态无功补偿在保证补偿效果的同时,在很大程度上节省了经济成本,算例分析结果验证了本文规划方法的可行性和有效性。

在无功规划时,如何兼顾系统的静暂态电压稳 定性是笔者下一步的研究重点。 附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

### 参考文献:

- [1] 彭光博,向月,陈文溆乐,等."双碳"目标下电力系统风电装机 与投资发展动力学推演及分析[J/OL].电力自动化设备. [2022-05-22]. https://doi.org/10.16081/j.epae.202205013.
- [2] 舒印彪,陈国平,贺静波,等.构建以新能源为主体的新型电力 系统框架研究[J].中国工程科学,2021,23(6):61-69.
   SHU Yinbiao, CHEN Guoping, HE Jingbo, et al. Building a new electric power system based on new energy sources[J].
   Strategic Study of CAE,2021,23(6):61-69.
- [3] 汪宁渤,马明,强同波,等.高比例新能源电力系统的发展机 遇、挑战及对策[J].中国电力,2018,51(1):29-35,50.
  WANG Ningbo, MA Ming, QIANG Tongbo, et al. High-penetration new energy power system development: challenges, opportunities and countermeasures[J]. Electric Power, 2018,51(1): 29-35,50.
- [4] NIU S B, ZHANG Z, KE X B, et al. Impact of renewable energy penetration rate on power system transient voltage stability[J]. Energy Reports, 2022, 8:487-492.
- [5] 赵静波,卫志农,朱梓荣,等. 计及设备动作次数约束与 UPFC 的无功优化算法[J]. 电力自动化设备,2020,40(12):179-187.
   ZHAO Jingbo, WEI Zhinong, ZHU Zirong, et al. Reactive power optimization algorithm considering device action times and UPFC[J]. Electric Power Automation Equipment,2020,40 (12):179-187.
- [6]陈建华, 阎帅,张瑶,等.基于 IPM-intPSO 的两阶段动态无功优 化算法[J].电力自动化设备,2020,40(3):174-180.
   CHEN Jianhua, YAN Shuai, ZHANG Yao, et al. Two-stage dynamic reactive power optimization algorithm based on IPMintPSO[J]. Electric Power Automation Equipment,2020,40(3): 174-180.
- [7] 王贤,刘文颖,夏鹏,等.光伏电站参与电网主动调压的无功优 化控制方法[J].电力自动化设备,2020,40(7):76-83.
   WANG Xian,LIU Wenying,XIA Peng, et al. Reactive power optimization control method for PV station participating in active voltage regulation of power grid[J]. Electric Power Automation Equipment,2020,40(7):76-83.
- [8] YANG D, HONG S, CHENG H, et al. A novel dynamic reactive power planning methodology to enhance transient voltage stability[J]. International Transactions on Electrical Energy Systems, 2017, 27(10): 1-17.
- [9]杨堤,程浩忠,马则良,等.考虑静态和暂态电压稳定的交直流 混联系统综合无功规划方法研究[J].中国电机工程学报, 2017,37(11):3078-3086.
   YANG Di, CHENG Haozhong, MA Zeliang, et al. Integrated

reactive power planning methodology considering static and transient voltage stability for AC-DC hybrid system[J]. Proceedings of the CSEE,2017,37(11):3078-3086.

- [10] 赵晶晶,朱仁杰,黄阮明,等.考虑静暂态电压稳定性的风电并 网系统无功规划[J].可再生能源,2019,37(11):1650-1655. ZHAO Jingjing,ZHU Renjie,HUANG Ruanming, et al. Reactive power planning of wind power integrated system considering both static and transient voltage stability[J]. Renewable Energy Resources,2019,37(11):1650-1655.
- [11] 索之闻,刘建琴,蒋维勇,等. 大规模新能源直流外送系统调相 机配置研究[J]. 电力自动化设备,2019,39(9):124-129.
   SUO Zhiwen,LIU Jianqin,JIANG Weiyong, et al. Research on synchronous condenser configuration of large-scale renewable energy DC transmission system [J]. Electric Power Automa-

tion Equipment, 2019, 39(9):124-129.

