# 电力现货市场环境下电动汽车充换电站的优化调控策略

曾宪锴<sup>1,2</sup>,杨 苹<sup>1,2</sup>,刘璐瑶<sup>1</sup>,杨 康<sup>2</sup>,谭俊丰<sup>2</sup>

(1. 华南理工大学 电力学院,广东 广州 510640;2. 华南理工大学 广东省绿色能源技术重点实验室,广东 广州 510640)

摘要:在构建新型电力系统的战略目标下,电力现货市场不断对电动汽车充换电站等需求侧资源提出新的需 求与要求。基于南方电力现货市场系列试点规则,考虑现货电能量、调频辅助服务、多阶段需求响应等交易 品种,建立了电动汽车充换电站的调控模型,设计了日前-日内-实时多阶段优化调控策略。日前阶段针对换 电需求、调频调用电量和各交易品种价格的不确定性构建鲁棒优化问题,并采用二阶锥规划算法进行求解; 日内阶段构建基于模型预测控制的滚动优化环节,实现对需求响应日内邀约的有效响应,同时改善日前调控 计划的保守性;实时阶段以调控成本最低为目标,考虑需求响应实时邀约和电价波动,求解电池功率分配策 略。仿真算例表明,所提策略可充分发挥充换电站的调节潜力,提升其经济效益。

关键词:电动汽车;充换电站;电力现货市场;鲁棒优化;模型预测控制;多阶段优化

中图分类号:TM 732;U 469.72

文献标志码:A

DOI:10.16081/j.epae.202208018

#### 0 引言

在构建新型电力系统的战略目标下,电动汽车 EV(Electric Vehicle)充换电站BCSS(Battery Charging and Swapping Station)等需求侧资源在参与电 力系统的实时平衡调节中将扮演越来越重要的角 色<sup>[1]</sup>。在电力现货市场环境下,利用站内冗余电池 作为调节资源,通过优化调控策略充分挖掘BCSS的 调节潜力,参与多种交易品种以提升BCSS的经济效 益,为新型电力系统建设提供支撑。

目前,关于BCSS优化调控策略的研究大多集中 在电能量市场环境下的充电管理、与新能源发电的 协同运行等方面。文献[2-3]分别分析了电池折旧 和备用电池数量等因素对充电成本的影响,并形成 相应的充电策略,实现了投资成本与运营成本统一 考量下的优化调控。为进一步挖掘优化空间,文献 [4-5]对电池的可调节性和各类充电机的特性进行 建模,通过机器学习和智能算法求解调控策略。与 新能源发电的协同运行方面,需要充分考虑新能源 发电、换电需求、电价等多重不确定性,文献[6]在场 景规划中加入风险测度以量化多类型不确定性带来 的风险;文献[7]利用概率性序列描述系统的不确定 性,采用机会约束规划求解调控策略,从而消除不确 定性对策略有效性的影响。

随着电力体制改革不断深入,辅助服务交易推 广至需求侧<sup>[8]</sup>,为EV等可调资源带来新的盈利点, 其关键问题在于电池资源聚合、响应能力预估、响应

收稿日期:2022-05-11;修回日期:2022-08-01 在线出版日期:2022-08-11

基金项目:广东省重点领域研发计划项目(2021B0101230003) Project supported by the Key-area Research and Development Program of Guangdong Province(2021B0101230003) 功率分配等。文献[9]研究 EV 参与辅助服务的可支 配容量预测与聚合模块开发,有效解决了车网互动 (V2G)聚合调控问题;文献[10]提出采用 EV、储能 和光伏发电系统联合调峰的方法,显著降低了区域能 耗及用能成本,并在此基础上展望更利于电池储能 参与电力系统调节的市场机制;文献[11-14]针对 EV 参与调频辅助服务,从集群、自动发电控制(AGC)、 功率分配等环节分别展开研究,提出相应模型和控 制策略以提高其经济效益;文献[15]考虑电价和调 频指令的不确定性,提出基于调频绩效考核的 EV 鲁 棒控制模型,增强了 EV 作为需求侧资源的可靠性。

上述研究从多维度分析了 BCSS 参与电力市场 各交易品种的优化调控策略,但对于电力现货市场 环境下BCSS参与多电力交易品种的调控研究较少。 而随着新型电力系统逐步构建,电力现货市场逐步 发展,BCSS未来将面向能量-辅助服务的多交易品 种环境,对其规模化支撑电网实时平衡的能力提出 新的需求和要求。为此,本文提出协同参与电能量 交易、调频辅助服务交易和多阶段需求响应交易的 BCSS 优化调控策略。为全面反映 BCSS 换电服务和 现货市场多品种交易的协同开展状况,提出可精确 描述电池在换电、充电、放电、满电状态之间转换的 换电行为约束,建立日前鲁棒优化-日内基于模型预 测控制 MPC(Model Predictive Control)的滚动优化-实时优化调控的 BCSS 多阶段优化调控策略。在此 基础上,分析多阶段需求响应价格与时段对调控结 果的影响,探讨不确定度控制系数和收益权重系数 对BCSS运行收益的影响,从而在计及市场需求和价 格的不确定性下充分发挥电池的盈利能力,为电力 现货市场环境下的 BCSS 提供更加经济高效的运营 模式。

# 1 电力现货市场环境下EV BCSS的调控模型

根据南方电力现货市场系列试点规则方案,提 出电力现货市场环境下BCSS可参与的交易品种及 其特点,明确BCSS调控流程,并建立其调控模型。

#### 1.1 EV BCSS参与的电力交易品种

随着 EV 换电模式的发展, BCSS 的建设规模和 用电量不断增长, 大规模 BCSS 可满足电力批发市场 准入条件, 直接参与市场交易, 小规模的 BCSS 则可 以通过聚合的形式间接参与。对于满足准入条件的 BCSS或 BCSS 聚合体, 总结其在电力现货市场环境 下可参与的交易品种及其特点, 具体如下。

1)需求响应:日前-日内-实时多时间尺度开展。 日前及日内阶段采用邀约响应形式,在响应时段的 前1d或前4h发布响应邀约,需求侧竞价确定计划 响应量并在响应时段执行。实时阶段采用实时响应 形式,需求侧需在收到响应需求后5min达到响应目 标,并可出于安全性或经济性考虑改变响应状态。

2)调频辅助服务:优质调频资源优先调用机制。 调频市场成员完成调频里程价格及调频容量申报 后,将根据各成员近期的综合调频性能调整其调频 里程报价,使得优质调频资源优先被调用。

3)现货电能量交易:申报偏差收益转移机制。 电能量交易经历日前与实时2个阶段。日前市场用 于市场成员申报,出清结算中标购售电曲线;运行日 内实时市场基于实际运行情况再次计算调整,并根 据市场成员实际购售电与日前中标曲线的偏差进行 结算。

#### 1.2 电力现货市场环境下EV BCSS调控架构

EV 换电模式分为电池配送模式和换电站模式<sup>[16]</sup>,本文以电池配送模式为研究对象,建立电力现货市场环境下BCSS的调控架构,如图1所示,图中n<sub>s</sub>为电池配送站总数。BCSS为电池充电,并将就绪的





电池统一配送至电池配送站;EV通过电池配送站缴 纳换电服务费用并获取换电服务。同时BCSS参与 电力现货市场获取收益,包括电能量交易、调频辅助 服务交易及多时间尺度的需求响应交易。

