## 应对极端冰灾的电力系统多阶段韧性提升策略

李 雪,张涵帅,姜 涛,张儒峰,陈厚合

(东北电力大学 现代电力系统仿真控制与绿色电能新技术教育部重点实验室,吉林 吉林 132012)

摘要:为提升冰灾下电力系统的韧性,降低系统负荷削减量,提高系统恢复速率,提出一种应对极端冰灾的电 力系统多阶段韧性提升策略。对冰灾场景以及受冰灾影响的线路故障率进行建模;从线路抗冰能力、系统负 荷损失、系统恢复情况、线路受损情况、维修资源充裕度多个角度构建电力系统综合韧性评估指标,以定位冰 灾下系统的薄弱环节;在此基础上,通过灾前线路故障风险预测、灾中机组出力调整以及除冰线路筛选和主 动停运除冰、灾后维修顺序规划等策略提升冰灾下的系统韧性。基于IEEE 39和IEEE 118节点系统进行仿 真分析,结果验证了所提韧性评估方法和提升策略的有效性。

#### DOI:10.10081/J.epae.2024040

## 0 引言

近年来,随着全球气候不断恶化,世界范围内的 极端冰灾事件频发,严重威胁到电力系统安全、可靠 供电。当极端冰灾发生时,常年暴露在自然环境中 的输电线路有可能覆冰,而覆冰过厚可能会导致断 线、倒塔、线路舞动等严重事故[1]。此外,绝缘子覆 冰后的绝缘强度下降,可能会引起绝缘子闪络,从而 可能会给电力系统带来不同程度的影响。2020年 11月,吉林省遭受历史罕见的强雨雪大风冰冻天 气,造成102.44万用户供电中断,约1.2×10<sup>8</sup> m<sup>2</sup>的 供热受到影响[2]。2021年,美国冬季冰灾致德克 萨斯州超过380万用户失去电力供应,损失负荷近 20000 MW<sup>[3]</sup>。上述由极端冰灾导致的大面积停电 事故说明,冰灾易导致电力系统遭受大范围断线故 障,严重威胁电力系统安全、可靠运行,因此,有必要 对冰灾下电力系统的韧性进行有效评估,进而提出 相应的韧性提升策略,以降低冰灾对电力系统安全、 可靠运行的影响。

电力系统韧性是指电力系统在遭受极端灾害后 能够抵御灾害带来的扰动并尽快恢复到正常运行状 态的能力<sup>[4]</sup>。为有效评估电力系统在极端灾害下的 韧性:文献[5]分析极端灾害对电力系统各元件故障 率的影响,进而结合系统负荷削减量构建电力系统 的韧性评估指标;文献[6]分别从鲁棒性、快速性和 冗余性3个方面构建系统的韧性评估指标,以定位 系统在极端灾害下的薄弱环节;文献[7-8]均针对系 统和元件层面进行韧性评估,其中文献[7]基于韧性

收稿日期:2023-10-23;修回日期:2024-04-02 在线出版日期:2024-04-23 基金项目:国家自然科学基金资助项目(U22B20105)

Project supported by the National Natural Science Foundation of China(U22B20105)

梯形量化系统及关键设施韧性,评估电力系统应对 极端天气事件的能力,文献[8]在系统层面通过灾害 带来的负荷削减量量化评估灾害对电力系统的影 响,在设备层面构建考虑设备故障前、后的韧性指标 来识别电力系统灾前的薄弱环节和灾后的故障元件 最佳修复策略。