- [12] 周仕豪,唐飞,刘涤尘,等.考虑降低多馈入直流换相失败风险的动态无功补偿配置方法[J].高电压技术,2018,44(10): 3258-3265.
  ZHOU Shihao, TANG Fei, LIU Dichen, et al. Dynamic reactive power compensation configuration method for reducing the risk of commutation failure in multi-infeed DC system
  [J]. High Voltage Engineering,2018,44(10):3258-3265.
- [13] 周仕豪,唐飞,刘涤尘,等.考虑降低暂态电压失稳风险的动态 无功优化配置方法[J].电力系统保护与控制,2018,46(7): 68-75.

ZHOU Shihao, TANG Fei, LIU Dichen, et al. A dynamic VAR optimal configuration method for reducing the risk of transient voltage instability[J]. Power System Protection and Control, 2018, 46(7):68-75.

- [14] 陈继明,祁丽志,孙名好,等. 多场景下含风电机组的配电网无 功优化的研究[J]. 电力系统保护与控制,2016,44(9):129-134.
   CHEN Jiming, QI Lizhi, SUN Mingyu, et al. Reactive power optimization for distribution network with multi-scenario wind power generator[J]. Power System Protection and Control, 2016,44(9):129-134.
- [15] BISWAS P P, SUGANTHAN P N, AMARATUNGA G A J. Optimal power flow solutions incorporating stochastic wind and solar power [J]. Energy Conversion and Management, 2017, 148:1194-1207.
- [16] 徐艳春,蒋伟俊,孙思涵,等. 含高渗透率风电的配电网暂态电 压量化评估[J/OL]. 中国电力. [2022-04-02]. https://kns. cnki.net/kcms/detail/11.3265.TM.20220223.1840.002.html.
- [17] 宋越,程浩忠,张健,等.基于多目标模块度的多层次电压控制 分区方法[J].电力自动化设备,2015,35(1):153-158,164.
  SONG Yue, CHENG Haozhong, ZHANG Jian, et al. Multi-level voltage control partitioning based on multi-objective modularity
  [J]. Electric Power Automation Equipment, 2015, 35(1):153-158,164.
- [18] 林银鸿,王彬,葛怀畅,等. 电网在线暂态电压安全分析的降维 方法[J]. 电力系统自动化,2021,45(12):109-118.
  LIN Yinhong, WANG Bin, GE Huaichang, et al. Dimension reduction method for online transient voltage security analysis of power grid[J]. Automation of Electric Power Systems,2021, 45(12):109-118.
- [19] MIRJALILI S, SAREMI S, MIRJALILI S M, et al. Multi-objective grey wolf optimizer: a novel algorithm for multi-criterion optimization [J]. Expert Systems With Applications, 2016, 47: 106-119.
- [20] WU X, ZHANG C, YANG L J. Evaluation and selection of transportation service provider by TOPSIS method with entropy weight[J]. Thermal Science, 2021, 25(2):1483-1488.
- [21] 黄小庆,阮驰骋,邹佳芯,等.考虑电网特性的动态无功优化配置方法[J].电力自动化设备,2016,36(9):127-133.
   HUANG Xiaoqing, RUAN Chicheng, ZOU Jiaxin, et al. Optimal dynamic var configuration considering grid characteristics
   [J]. Electric Power Automation Equipment,2016,36(9):127-133.
- [22] LIU J W, XU Y, DONG Z Y, et al. Retirement-driven dynamic VAR planning for voltage stability enhancement of power systems with high-level wind power [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2018, 33(2):2282-2291.
- [23] YANG D, CHENG H Z, MA Z L, et al. Dynamic VAR planning methodology to enhance transient voltage stability for failure recovery [J]. Journal of Modern Power Systems and Clean Energy, 2018, 6(4):712-721.

- [24] TAHBOUB A M, EL MOURSI M S, WOON W L, et al. Multiobjective dynamic VAR planning strategy with different shunt compensation technologies [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2018, 33(3): 2429-2439.
- [25] 张一凡,唐飞,向农,等.考虑抑制 MIDC 后续换相失败风险的 节点差异化动态无功补偿方法研究[J].电网技术,2022,46 (2):541-553.