为确保 BCSS 开展换电业务的同时参与电力现 货市场获取收益,需从日前、日内、实时3个阶段进 行优化调控,其调控流程见附录A图A1。

日前阶段,BCSS运营商接收需求响应日前邀约 和调频市场信息,结合次日换电需求预测曲线,决策 购售电曲线、日前需求响应曲线、调频容量和换电计 划,本阶段决策中考虑换电需求、调频调用电量和各 交易品种价格的不确定性,需预留一定的电量裕量, 以确保其各项业务稳定开展,同时也为日内和实时 阶段的优化调控预留了可调空间。日内阶段在日前 优化结果的基础上开展滚动优化,接收需求响应日 内邀约,结合日内换电需求预测值,决策日内需求响 应曲线、调整购售电曲线和换电计划,本阶段决策中 已明确各电力交易品种的日前出清价格,且日内短 周期的换电需求预测结果更加准确,因此日前预留 的电量在本阶段可被较充分利用。实时阶段基于日 内优化结果对充放电功率在分钟级时间尺度上开展 更精细的调控,根据需求响应实时邀约信息和实时 电价波动,确定实时需求响应状态,制定调频功率分 配策略。

#### 1.3 电力现货市场环境下EV BCSS的调控建模

为描述上述调控流程中的转换关系,反映多时间尺度调控下BCSS充放电计划逐步修正的特性,建立相应的多时间尺度调控模型,如式(1)所示。

 $\begin{cases} \operatorname{diag}(\boldsymbol{D}_{t}^{\mathrm{da}}) \operatorname{diag}(\boldsymbol{X}_{t}^{\mathrm{da}}) = \operatorname{diag}(p_{t}^{\mathrm{da}}) = \boldsymbol{P}_{T \times T}^{\mathrm{da}} \\ \operatorname{diag}(p_{t}^{\mathrm{da}}) + \operatorname{diag}(\boldsymbol{D}_{t}^{\mathrm{in}}) \operatorname{diag}(\boldsymbol{X}_{t}^{\mathrm{in}}) = \operatorname{diag}(p_{t}^{\mathrm{in}}) = \boldsymbol{P}_{8 \times 8}^{\mathrm{in}} (1) \\ p_{t}^{\mathrm{in}} + \boldsymbol{D}_{t}^{\mathrm{i}} \boldsymbol{X}_{t}^{\mathrm{in}} = p_{t}^{\mathrm{in}} \end{cases}$ 

式中:diag(•)为对角函数; $D_{t}^{da}$ 、 $D_{t}^{in}$ 、 $D_{t}^{n}$ 分别为日前、 日内和实时阶段的输入向量,表征各阶段的调控需 求, $X_{t}^{da}$ 、 $X_{t}^{in}$ 、 $X_{t}^{r}$ 分别为日前、日内和实时阶段的决策 向量,具体形式见附录B式(B1)—(B6); $P_{T\times T}^{da}$ 、 $P_{8\times 8}^{in}$ 分别为日前、日内阶段的输出矩阵,表征各阶段的调 控计划,T为调控周期; $p_{t}^{da}$ 、 $p_{t}^{in}$ 、 $p_{t}^{r}$ 分别为日前、日内 和实时阶段对于t时段出力的优化结果。

调控模型中关于 BCSS 运行和电力现货市场规则的关键问题如下。

1)换电供需建模。

EV用户前往电池配送站换电的时间存在随机性,同时电池配送耗时因交通因素影响也无法精准控制,因此BCSS面对的换电需求存在不确定性。

为描述换电需求的不确定性,假定基于 EV 用户 行为和交通状况可得各时段的换电需求预测值 $d_{i}^{num}$ 及其预测偏差最大值 $\hat{\xi}_{i}^{num}$ ,则换电需求值 $\xi_{i}^{num} \epsilon$   $\begin{bmatrix} d_{i}^{num} - \hat{\xi}_{i}^{num}, d_{i}^{num} + \hat{\xi}_{i}^{num} \end{bmatrix}$ 。BCSS传统运营模式下的收益 来源仅为换电业务,运营商为追求收益最大化会在 各调控时段到来前尽力确保满电电池数 $n_{i}^{100} \ge \xi_{i}^{num}$ 。 工程实际中由于投资成本限制,BCSS难以在换电高 峰时期仍严格满足该约束;同时,电力现货市场环境 为BCSS提供了多样化的收益来源,运营商可降低对 换电需求的满足程度以追求收益最大化。

为描述 BCSS 因未满足换电需求而造成的损失, 假定 *t* 时段未被满足的换电需求将流失,对应收益将 损失。进而构造换电收益损失最大值 *C*<sup>loss, max</sup> 以辅助 决策,如式(2)所示。

$$C_{t}^{\text{loss, max}} = E_{t}^{\text{ev}} \Big( \hat{\xi}_{t}^{\text{num}} + d_{t}^{\text{num}} - n_{t}^{100} \Big) Q_{\text{exp}}^{\text{ev}} \quad n_{t-1}^{100} \leq \xi_{t}^{\text{num}} \quad (2)$$

式中: $E_t^{ev}$ 为t时段的换电服务电价; $Q_{exp}^{ev}$ 为换电电量期望值。

2)电池折旧建模。

电池运行产生的折旧成本 C<sup>bat</sup> 表征了电池的总 投资分解至各运行周期的成本,取决于浮充成本 C<sup>fbat</sup>和循环成本 C<sup>eycle</sup>,如式(3)所示。

$$C^{\text{bat}} = \max\left(C^{\text{float}}, C^{\text{cycle}}\right) \tag{3}$$

式中:max( $\cdot$ , $\cdot$ )为取最大值函数; $C^{\text{float}}$ 可根据电池的 单位容量投资成本 $E_{\text{bat}}$ 、额定容量 $C_{\text{cap}}$ 和生产商提供 的浮充寿命 $T_{\text{float}}$ 计算得到,如式(4)所示; $C^{\text{cycle}}$ 可根 据充电功率 $P_{i,t}^{\text{chat}}$ 、放电功率 $P_{i,t}^{\text{dis}}$ 、充电效率 $\eta_{\text{cha}}$ 、放电效 率 $\eta_{\text{dis}}$ 、基准循环次数 $N_{o}$ 和拟合的特性参数 $k_{p}$ 近似计 算得到<sup>[17]</sup>,如式(5)所示。

$$C^{\text{float}} = \frac{E_{\text{bat}}C_{\text{cap}}}{T_{\text{float}}} \tag{4}$$

$$C^{\text{cycle}} \approx \sum_{t=1}^{T} \left( \frac{1}{\eta_{\text{dis}}} P_{i,t}^{\text{dis}} + \eta_{\text{cha}} P_{i,t}^{\text{cha}} \right)^{k_p} \frac{E_{\text{bat}} C_{\text{cap}}^{-k_p}}{2N_o}$$
(5)

3)调频调用电量。

调频辅助服务实时调用的电量存在随机性,因此在日前申报调频容量时需确保有足够的电量 $Q_i^{t*}$ 支撑调频调用。假定基于历史调频数据可得到各时段调频调用电量预测值 $d_i^t$ 及其预测偏差最大值 $\hat{\xi}_i^t$ ,调频调用电量 $\xi_i^{t*} \in \left[d_i^t - \hat{\xi}_i^t, d_i^t + \hat{\xi}_i^t\right]$ ,则上述约束可表示为:

$$Q_t^{f\pm} \ge \xi_t^{f\pm} \tag{6}$$

式中: $Q_i^{t+}$ 、 $\xi^{t+}$ 对应向下调频场景; $Q_i^{t-}$ 、 $\xi^{t-}$ 对应向上调频场景。

4)有效需求响应评估。

需求响应收益与需求侧资源的响应情况直接相关,以《广州市虚拟电厂实施细则》为例,其计算公式见附录B式(B7)。

5)电能量申报偏差收益转移。

为防止市场成员利用日前与日内市场的价差不 正当套利,设定电能量申报偏差收益转移机制,以 《广东现货电能量市场交易实施细则》为例,其计算 公式见附录B式(B8)。

# 2 电力现货市场环境下 EV BCSS 的优化调 控策略

为确保电力现货市场环境下的 BCSS 经济高效运行,本节提出日前-日内-实时多时间尺度的优化调控策略。

2.1 日前阶段

1)目标函数。

$$\max F^{da} = \sum_{t=1}^{T} \left( R_{t}^{ev} + R_{t}^{f} + R_{t}^{res} - C_{t}^{cha} - C_{t}^{bat} \right)$$
(7)  
$$\begin{cases} R_{t}^{ev} = E_{t}^{ev} Q_{exp}^{ev} \min \left( \xi_{t}^{num}, n_{t}^{100} \right) \\ R_{t}^{f} = \left( E_{t}^{f} + k_{t}^{f} \right) \left( Q_{t}^{f*} + Q_{t}^{f-} \right) \\ R_{t}^{res} = E_{t}^{da, res} \left[ \sum_{i=1}^{n} \left( P_{i,t}^{cha} - P_{i,t}^{dis} \right) - P_{t}^{base} \right] \\ C_{t}^{cha} = E_{t}^{da, buy} \sum_{i=1}^{n} P_{i,t}^{cha} - E_{t}^{da, sell} \sum_{i=1}^{n} P_{i,t}^{dis} \end{cases}$$
(8)