为提升电力系统在极端灾害下的韧性,国内外 学者针对不同灾害场景提出相应的韧性提升策略, 以降低极端灾害对电力系统的影响。文献[9-11]将 韧性提升表述为优化问题,其中:文献[9]提出一种 电力系统预调度和除冰装置预定位的最优协调策 略,以提升输电网在极端冰灾下的韧性;文献[10]提 出一种考虑线路故障概率的电力系统预防-紧急协 调调度方法,以降低极端自然灾害对系统的影响;文 献[11]综合考虑风电出力的不确定性和极端事件的 预期影响,进而构建韧性提升策略的优化模型。文 献[12-13]均针对系统提出防护性策略来降低灾害 造成的影响,其中:文献[12]提出一种基于灾害风险 评估的防御性孤岛算法,将电网主动解列为多个孤 岛,以隔离故障率较高的元件,提升系统韧性;文献 [13]则根据负荷重要程度和拓扑重要度,辨识系统 关键元件并采取相应保护措施,以此抑制连锁故障, 降低灾害对电力系统的影响。文献[14-15]提出不 同时间尺度上的韧性提升策略,其中:文献[14]通过 灾前储能调度、灾中最优切负荷和灾后优化故障线 路抢修顺序等策略全过程提升系统韧性;文献[15] 基于影响增量法提出一种灾前线路防冻预处理、灾 中优化除冰顺序、灾后优化维修方案的电力系统冰 灾韧性全过程提升策略。

上述关于韧性评估的研究大多聚焦于系统层 面,其评估指标多数集中于量化韧性评估曲线,较少 有研究关注系统内的元件运行状态与维修资源分 布。而在上述关于韧性提升策略的研究中,各阶段 提升策略之间缺乏协同,且较少考虑灾害特性。因此,在系统遭受极端灾害侵袭时,可能无法在韧性评估环节中准确判别系统的薄弱环节,难以制定有针 对性的韧性提升策略。

为此,本文构建一种电力系统的综合韧性评估 指标,在此基础上提出一种考虑冰灾影响的多阶段 系统韧性提升策略,以减少冰灾对电力系统的危害。 首先,对冰灾场景和线路覆冰厚度进行建模,分析冰 灾下输电线路的故障率;其次,根据系统负荷变化情 况和系统内的元件状态,构建电力系统冰灾下的综 合韧性评估指标,实现对系统韧性的多维评估;然 后,在预测线路故障风险及覆冰厚度、调整机组出 力、主动停运线路除冰以及规划故障线路维修顺序 的基础上,提出应对冰灾影响的多阶段韧性提升策 略,以减少故障线路数量,降低系统负荷削减量;最 后,通过不同规模的算例系统验证所提韧性评估方 法与提升策略的有效性。

## 1 冰灾场景及故障率建模

为研究冰灾对输电网的影响,本章分别构建输 电线路的覆冰厚度增长模型和冰灾下输电线路的断 线故障率模型。

参考文献[16],本文的输电线路覆冰厚度增长 模型采用Jones模型,即:

$$D_{\rm ice}(t) = \frac{1}{\pi \rho_{\rm I}} \sqrt{\left(\varphi(t)\rho_{\rm W}\right)^2 + \left(3.6v_{\rm w}(t)W(t)\right)^2} \quad (1)$$

式中: $D_{ice}(t)$ 为t时刻线路上的覆冰厚度; $\rho_1$ 和 $\rho_w$ 分 别为冰的密度和水的密度; $\varphi(t)$ 为t时刻的冻雨量;  $v_w(t)$ 为t时刻输电线路所在位置的风速;W(t)= 0.067 $\varphi^{0.864}(t)$ 为环境空气的含水量。

当输电线路覆冰累积时,线路所承受的荷载是 垂直方向上因覆冰重量而生成的冰力荷载和水平方 向上风力荷载的合成。根据t时刻的线路覆冰厚度, 可得到单位长度线路的冰力荷载L<sub>1</sub>(t)为:

 $L_{\rm I}(t) = 9.8 \times 10^{-3} \rho_{\rm I} \pi (d + D_{\rm ice}(t)) D_{\rm ice}(t)$ (2) 式中:d为线路的直径。