ZHANG Yifan, TANG Fei, XIANG Nong, et al. Node differential dynamic reactive power compensation considering risk restraints of subsequent commutation failure of MIDC [J]. Power System Technology, 2022, 46(2):541-553. 作者简介:



徐艳春(1973—),女,副教授,博士,主 要研究方向为分布式电源接入配电网时的 扰动信号检测、电力系统谐波检测以及电 力系统电压稳定性与无功优化(E-mail: xvc7309@163.com);

蒋伟俊(1998—),男,硕士研究生,主 要研究方向为电力系统暂态电压稳定性 (E-mail:980094945@qq.com)。

(编辑 王锦秀)

# Dynamic reactive power planning method for power grid with high permeability wind power and photovoltaic considering transient voltage stability

XU Yanchun<sup>1</sup>, JIANG Weijun<sup>1</sup>, WANG Ping<sup>1</sup>, MI Lu<sup>2</sup>

(1. Hubei Provincial Key Laboratory for Operation and Control of Cascaded Hydropower Station,

China Three Gorges University, Yichang 443002, China;

2. Department of Electrical and Computer Engineering, Texas A&M University, College Station 77840, USA)

Abstract: Along with the gradual increase of permeability of wind power and photovoltaic in power grid, the transient voltage stability problem of power grid becomes increasingly serious. A dynamic reactive power planning method for power grid with high permeability wind power and photovoltaic is proposed considering transient voltage stability. A regional transient voltage safety margin index based on voltage two-element notation and a benchmark scenario for reactive power planning are constructed. A layout method of dynamic reactive power compensation device is given based on the proposed index, an optimization model of differentiated dynamic reactive power compensation is established, the multi-objective grey wolf algorithm is used to solve the allocation capacity, and a technique for order preference by similarity to ideal solution method with improved entropy weight is adopted to screen out the scheme to be configured for dynamic reactive power compensation device. The perturbation method is used to determine the final configuration scheme, which ensures that the obtained planning scheme suitable to all scenarios. The simulative results of a modified IEEE 39-bus system and an actual power grid verify the universality and rationality of the proposed planning method.

Key words: high permeability wind power and photovoltaic; transient voltage safety margin index; benchmark scenario; differentiated dynamic reactive power compensation; TOPSIS method with improved entropy weight

# 附录 A

表 A1 仿真参数

Table A1 Simulative parameters

仿真参数	数值
	$\begin{bmatrix} 0.80 \text{ p.u.}, 10 \text{ s} \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0.75 \text{ p.u.}, 1 \text{ s} \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0.70 \text{ p.u.}, 0.2 \text{ s} \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} 0.65 \text{ p.u.}, 0.1 \text{ s} \end{bmatrix},$
	[1.1  p.u., 1.2  s], $[1.15  p.u., 0.1  s]$ , $n = 4$ , $m = 2$
39节点系统的区域信息及权值	$N=39$ , $N_{R_{\rm i}}=39$ , $B_{R_{\rm i}}=1$
区域电网的区域信息及权值	$N=81$ , $N_{\rm R_1}=48$ , $B_{\rm R_1}{=}0.66$ , $N_{\rm R_2}=33$ , $B_{\rm R_2}{=}0.34$
±/- n↔ ±0π- <del>/-</del> -	$\delta_{\!_1}\!=\!\delta_{\!_{ulh\!,\!1}}\!=\!0.07~(\Xi相短路故障)$ , $~\delta_{\!_2}\!=\!\delta_{\!_{ulh\!,\!2}}\!=\!0.93~(単相接地故障)$ ,
故障概率	$P_{\delta_{d,b}} = P_{\delta_{u,l,h,d,b}} = \frac{1}{39} (39 \ \text{节点系统}) \ , \ P_{\delta_{d,b}} = P_{\delta_{u,l,h,d,b}} = \frac{1}{81} ( \text{区域电网})$
运行方式	$S=1$ , $T=3$ , $F=3$ , $P_u=1$ , $P_{\rm WT.1}=0.1561$ , $P_{\rm WT.2}=0.6837$ , $P_{\rm WT.3}=0.1602$ ,
~	$P_{\rm PV.1} = 0.0216$ , $P_{\rm PV.2} = 0.8514$ , $P_{\rm PV.1} = 0.1270$
MOGWO 算法参数	$N_{_{P}}=100$ , $I=50$ , $D=6$ , $U_{_{\rm b}}=400$ , $L_{_{\rm b}}=0$ , $N_{_{\rm Ar}}=20$
摄动位置	2
摄动容量	10 Mvar