式中: $R_{t}^{ev} < R_{t}^{f} < R_{t}^{res}$ 分别为t时段的换电收益、调频辅助 服务收益、需求响应收益; $C_{t}^{cha} < C_{t}^{bat}$ 分别为t时段的购 电成本、电池折旧成本; $E_{t}^{f}$ 为调频容量价格; $k_{t}^{f}$ 为里 程收益系数,表征t时段调频容量与里程收益的比例 关系,由综合调频性能指标、调频里程价格和调频调 用电量计算; $P_{t}^{base}$ 为t时段的基线负荷; $E_{t}^{da,res}$ 为t时段 的日前需求响应价格,填谷响应价格取负值,削峰响 应价格取正值; $E_{t}^{da,bay} < E_{t}^{da,sell}$ 分别为t时段的购、售电 价格;n为电池总数。

2)约束条件。  
(1)换电约束。  
$$Q_{i}^{\max}M_{i,t} \leq Q_{i,0} + \sum_{t=1}^{k} \left( P_{i,t}^{\operatorname{cha}} \Delta t - P_{i,t}^{\operatorname{dis}} \Delta t - H_{i,t} Q_{\exp}^{\operatorname{ev}} \right) \leq Q_{i}^{\max} (M_{i,t} + 1) \quad k = 1, 2, \cdots, T$$
(9)

$$\sum_{i=1}^{n} M_{i,i} = n_{i}^{100} \ge \xi_{i+1}^{num} \quad t = 1, 2, \cdots, T$$
 (10)

$$H_{i,t} \leq M_{i,t} \tag{11}$$

式中: $Q_i^{\text{max}}$ 为电池i的容量最大限额; $M_{i,i}$ 为满电状态 变量,取1表示电池i在t时段末处于满电状态,取0 表示未充满电; $Q_{i,o}$ 为电池i的初始电量; $\Delta t$ 为调控周 期间隔;k为任意调控周期; $H_{i,i}$ 为换电状态变量,取1 表示电池i在t时段被换出,取0表示电池i未被换 出。式(9)所示约束条件使各电池电量不超过额定 值;式(10)所示约束条件使各时段末处于满电状态 的电池数不少于下一时段的换电需求;式(11)所示 约束条件使被更换出站的电池处于满电状态。

(2)电池能量约束。

$$\begin{cases} 0 \leq P_{i,t}^{\text{cha}} \leq I_{i,t} P_{i,\max}^{\text{cha}} \\ 0 \leq P_{i,t}^{\text{dis}} \leq (1 - I_{i,t}) P_{i,\max}^{\text{dis}} \end{cases} t=1, 2, \cdots, T \quad (12)$$

$$\begin{cases} Q_{i}^{\min} \leq Q_{i,i} \leq Q_{i}^{\max} \\ Q_{i,i+1} = Q_{i,i} + (P_{i,i}^{cha} - P_{i,i}^{dis}) \Delta t - H_{i,i} Q_{exp}^{ev} \quad t = 1, 2, \cdots, T \\ \sum_{i=1}^{n} Q_{i,0} = \sum_{i=1}^{n} Q_{i,T} \end{cases}$$
(13)

式中: $P_{i,\max}^{cha}$ 、 $P_{i,\max}^{dis}$ 分别为电池i的充、放电功率限额;  $I_{i,i}$ 为充放电状态变量,取1表示处于充电状态,取0 表示处于放电状态<sup>[18]</sup>; $Q_i^{min}$ 为电池i的容量最小限 额; $Q_{i,i}$ 为电池i在t时段开始时的电量; $Q_{i,0}$ 、 $Q_{i,r}$ 分别 为调控初始时段和末尾时段的电量。式(12)所示约 束条件使电池不同时处于充电和放电状态;本文将 电池换出视为快速放电,如式(13)所示。

(3)调频辅助服务约束。

$$\begin{cases} 0 \leq Q_{t}^{f+} \leq \sum_{i=1}^{n} \left( P_{i,\max}^{cha} - P_{i,t}^{cha} + P_{i,t}^{dis} \right) \\ 0 \leq Q_{t}^{f-} \leq \sum_{i=1}^{n} \left( P_{i,\max}^{dis} + P_{i,t}^{cha} - P_{i,t}^{dis} \right) \end{cases} \quad t = 1, 2, \cdots, T \quad (14)$$
$$\xi_{t}^{num} Q_{exp}^{ev} \leq Q_{t}^{f+} - Q_{t}^{f-} + \sum_{i=1}^{n} Q_{i,t} \quad t = 1, 2, \cdots, T \quad (15)$$

式(14)所示约束条件表示使 BCSS 各时段出力 低于其最大限额;式(15)所示约束条件表示使所申 报调频容量不超过 BCSS 的可用容量。此外需遵循 1.3节中的关键问题约束。

#### 2.2 日内阶段

日内阶段换电需求、电能量价格存在波动,同时 可能收到需求响应日内邀约,因此作进一步优化。 基于 MPC 构建日内滚动优化调控环节,其优化调控 步骤如下<sup>[19-20]</sup>:

1)将电池荷电状态、换电电量和调频调用电量 曲线作为MPC参考曲线用于滚动优化跟踪;

2)建立控制时域和预测时域,考虑到越短的时间间隔内换电需求随机性越强,而越长的时间间隔将导致调控空间缩小,本文以30min为控制时域,以4h为预测时域;

3) 获取当前 t 时段的系统状态  $\mathbf{x}(t)$ ,基于换电 需求和电价的预测值以及需求响应日内邀约情况,在预测时域  $t+N_p(N_p为预测步长)$ 内跟踪参考曲 线,通过滚动优化算法得到预测功率曲线,并且计 算各控制时域  $t+N_e(N_e$ 为控制步长)内的控制序列  $u(t+\varepsilon|\varepsilon\in[0,N_e-1]);$ 

4)将控制序列的首个结果 u(t)作用于控制对 象,并产生输出向量 y(t);

5)至t+1时段,更新系统状态并将y(t)反馈给滚动优化模型,以校正t时段扰动量r(t)及预测误差。

上述基于 MPC 的滚动优化调控步骤中关键环 节为滚动预测、滚动优化与反馈校正,其中滚动优化 环节建立如下。

选取下网功率 $P_{buy}(t)$ 、换电电量 $Q^{ev}(t)$ 、调频调用预留电量 $Q^{f*}(t)(Q^{f*}(t))$ 为调频调用预留电量关于

时段t的函数)、日内需求响应量 $Q^{\text{in,res}}(t)$ 、各电池充 电功率 $P_{\text{bat}}(t) = [P_1(t), P_2(t), \dots, P_n(t)]$ 、各电池荷电 状态 $S_{\text{bat}}(t) = [S_1(t), S_2(t), \dots, S_n(t)]$ 构成状态向量 $\mathbf{x}(t),$ 如式(16)所示。

$$\boldsymbol{x}(t) = \left[\boldsymbol{P}_{\text{bat}}(t), \boldsymbol{S}_{\text{bat}}(t), \boldsymbol{P}_{\text{buy}}(t), \boldsymbol{Q}^{\text{ev}}(t), \boldsymbol{Q}^{\text{f}\pm}(t), \boldsymbol{Q}^{\text{in,res}}(t)\right]^{\text{T}}$$
(16)

选取换电电量增量 $\Delta Q^{\text{ev}}(t)$ 、调频调用电量增量  $\Delta Q^{\text{fr}}(t)$ 、日内需求响应增量 $\Delta Q^{\text{in,res}}(t)$ 、各电池充电 增量 $\Delta P_{\text{bat}}(t) = [\Delta P_1(t), \Delta P_2(t), \dots, \Delta P_n(t)]$ 构成控制 向量u(t),如式(17)所示。

 $\boldsymbol{u}(t) = \left[\Delta \boldsymbol{P}_{\text{bat}}(t), \Delta Q^{\text{ev}}(t), \Delta Q^{\text{ft}}(t), \Delta Q^{\text{in,res}}(t)\right]^{\text{T}} (17)$ 选取换电需求预测增量  $\Delta d^{\text{ev}}(t)$ 、调频调用预测

增量 $\Delta d^{\text{in,f}}(t)$ 构成扰动向量 $\mathbf{r}(t)$ ,如式(18)所示。

$$\boldsymbol{r}(t) = \left[\Delta d^{\text{ev}}(t), \Delta d^{\text{in,f}}(t)\right]^{\text{T}}$$
(18)

进而形成MPC状态空间模型,如式(19)所示。

$$\mathbf{x}(t+\Delta t) = \begin{bmatrix} I_{a} & 0 & 0\\ \text{diag}(\Delta t/E_{\text{bat}}) & I_{a} & 0\\ 0 & 0 & I_{4} \end{bmatrix} \mathbf{x}(t) + \begin{bmatrix} I_{a} & 0\\ \text{diag}(\Delta t/E_{\text{bat}}) & 0\\ \text{diag}(\Delta t/E_{\text{bat}}) & 0\\ E_{a}/\eta_{\text{cha}} & 0\\ 0 & I_{3} \end{bmatrix} \mathbf{u}(t) + \begin{bmatrix} 0 & 0\\ 0 & 0\\ 0 & 0\\ 1 & 0\\ 0 & 1\\ -1 & -1 \end{bmatrix} \mathbf{r}(t) \quad (19)$$

式中: $I_a$ 为 $a \times a$ 维的单位矩阵;E(a)为元素均为1的 $a \times a$ 维矩阵。选取电池荷电状态、换电电量和调频调用电量构成用于滚动跟踪的输出向量 $y_1(t)$ ,如式(20)所示。

$$\boldsymbol{y}_{1}(t) = \begin{bmatrix} \boldsymbol{S}_{\text{bat}}(t), \, \boldsymbol{Q}^{\text{ev}}(t), \, \boldsymbol{Q}^{\text{f}\pm}(t) \end{bmatrix}$$
(20)

选取下网功率、换电电量、调频调用电量和日 内需求响应量构成用于计算日内收益的输出向量 y<sub>2</sub>(t),如式(21)所示。

$$\mathbf{y}_{2}(t) = \begin{bmatrix} P_{\text{buy}}(t), Q^{\text{ev}}(t), Q^{\text{f}\pm}(t), Q^{\text{in, ev}}(t) \end{bmatrix} \quad (21)$$

在调控中通过滚动预测迭代得到预测时域 $N_p$ 内的输出向量 $Y_1$ 和 $Y_2$ ,分别如式(22)、(23)所示。

$$Y_{1} = \begin{bmatrix} S_{\text{bat}}(t+k|t), Q^{\text{ev}}(t+k|t), Q^{\text{ft}}(t+k|t) \end{bmatrix}^{\text{T}} (22)$$
  

$$Y_{2} = \begin{bmatrix} P_{\text{buy}}(t+k|t), Q^{\text{ev}}(t+k|t), Q^{\text{ft}}(t+k|t), \\ Q^{\text{in, res}}(t+k|t) \end{bmatrix}^{\text{T}} (23)$$

进而建立滚动优化模型,目标函数见式(24)。

min  $F^{in} = (Y_1 - Y_{r,1})^T W(Y_1 - Y_{r,1}) + mMY_2$  (24) 式中: $Y_{r,1} \Rightarrow Y_1$ 的跟踪参考向量,由日前优化所得;W为偏差权重矩阵,M 为价格矩阵,具体如附录B式 (B9)、(B10)所示;m 为收益权重系数。目标函数中  $(Y_1 - Y_{r,1})^T W(Y_1 - Y_{r,1})$ 为跟踪误差的平方和,一定程 度上表征全局的经济性; $mMY_2$ 为调控时段内的运 行成本,表征局部经济性。收益权重系数m可调节, 以协调全局和局部最优<sup>[20]</sup>。

#### 2.3 实时阶段

1)目标函数。

min 
$$F^{rt} = \sum_{t=1}^{T} \left( C_t^{\text{bias}} + C_t^{\text{bat}} - R_t^{rt, f} - R_t^{res} \right)$$
 (25)

式中:*C*<sup>bias</sup>为*t*时段的电能量申报偏差惩罚成本,计 算公式见附录B式(B8);*R*<sup>n,f</sup>为*t*时段的调频里程收 益,计算方法如式(26)所示。

$$\begin{cases} R_{t}^{n,f} = R_{t}^{n,f+} + R_{t}^{n,f-} \\ R_{t}^{n,f+} = E_{t}^{mil} Q_{t}^{f+} S_{t}^{*+} k_{n} \\ R_{t}^{n,f-} = E_{t}^{mil} Q_{t}^{f-} S_{t}^{*-} k_{n} \\ k_{n} = 0.25 (2k_{1} + k_{2} + k_{3n}) \\ k_{3n} = 1 - |L_{n}^{f\pm} - Q_{t}^{f\pm} S_{t}^{*\pm}| / (\alpha^{cap} P^{rated}) \end{cases}$$
(26)

式中: $R_{t}^{n,f+}$ 、 $R_{t}^{n,f-}$ 分别为t时段的向下、向上调频里程 收益; $E_{t}^{mil}$ 为t时段的调频里程价格; $S_{t}^{*+}$ 、 $S_{t}^{*-}$ 分别为向 下、向上调频指令标幺值; $k_{n}$ 为综合调频性能指标;  $k_{1}$ 、 $k_{2}$ 、 $k_{3n}$ 分别为调频速率、响应时间和调频精度;  $L_{n}^{f\pm}$ 、 $\alpha^{cap}$ 、 $P^{rated}$ 分别为实际调频里程、调节允许误差和 BCSS的核定调频总容量。

2)约束条件。

(1)调节功率限制。

$$\begin{cases} \sum_{i=1}^{n} Q_{i,k}^{\text{t}} \ge \sum_{i=1}^{n} Q_{i,k}^{\text{in}} \\ \sum_{i=1}^{n} \left( P_{i,k}^{\text{cha}} - P_{i,k}^{\text{t}} \right) \ge \sum_{i=1}^{n} Q_{i,k}^{\text{f}} \\ \sum_{i=1}^{n} \left( P_{i,k}^{\text{th}} - P_{i,\max}^{\text{dis}} \right) \ge \sum_{i=1}^{n} Q_{i,k}^{\text{f}} \end{cases} \quad k = 1, 2, \cdots, T^{\text{tr}}$$

$$(27)$$

式中: $Q_{i,k}^{in}$ 、 $Q_{i,k}^{n}$ 分别为电池i日内k'时段、实时调控后 k时段的电量; $P_{i,k}^{n}$ 为k时段电池i的实时功率; $T^{in}$ 、 $T^{n}$ 分别为每次日内、实时调控的末端时段。