注:  $N_{R_1}$ 、 $N_{R_2}$ 分别为区域 $R_1$ 、 $R_2$ 的母线总数;  $B_{R_1}$ 、 $B_{R_2}$ 分别为区域 $R_1$ 、 $R_2$ 的权值。



Fig.A1 Improved IEEE 39-bus system

### 表 A2 改进的 IEEE 39 节点系统中风电典型场景参数

场景	概率	有功出力/MW
WT.1	0.156 1	0
WT.2	0.683 7	564
WT.3	0.160 2	1 790

Table A2 Typical scenario parameters of wind power in improved IEEE 39- bus system

## 表 A3 改进的 IEEE 39 节点系统中光伏典型场景参数

Table A3 Typical scenario parameters of PV in improved IEEE 39- bus system

场景	概率	有功出力/MW
PV.1	0.021 6	3
PV.2	0.851 4	529
PV.3	0.127 0	1250

# 表 A4 改进的 IEEE 39 节点系统中各场景的系统电压稳定裕度指标

场景	风电典型场景	光伏典型场景	$B_{l.h}$
1	WT.1	PV.1	2.049
2	WT.1	PV.2	102.815
3	WT.1	PV.3	18.482
4	WT.2	PV.1	1.191
5	WT.2	PV.2	57.309
6	WT.2	PV.3	30.178
7	WT.3	PV.1	0.168
8	WT.3	PV.2	7.518
9	WT.3	PV.3	1.544

Table A4 Voltage stability margin index of each scenario in improved IEEE 39- bus system

# 附录 B

Table B1 Central value of each bus							
排序	母线	$B_i^{zs}$	排序	母线	$B_i^{zs}$		
1	39	0.047	14	24	0.017		
2	16	0.043	15	28, 17	0.016		
3	6	0.042	16	27	0.015		
4	29	0.037	17	23, 33	0.014		
5	10, 22	0.030	18	32	0.013		
6	2, 35	0.028	19	18	0.012		
7	4, 25	0.027	20	34, 31	0.006		
8	8, 5, 19, 26	0.026	21	1, 37	0.005		
9	21	0.022	22	9	0.004		
10	3, 11	0.021	23	38	0.003		
11	7	0.020	24	30	0.002		
12	19	0.019	25	36, 20, 12	0.001		
13	14, 15	0.018					

表 B1 各母线的中枢值





Fig.B1 Bus voltage waveforms of whole grid under most serious fault in improved IEEE 39- bus system

# 表 B2 各灵敏度指标下的候选母线集合

北向		候选母线编号			候选母线编号			
19F/ <del>3</del> 7	$S^i_{ m I}$	文献[22]	文献[23]	- ז'ד' ז'ד' יד'	$S^i_{\mathrm{I}}$	文献[22]	文献[23]	
1	15	24	15	16	4	7	8	
2	24	21	23	17	8	8	14	
3	16	16	22	18	7	4	4	
4	22	22	24	19	3	18	28	
5	23	23	16	20	25	3	29	
6	21	20	21	21	9	17	2	
7	20	19	20	22	18	27	18	
8	19	15	19	23	2	2	17	
9	12	12	10	24	26	26	27	
10	11	10	11	25	27	25	26	
11	10	11	7	26	17	28	3	
12	14	13	13	27	29	29	25	
13	13	14	5	28	28	9	9	
14	5	6	6	29	1	1	1	
15	6	5	12					

### Table B2 Candidate bus set under each sensitivity index





Fig.B2 Voltage improvement condition of fault bus by connecting compensation device to different candidate buses

### 表 B3 改进的 IEEE 39 节点系统中动态无功补偿装置的最优配置方案

Table B3 Optimal configuration scheme of dynamic reactive power compensation device in improved IEEE 39-bus system