(2)还需遵循式(12)、(13)所示约束条件。

#### 2.4 模型求解策略

上述电力现货市场环境下 EV BCSS 的优化调 控模型,按照日前-日内-实时的顺序逐步求解。

日前阶段为鲁棒混合整数线性规划问题,本文 采用椭球不确定集描述其不确性<sup>[21]</sup>,并将其等价变 换成式(28)—(31)所示的二阶锥规划问题,进而通 过商业求解器 CPLEX 12.8.0.0求解,推导过程见附 录B式(B11)—(B20)。

m

in 
$$\omega$$
 (28)

$$\omega + \sum_{t=1}^{T} \left[ \left( \overline{E}_{t}^{\mathrm{f}} + \overline{k}_{t}^{\mathrm{f}} \right) \left( Q_{t}^{\mathrm{f}} + Q_{t}^{\mathrm{f}} \right) + \left( \overline{E}_{t}^{\mathrm{da, res}} - \overline{E}_{t}^{\mathrm{da, buy}} - \frac{\overline{E}_{\mathrm{bat}}}{2N_{\mathrm{o}}C_{\mathrm{cap}}} \eta_{\mathrm{cha}} \right) \Delta t \sum_{i=1}^{n} P_{i,t}^{\mathrm{cha}} + \left( -\overline{E}_{t}^{\mathrm{da, res}} + \overline{E}_{t}^{\mathrm{da, sell}} - \frac{\overline{E}_{\mathrm{bat}}}{2N_{\mathrm{o}}C_{\mathrm{cap}}} \frac{1}{\eta_{\mathrm{dis}}} \right) \Delta t \sum_{i=1}^{n} P_{i,t}^{\mathrm{dis}} - \rho \left\| P_{1} \mathbf{x}_{1} \right\|_{2} \ge 0 \quad (29)$$

$$\sum_{i=1}^{n} M_{i,i} - d_{i+1}^{\text{num}} y_{i+1} - \rho \left\| \boldsymbol{P}_{2} \boldsymbol{x}_{2} \right\|_{2} \ge 0 \quad t = 1, 2, \cdots, T \quad (30)$$
  
$$d_{i}^{t+} Q_{i}^{t+} - d_{i}^{t-} Q_{i}^{t-} - d_{i+1}^{\text{num}} v_{i+1} + \sum_{i=1}^{n} Q_{i,i+1} - \rho \left\| \boldsymbol{P}_{3} \boldsymbol{x}_{3} \right\|_{2} \ge 0$$
  
$$t = 1, 2, \cdots, T \quad (31)$$

式中: $\bar{E}_{t}^{f}$ 、 $\bar{k}_{t}^{f}$ 、 $\bar{E}_{t}^{da, res}$ 、 $\bar{E}_{t}^{da, buy}$ 、 $\bar{E}_{t}^{da, sell}$ 分别为随机变量 $E_{t}^{f}$ 、 $k_{t}^{f}$ 、  $E_{t}^{da, res}$ 、 $E_{t}^{da, buy}$ 、 $E_{t}^{da, sell}$ 的预测值; $P_{i'}$ 、 $x_{i'}$ (i'=1,2,3)分别为 所在约束式的放缩矩阵和决策变量; $\omega$ 、 $y_{t+1}$ 、 $v_{t+1}$ 为辅 助变量; $\rho$ 为不确定度控制系数。

日内滚动优化环节为混合整数二次规划问题, 实时阶段为混合整数线性规划问题,均使用商业求 解器 CPLEX 12.8.0.0求解。

### 3 算例分析

#### 3.1 参数设置

为验证策略有效性,仿真分析图1所示BCSS, 相关参数见附录C表C1,其中电池参数采用三元锂 电池常用装车数据。EV换电需求基于美国家庭出 行调查数据,采用蒙特卡罗方法进行模拟,具体如图 2所示。其中日前以1h为时间尺度得到24个数据 点,日内以30min为时间尺度得到48个数据点,并 假定EV中待更换电池荷电状态服从N(0.2,0.04<sup>2</sup>) 概率分布。日前、实时购售电电价、调频容量、里程 价格预测值根据2019年美国PJM市场的运行数据 模拟,日前、日内、实时需求响应价格以《广州市虚拟 电厂实施细则》为基准设定,具体数据见附录C图 C1、图C2和表C2,预测偏差均设为10%。



图 2 不同时段下 EV 换电需求预测值 Fig.2 Forecast values for EV battery demand under different period

#### 3.2 算例分析

3.2.1 优化调控分析

对电力现货市场环境下 EV BCSS 的优化调控 进行仿真分析,仿真结果附录 C图 C3—C5。

由仿真结果可见,时段0-3的日前充电曲线和 日内充电曲线保持一致,其他时段的日内充电曲线 几乎均略低于日前充电曲线。根据2.2节分析,日内 调控的目标函数由全局经济性和局部经济性构成, 而时段0-5并无换电需求,完全响应时段2、3的需 求响应邀约符合该调控周期的局部经济性最优目 标,同时能够使得用电曲线的跟踪误差最小,即全局 收益性最优,因此该时段的日前、日内充电曲线保持 一致。在其他时段,日内调控的开展基于更高精度的换电需求预测,则在各时段有更精确的充电电量 需求,因此在调控目标中局部经济性的影响下,日内 充电曲线相较日前的鲁棒优化曲线有所下降,有效 提高了BCSS的运行经济性。

图 C3 中 BCSS 的 3 次长时间对外放电,分别对应 3 次需求响应:①时段 0、1 BCSS 放电,为时段 2、3 的填谷需求预留充电空间;②时段 12、13 同时存在日前和日内两阶段的削峰需求,因此经日前调控后充电功率为负值,进入日内阶段,随着时段 0—11 的滚动优化,BCSS 中未充分利用的调频电量和换电电量逐渐累积,在该时段日内削峰需求出现时,即可利用该部分能量参与响应;③时段 19、20为日前电价高峰,目前调控下充电功率为负值,进入实时阶段,实时电价再度升高,同时产生填谷需求,因此日内及实时阶段放电功率进一步增大。综上所述,本文构建优化调控策略可有效感知并适应电力现货市场环境。

3.2.2 模型参数的影响

本节重点仿真分析不确定度控制系数 ρ 和收益 权重系数 m 对整体优化调控的影响。ρ 在一定程度 上反映了决策者对不确定性所带来风险的回避程 度;m 反映了决策者对于全局经济性和局部经济性 的取舍决策。设置对比模型,仿真分析各模型在典 型场景下的策略执行情况,模型参数设置及仿真结 果见表1。

表1 不同参数设置下的调控结果

| Table 1 | Regulation | results | for | different | parameter |
|---------|------------|---------|-----|-----------|-----------|
|---------|------------|---------|-----|-----------|-----------|

| 模型 | 参数设置                | 日前收益 /<br>元 | 日前成本 /<br>元 | 日内收益 /<br>元 | 日内成本 /<br>元 |
|----|---------------------|-------------|-------------|-------------|-------------|
| 1  | $\rho = 1, m = 1$   | 58738       | 19290       | 64977       | 17911       |
| 2  | $\rho = 0.5, m = 1$ | 59786       | 18882       | 63783       | 17892       |
| 3  | $\rho = 0, m = 1$   | 62140       | 17788       | 61780       | 17823       |
| 4  | $\rho = 1, m = 0$   | 58738       | 19290       | 60145       | 17794       |

除模型3外,其他模型的日前收益均小于日内 收益,日前成本均大于日内成本。该差异来自2个 方面:①日前阶段为回避风险将根据ρ在各时段预 备足量的电量,从而产生更高的购电成本和电池折 旧成本,优化结果相对保守;②日内阶段 BCSS 可通 过参与日内需求响应获得收益。

模型1-3的日前收益逐步增加,日内收益逐步 下降。因为随着 ρ降低,日前阶段对不确定性风险 的回避程度逐渐减小,策略的保守程度逐渐降低,预 期收益逐渐增加;进入日内阶段,模型1有充足的电 量应对换电需求波动并从日内需求响应中获利;模 型2的 ρ相对较低,可在一定程度上应对换电需求 波动,但难以参与日内削峰需求响应;模型3在日前 阶段未考虑不确定性,完全依靠日内滚动优化应对 换电需求波动,在换电高峰时段出现换电收益损失, 且未有效参与日内需求响应,因此其日内收益最低 且低于日前收益,日内成本大于日前成本。而模型 4的日内阶段仅以跟踪误差最小为目标,在滚动优 化过程中仍保持较高保守性,由于剔除了局部经济 性目标,模型对需求响应日内邀约无响应,因此其日 内收益最低。

3.2.3 需求响应价格与时段的影响

分析需求响应价格与时段对优化调控结果的影响。由1.1节和1.2节可知日前和日内阶段的需求响应有相似的交易机制和参与形式,实时需求响应则对需求侧资源的实时调控能力有更高的要求,因此本节选取日前需求响应和实时需求响应进行分析。

在3.1节的基础上对日前需求响应价格区间以 及实时需求响应时段做出调整,形成如下场景:①场 景1,日前需求响应价格、实时需求响应时段均不变; ②场景2,日前需求响应价格降低(填谷、削峰价格 均降低25%),实时需求响应时段不变;③场景3,日 前需求响应价格不变,实时需求响应时段调整(调整 为时段17、18)。仿真分析不同场景下策略执行情 况,结果见图3、4。



#### 图3 场景1、2的日前优化调控充电曲线

Fig.3 Day-ahead optimized regulation charging curves in Scenario 1 and 2





场景1中BCSS在时段2、3响应填谷需求,在时段 12、13响应削峰需求;场景2中BCSS未响应时段2、3 的填谷需求,对时段12、13的削峰需求响应量减少, 同时时段14、15的充电功率下降。BCSS充电伴随 电池折旧成本和购电成本,放电伴随售电收益和电 池折旧成本,并减少BCSS内电池电量裕度。BCSS 日前优化调控以收益最高为目标,场景1中BCSS参 与需求响应所获收益大于上述成本支出,且能够保 有充足的电量裕度,因此其较大程度地参与需求响 应。场景2中日前需求响应价格区间降低,使得时 段2、3的填谷收益小于对应的成本支出,因此BCSS 无响应;而在时段12、13,削峰价格较低,结合时段 14、15的电能量价格数据,BCSS倾向于降低削峰需 求响应量以使整体收益最高。

图4中场景1下BCSS于时段19、20响应实时阶段的填谷需求,而在场景3下未响应,因此场景1的 实时曲线较场景3整体偏低。时段19、20为日前电 价高峰时段,且在实时阶段电价再度上升,同时产生 实时削峰需求。BCSS后续换电需求较小,在确保调 频容量的基础上有充裕的放电空间进行响应;时段 17、18为换电需求高峰期,此时BCSS需大量充电, 同时满足日前承诺的调频容量,因此虽然该时段的 实时需求响应收益较高,但BCSS无响应。由此可 见,BCSS虽然能够满足实时需求响应的快速响应要 求,但受到换电服务的限制,同时与调频辅助服务参 与程度相互制约,其灵活可调性有所下降。

# 4 结论

本文依据南方电力现货市场系列试点规则方 案,提出电力现货市场环境下BCSS的多时间尺度调 控策略,通过参与多种交易品种提升其经济效益,同 时为新型电力系统建设提供支撑。通过仿真分析, 得出以下结论。

1)所提调控模型可精确描述站内各电池换电、 充电、放电、满电状态之间的转换,解决现有的BCSS 优化调控模型中大多通过电能储备总量描述充换电 需求,无法反映各电池在各时刻所处状态的问题,从 而全面反映换电服务和现货市场多品种交易的协同 开展状况。

2)基于 MPC 的日内滚动优化综合考虑跟踪误 差和局部经济性最优,可有效使 BCSS 跟踪日前优化 调控曲线,并在收到需求响应日内邀约时积极响应, 同时解决日前鲁棒优化结果的保守性问题,使调控 策略更贴近实际运行状态和电力现货市场需求。

3)BCSS能够满足需求响应的快速响应要求,但 其响应意愿受需求响应价格和时段的影响。当需求 响应价格偏低致使需求响应预期收益低于相应付出 的电池折旧成本和购电成本时,BCSS倾向于不响 应;当需求响应时段与换电高峰期重叠时,EV BCSS 将优先满足换电需求,响应能力较弱。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

#### 参考文献:

- 吴克河,王继业,李为,等. 面向能源互联网的新一代电力系统 运行模式研究[J]. 中国电机工程学报,2019,39(4):966-979.
   WU Kehe, WANG Jiye, LI Wei, et al. Research on the operation mode of new generation electric power system for the future energy Internet [J]. Proceedings of the CSEE, 2019, 39 (4):966-979.
- [2] WU Hao, PANG G K H, CHOY K L, et al. An optimization model for electric vehicle battery charging at a battery swapping station[J]. IEEE Transactions on Vehicular Technology, 2018,67(2):881-895.
- [3]田园园,廖清芬,徐雨田,等.基于有序充电策略的换电站及分 布式电源多场景协调规划方法[J].电力自动化设备,2017,37 (9):62-69.
  TIAN Yuanyuan, LIAO Qingfen, XU Yutian, et al. Multi-scenario coordinated planning method of EV battery-swapping station and distributed generation based on coordinated charging strategy[J]. Electric Power Automation Equipment, 2017, 37(9):62-69.
- [4] 刘敦楠,王玲湘,汪伟业,等.基于深度强化学习的大规模电动 汽车充换电负荷优化调度[J].电力系统自动化,2022,46(4): 36-46.
   LIU Dunnan, WANG Lingxiang, WANG Weiye, et al. Optimal scheduling of electric vehicle load for large-scale battery
- charging and swapping based on deep reinforcement learning [J]. Automation of Electric Power Systems, 2022, 46(4): 36-46.
  [5] WU H, PANG G K H, CHOY K L, et al. A charging-scheme
- decision model for electric vehicle battery swapping station using varied population evolutionary algorithms[J]. Applied Soft Computing, 2017, 61:905-920.
- [6] ABBASI M H, TAKI M, RAJABI A, et al. Coordinated operation of electric vehicle charging and wind power generation as a virtual power plant: a multi-stage risk constrained approach [J]. Applied Energy, 2019, 239: 1294-1307.
- [7]张渝涵.考虑换电需求与光伏出力双重随机性的光伏-电动汽 车充换电站日前调度[D].天津:天津大学,2019.
   ZHANG Yuhan. Day-ahead scheduling for an electric vehicle PV-based battery swapping station considering the dual uncertainties[D]. Tianjin:Tianjin University,2019.
- [8] 王彩霞,时智勇,梁志峰,等.新能源为主体电力系统的需求侧 资源利用关键技术及展望[J].电力系统自动化,2021,45(16): 37-48.

WANG Caixia, SHI Zhiyong, LIANG Zhifeng, et al. Key technologies and prospects of demand-side resource utilization for power systems dominated by renewable energy [J]. Automation of Electric Power Systems, 2021, 45(16): 37-48.

- [9] HAN S, HAN S, SEZAKI K. Development of an optimal vehicle-to-grid aggregator for frequency regulation[J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2010, 1(1):65-72.
- [10] MAHMUD K, HOSSAIN M J, RAVISHANKAR J. Peak-load management in commercial systems with electric vehicles [J]. IEEE Systems Journal, 2019, 13(2):1872-1882.
- [11] HAN S, HAN S, SEZAKI K. Estimation of achievable power capacity from plug-in electric vehicles for V2G frequency regulation:case studies for market participation[J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2011, 2(4):632-641.