	方案	1	方案	2	方案	3	方案	4	方案:	5
补偿位置	类型	容量/	类型	容量	类型	容量/	类型	容量/	类型	容量/
		Mvar								
母线 15	STATCOM	389	STATCOM	365	STATCOM	375	STATCOM	217	STATCOM	283
母线 24	STATCOM	382	STATCOM	211	STATCOM	339	STATCOM	165	STATCOM	235
母线 16	SVC	291	SVC	213	SVC	295	STATCOM	182	STATCOM	221
母线 22	SVC	188	SVC	186	SVC	171	SVC	162	SVC	137
母线 23	SVC	217	SVC	128	SVC	154	SVC	108	SVC	114
母线 21	SVC	163	SVC	105	SVC	109	SVC	103	SVC	83

R/:	+크	C
PT	小水	U



# 图 C1 河北省某区域电网地理接线图

Fig.C1 Geographical wiring diagram of a regional power grid in Hebei Province

### 表 C1 区域电网中风电典型场景参数

Table C1 Typical scenario parameters of wind power in regional power grid

场景	概率	有功出力/MW
WT.1	0.156 1	0
WT.2	0.683 7	409
WT.3	0.160 2	1 300

#### 表 C2 区域电网中光伏典型场景参数

Table C2 Typical scenario parameters of PV in regional power grid

场景	概率	有功出力/MW
PV.1	0.021 6	2
PV.2	0.851 4	423
PV.3	0.127 0	1 000

场景	风电典型场景	光伏典型场景	$B_{l,h}$
1	WT.1	PV.1	15.239
2	WT.1	PV.2	589.293
3	WT.1	PV.3	100.448
4	WT.2	PV.1	0.212
5	WT.2	PV.2	5.393
6	WT.2	PV.3	1.006
7	WT.3	PV.1	16.255
8	WT.3	PV.2	658.118
9	WT.3	PV.3	110.081

# 表 C3 区域电网中各场景的系统电压稳定裕度指标 Table C3 Voltage stability margin index of each scenario in regional power grid





Fig.C2 Bus voltage waveforms of whole grid under most serious fault in regional power grid

# 附录 D

## 表 D1 补偿于部分候选母线时的区域暂态电压安全裕度指标

补偿位置	$P_{R_e}$	/%	$\eta_{\scriptscriptstyle R_c}$		
	区域1	区域 2	区域1	区域2	
母线 50	100	100	7.294	0.506	
母线 55	100	100	8.944	0.580	
母线 48	89.6	100	12.311	0.817	
母线 52	87.5	100	12.745	1.114	
母线 51	87.5	100	12.912	1.169	
母线 49	41.7	93.9	24.437	1.528	

### Table D1 Regional transient voltage safety margin index compensating at part of candidate bus

表 D2 区域电网中动态无功补偿装置的最优配置方案

Table D2 Optimal configuration scheme of dynamic reactive power compensation device in regional power grid

	方案	1	方案	2	方案	3	方案	4	方案:	5
补偿位置	类型	容量/	类型	容量	类型	容量/	类型	容量/	类型	容量/
		Mvar								
母线 50	STATCOM	226	STATCOM	247	STATCOM	179	STATCOM	185	STATCOM	156
母线 55	SVC	195	SVC	239	STATCOM	175	STATCOM	160	STATCOM	148
母线 48	SVC	190	SVC	218	SVC	171	SVC	191	STATCOM	164
母线 52	SVC	177	SVC	215	SVC	166	SVC	173	SVC	158
母线 51	SVC	164	SVC	201	SVC	138	SVC	175	SVC	142
母线 49	SVC	152	SVC	174	SVC	146	SVC	155	SVC	128

#### 表 D3 区域电网中各最优方案的评价结果

Table D3 Evaluation results of each optimal scheme in regional power grid

方案	$\zeta_1$	$\zeta_2/\$$	贴近度
1	10.203	$1.376 \times 10^{7}$	0.479
2	9.730	$1.446 \times 10^{7}$	0.396
3	7.914	$1.544 \times 10^{7}$	0.643
4	7.633	$1.558 \times 10^{7}$	0.689
5	6.285	$1.719 \times 10^{7}$	0.521



Fig.D1 Bus voltage waveforms of whole grid in scheme to be configured