- [12] WU C, LIN X, SUI Q, et al. Two-stage self-scheduling of battery swapping station in day-ahead energy and frequency regulation markets[J]. Applied Energy, 2021, 283:116285.
- [13] YAO E, WONG V W S, SCHOBER R. Robust frequency regulation capacity scheduling algorithm for electric vehicles[J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2017, 8(2):984-997.
- [14] SCARABAGGIO P, CARLI R, CAVONE G, et al. Smart control strategies for primary frequency regulation through electric vehicles: a battery degradation perspective [J]. Energies, 2020,13(17):4586.
- [15] 吕力.市场环境下电动汽车的聚合模型及其参与电力系统辅助服务的策略研究[D].南京:东南大学,2018.
  LÜ Li. Convergence model of electric vehicles in market environment and its strategy for participation in ancillary service
  [D]. Nanjing:Southeast University,2018.
- [16] 高赐威,吴茜.电动汽车换电模式研究综述[J].电网技术, 2013,37(4):891-898.
   GAO Ciwei,WU Xi. A survey on battery-swapping mode of electric vehicles[J]. Power System Technology, 2013, 37(4): 891-898.
- [17] BRISSAUD C, REUMONT G, SMAHA J P, et al. Structural and morphological study of damage in lead/acid batteries during cycling and floating tests [J]. Journal of Power Sources, 1997, 64(1):117-122.
- [18] 毛海鹏,张勇军,王浩林,等.基于模块分割式电池的换电站充电策略优化[J].电力自动化设备,2020,40(4):111-117.
   MAO Haipeng, ZHANG Yongjun, WANG Haolin, et al. Charging strategy optimization of swapping station based on modular split batteries[J]. Electric Power Automation Equipment,

2020,40(4):111-117.

- [19] 丁泉,窦晓波,钱国明,等.电力现货市场环境下园区型综合能源系统多阶段联合优化运行[J].电力自动化设备,2021,41 (9):56-63.
  DING Quan, DOU Xiaobo, QIAN Guoming, et al. Multi-stage joint optimal operation of park-level IES in electricity spot market[J]. Electric Power Automation Equipment,2021,41(9): 56-63.
- [20] 窦晓波,徐忞慧,董建达,等. 微电网改进多时间尺度能量管理 模型[J]. 电力系统自动化,2016,40(9):48-55.
   DOU Xiaobo,XU Minhui,DONG Jianda, et al. Multi-time scale based improved energy management model for microgrid[J].
   Automation of Electric Power Systems,2016,40(9):48-55.
- [21] 安晓敏,罗桂美. 椭球不确定集下的投资组合鲁棒优化模型
  [J]. 湖南大学学报(自然科学版),2010,37(1):89-92.
  AN Xiaomin, LUO Guimei. Robust portfolio selection under ellipsoidal uncertainty[J]. Journal of Hunan University(Natural Sciences),2010,37(1):89-92.

#### 作者简介:



曾宪锴(1997—),男,硕士研究生,主 要研究方向为电动汽车充放电管理、可再生 能源并网与微电网技术、电力市场(E-mail: 1084808006@qq.com);

杨 苹(1967—), 女, 教授, 博士研究 生导师, 主要研究方向为可再生能源并网与 微电网技术(**E-mail**: eppyang@edu.cn)。

曾宪锴

(编辑 王欣竹)

# Optimal regulation strategy of battery charging and swapping station for electric vehicles under electricity spot market environment

ZENG Xiankai<sup>1,2</sup>, YANG Ping<sup>1,2</sup>, LIU Luyao<sup>1</sup>, YANG Kang<sup>2</sup>, TAN Junfeng<sup>2</sup>

(1. School of Electric Power, South China University of Technology, Guangzhou 510640, China;

2. Key Laboratory of Clean Energy Technology of Guangdong Province,

South China University of Technology, Guangzhou 510640, China)

Abstract: Under the strategic goal of building the new-type power system, the electricity spot market continues to put forward new demands and requirements for demand-side resources such as battery charging and swapping station for electric vehicles. Based on pilot rules for the electricity spot market in southern China, considering the transaction varieties such as spot electric energy, frequency regulation auxiliary services and multi-stage demand response, the regulation model of battery charging and swapping station for electric vehicles is established, and the multi-stage optimal regulation strategy is designed, which includes day-ahead, intra-day and real-time stage. In the day-ahead stage, robust optimization is constructed to solve the uncertainty problems of battery swapping demand, electric energy used for frequency regulation and the price of various transaction varieties, and the solution is solved through the second-order cone programming algorithm. In the intra-day stage, the rolling optimization link based on model predictive control is constructed to ensure that intra-day demand response transactions are effectively engaged. In the real-time stage, aiming at the lowest control cost, considering the real-time invitation for the demand response and the fluctuation of electricity price, the battery power allocation strategy is solved. The simulation case shows that the proposed strategy can make full use of the regulation potential of the battery charging and swapping station and improve its economic benefits.

Key words: electric vehicles; battery charging and swapping station; electricity spot market; robust optimization; model predictive control; multi-stage optimization







Fig.A1 Regulation process of BCSS in electricity spot market environment

# 附录 B

#### 1.多时间尺度调控模型中的变量定义:

$$\boldsymbol{D}_{t}^{\mathrm{da}} = [d_{t}^{\mathrm{da,res}}, d_{t}^{\mathrm{da,f}}, d_{t}^{\mathrm{da,num}}]$$
(B1)

$$\boldsymbol{D}_{t}^{\text{in}} = [d_{t}^{\text{in,res}}, d_{t}^{\text{in,num}}]$$
(B2)

$$\boldsymbol{D}_{t}^{\mathrm{rt}} = [\boldsymbol{d}_{t}^{\mathrm{rt,res}}, \boldsymbol{d}_{t}^{\mathrm{rt,f}}]$$
(B3)

式中: $d_t^{\text{dares}}$ 为t时段的需求响应日前邀约, $d_t^{\text{darf}}$ 为调频容量需求、 $d_t^{\text{darnum}}$ 换电需求日前预测值, $d_t^{\text{in,res}}$ 由为t时段的需求响应日内邀约、 $d_t^{\text{in,num}}$ 为换电需求日内预测值, $d_t^{\text{r,res}}$ 为t时段的需求响应实时邀约, $d_t^{\text{r,f}}$ 为调频指令。

$$\boldsymbol{X}_{t}^{\text{da}} = [\boldsymbol{x}_{t}^{\text{da,res}}, \boldsymbol{x}_{t}^{\text{da,f}}, \boldsymbol{x}_{t}^{\text{da,num}}]^{\text{T}}$$
(B4)

$$\boldsymbol{X}_{t}^{\text{in}} = [\boldsymbol{x}_{t}^{\text{in,res}}, \boldsymbol{x}_{t}^{\text{in,num}}]^{\mathrm{T}}$$
(B5)

$$\boldsymbol{X}_{t}^{\mathrm{rt}} = [\boldsymbol{x}_{t}^{\mathrm{rt,res}}, \boldsymbol{x}_{t}^{\mathrm{rt,f}}]^{\mathrm{T}}$$
(B6)

式中:  $x_t^{\text{da,res}}$ 为t时段的日前需求响应系数,  $x_t^{\text{da,f}}$ 为调频容量分配系数,  $x_t^{\text{da,num}}$ 为换电服务系数,  $x_t^{\text{in,res}}$ 为t时段的日内需求响应系数,  $x_t^{\text{in,rum}}$ 为换电服务修正系数组成,  $x_t^{\text{r,res}}$ 为t时段的实时需求响应系数,  $x_t^{\text{n,f}}$ 为调频响应系数。

#### 2.有效需求响应评估计算公式:

$$R_{t}^{\text{res}} = \begin{cases} 0 \qquad \left| P_{t}^{\text{rt}} - P_{t}^{\text{base}} \right| < z_{1} \left| P_{t}^{\text{call}} \right| \\ E_{t}^{\text{res}} \cdot \left| P_{t}^{\text{rt}} - P_{t}^{\text{base}} \right| < z_{1} \left| P_{t}^{\text{call}} \right| < \left| P_{t}^{\text{rt}} - P_{t}^{\text{base}} \right| < z_{2} \left| P_{t}^{\text{call}} \right| \\ E_{t}^{\text{res}} \cdot \left| P_{t}^{\text{call}} \right| \qquad z_{3} \left| P_{t}^{\text{call}} \right| < \left| P_{t}^{\text{rt}} - P_{t}^{\text{base}} \right| \end{cases}$$
(B7)

式中:  $P_t^{\text{base}}$ 为有效需求响应由基线负荷,  $P_t^{\text{rt}}$ 为实际负荷,  $P_t^{\text{call}}$ 为需求响应邀约量,  $z_1 \, \cdot \, z_2 \, \cdot \, z_3$ 为分段设定 边界。

3.电能量申报偏差收益转移计算公式:

$$C_{t}^{\text{bias}} = \begin{cases} (E_{t}^{\text{rt}} - E_{t}^{\text{da}})(P_{t}^{\text{da}} - P_{t}^{\text{rt}}(1+\lambda)) & (E_{t}^{\text{rt}} > E_{t}^{\text{da}}) \cap (P_{t}^{\text{da}} > P_{t}^{\text{rt}}(1+\lambda)) \\ (E_{t}^{\text{da}} - E_{t}^{\text{rt}})(P_{t}^{\text{rt}}(1-\lambda) - P_{t}^{\text{da}}) & (E_{t}^{\text{rt}} < E_{t}^{\text{da}}) \cap (P_{t}^{\text{da}} < P_{t}^{\text{rt}}(1-\lambda)) \end{cases}$$
(B8)

式中:  $C_t^{\text{bias}}$ 为偏差惩罚成本;  $E_t^{\text{n}} \$ ,  $E_t^{\text{a}} \$ ,  $P_t^{\text{n}} \$ ,  $P_t^{\text{da}} \$ 分别为t时段的实时市场电价、日前市场电价

$$W = \text{diag}(w_{\text{soc}}(t), w_{\text{ev}}(t), w_{\text{f}}(t), \cdots, w_{\text{soc}}(t+N_{\text{p}}), w_{\text{ev}}(t+N_{\text{p}}), w_{\text{f}}(t+N_{\text{p}}))$$
(B9)

$$\boldsymbol{M} = \left[ E^{\text{in,buy}}(t), -E^{\text{ev}}(t), -E^{\text{f}}(t), -E^{\text{in,res}}(t), \cdots, E^{\text{in,buy}}(t+N_{\text{p}}), -E^{\text{ev}}(t+N_{\text{p}}), -E^{\text{f}}(t+N_{\text{p}}), -E^{\text{in,res}}(t+N_{\text{p}}) \right]$$
(B10)

式中: $w_{soc}(\cdot)$ 、 $w_{ev}(\cdot)$ 、 $w_{f}(\cdot)$ 分别为输出向量中电池荷电状态、换电电量、调频调用电量等元素对应的偏差权重系数; $E^{in,buy}(\cdot)$ 、 $E^{ev}(\cdot)$ 、 $E^{f}(\cdot)$ 、 $E^{in,res}(\cdot)$ 分别为购电价格、换电价格、调频容量价格、日内需求响应价格。

# 5.日前阶段鲁棒混合整数线性规划问题转换为二阶锥规划问题的推导过程:

日前阶段优化模型基本形式为:

$$\max \boldsymbol{c}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{x} \tag{B11}$$

s.t. 
$$A_{m \times l} \mathbf{x} \ge \mathbf{b}_{m \times 1}$$
 (B12)

式中:系数矩阵A、向量c和b中均含随机变量,m、l为矩阵的行、列数。为简化求解,作等价变换形成如下形式。

$$\min \omega \tag{B13}$$

s.t. 
$$\omega + \boldsymbol{c}^{\mathrm{T}} \boldsymbol{x} \ge 0$$
 (B14)

$$\boldsymbol{A}_{m \times l} \boldsymbol{x} - \boldsymbol{b}_{m \times 1} \boldsymbol{y} \ge \boldsymbol{0} \tag{B15}$$

$$y = 1$$
 (B16)

式中: ω、y为辅助变量;约束式(B14)—(B16)可统一成如下形式。

$$\mathbf{A}_{(m+1)\times l}^{*} \mathbf{z}^{*} \ge \mathbf{b}_{(m+1)\times 1}^{*}$$
(B17)

式中:  $A_{(m+1)\times l}^*$ 、 $b_{(m+1)\times l}^*$ 、 $x^*$ 为统一后的系数矩阵、系数向量和决策向量。随机变量均在 $A_{(m+1)\times l}^*$ 中。采用椭 球不确定集描述其中各行向量 $a_i^*$ 的不确定性如下:

$$\boldsymbol{a}_{i}^{*\mathrm{T}} = \left\{ \boldsymbol{a}_{i}^{*\mathrm{T}} + \boldsymbol{P}_{i}\boldsymbol{u} \left\| \boldsymbol{u} \right\|_{2} \le \boldsymbol{\rho} \right\} \quad \boldsymbol{P}_{i} \in \boldsymbol{R}^{l \times l} \quad i = 1, \cdots, m+1$$
(B18)

式中: *P<sub>i</sub>为i* 第个约束式的放缩矩阵,表征各不确定性参数在各方向上的变化尺度,可通过各不确定性 参数波动范围 *ξ*,构造; *P* 为不确定度控制系数。

进而日前优化模型可转换为如下二阶锥规划问题。

$$\min \omega$$
 (B19)

s.t. 
$$\boldsymbol{a}_{i}^{*}\boldsymbol{x} - \rho \left\| \boldsymbol{P}_{i}^{\mathrm{T}}\boldsymbol{x} \right\|_{2} \ge b_{i} \quad i = 1, \cdots, m+1$$
 (B20)

|      | 附录 C     |  |
|------|----------|--|
| 表 C1 | BCSS 的参数 |  |

Table C1 Parameters of BCSS

| 参数类型                                      | 设定值  | 参数类型                             | 设定值  |
|---|------|----------------------------------|------|
| 充电机效率/%                                   | 95   | 电池数量/个                           | 100  |
| 充电机数量/个                                   | 100  | 荷电状态下限/%                         | 10   |
| 充放电功率上限/kW                                | 20   | 电池容量/(kW h)                      | 60   |
| 换电折合费用/[元 ( <b>kW h</b> ) <sup>-1</sup> ] | 2.0  | 电池投资成本/[元 (kW h) <sup>-1</sup> ] | 1309 |
| 45<br>(HMW/\$)/架<br>25<br>15              | 前市场价 | 格<br>加<br>12<br>18<br>24<br>时段   |      |

# 图 C1 现货电能量市场价格

Fig.C1 Electricity price in spot market



图 C2 调频辅助服务市场价格

Fig.C2 Prices in frequency regulation ancillary services market 表 C2 需求响应价格

| Table C2 Price of demand response     |                                  |          |        |  |
|---------------------------------------|----------------------------------|----------|--------|--|
| ~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~ | 需求响应价格/[元 (kW h) <sup>-1</sup> ] |          |        |  |
| 响应关望                                  | 日前                               | 日内       | 实时     |  |
| 削峰                                    | 5±0.5                            | 7.5±0.75 | 15±1.5 |  |
| 填谷                                    | 2±0.2                            | 3±0.3    | 6±0.6  |  |



Fig.C3 Results of three-stage optimal regulation





Fig.C5 Indication of battery fully charged status in each period