考虑到冰灾的时空特性、冰灾的最大影响半径 以及线路和冰灾中心的实际地理位置,*t*时刻输电线 路所在位置的风速*v*<sub>\*</sub>(*t*)可通过附录A式(A1)进行 计算<sup>[17-18]</sup>,进而可得到单位长度线路的风力荷载 *L*<sub>w</sub>(*t*)为:

$$L_{\rm w}(t) = CSv_{\rm w}^2(t) \left( d + 2D_{\rm ice}(t) \right) \tag{3}$$

式中:C为常系数,取值为6.964×10<sup>-3</sup>;S为跨度因子, 其计算公式如附录A式(A2)所示。

由式(2)和式(3)即可得到单位长度输电线路所 承受的冰风力荷载 L<sub>IW</sub>(t)为:

$$L_{\rm IW}(t) = \sqrt{L_{\rm I}^2(t) + L_{\rm W}^2(t)}$$
(4)

根据线路对覆冰承载的设计荷载和极限荷载, 可得到t时刻单位长度线路发生断线的故障率  $P_t(t)为$ :

$$P_{\rm f}(t) = \begin{cases} 0 & L_{\rm IW}(t) \le a_{\rm IW} \\ e^{\frac{0.693\,1(L_{\rm IW}(t) - a_{\rm IW})}{b_{\rm IW} - a_{\rm IW}}} - 1 & a_{\rm IW} < L_{\rm IW}(t) < b_{\rm IW} \\ 1 & L_{\rm IW}(t) \ge b_{\rm IW} \end{cases}$$
(5)

式中:aw和 bw分别为线路对覆冰承载能力的设计 荷载和极限荷载。

则长度l的输电线路在冰灾下的故障率 $P_l(t)$ 为:

$$P_{l}(t) = 1 - (1 - P_{f}(t))^{l}$$
(6)

## 2 冰灾下的电力系统韧性评估

本章对冰灾下输电线路断线故障给电力系统造成的影响进行评估,以量化冰灾下的系统负荷变化曲线并进行韧性评估。

#### 2.1 冰灾下的系统负荷变化曲线

根据冰灾的实际特点以及灾害过程中系统负荷 的变化情况,本节首先构建冰灾下的系统负荷变化 曲线。由于输电线路自身具有一定的抗冰能力,在 冰雪天气刚开始时,电网不会立即出现断线故障。 随着冰雪天气的发展,当线路上的覆冰厚度超过其 设计值后,线路可能出现故障。冰雪天气的继续发 展会导致越来越多的线路因断线故障而被迫停运, 系统负荷水平将明显降低。在冰雪天气结束后,维 修队伍将对故障线路进行抢修,系统负荷水平逐渐 恢复至初始状态。上述过程可由图1所示系统负荷 变化曲线进行描述。图中: $F_{R0}(t)$ 和 $F_{R}(t)$ 分别为正 常情况下和冰灾影响下的系统负荷变化曲线;R。为 正常情况下系统的负荷水平;Rmm为受冰灾影响最严 重情况下系统的负荷水平;t。为获取到冰雪天气数 据的时刻;t,为冰雪天气的起始时刻;t,为系统开始 遭受冰灾侵袭的时刻;t,为在系统内出现断线故障 后负荷开始削减的时刻;t<sub>4</sub>为系统不再受到冰灾影 响的时刻,在此时刻开始对故障线路进行抢修;由于 冰雪天气的结束时刻可能不早于t<sub>4</sub>,本文假设冰雪



天气结束的时刻为*t<sub>s</sub>*;*t<sub>6</sub>为系统负荷开始恢复的时刻;<i>t*<sub>7</sub>为系统恢复至初始运行状态的时刻。

#### 2.2 冰灾下系统韧性评估指标的构建

本节分别构建静态韧性指标和动态韧性指标来 评估冰灾对电力系统的影响,进而量化评估电力系 统在冰灾下的韧性。

2.2.1 静态评估指标

静态评估指标主要用于反映冰灾前系统内基础 设施和维修资源的情况,包括线路受损指标和维修 资源充裕度指标。

1)线路受损指标*R*<sub>1</sub>。该指标是根据正常运行的 线路数量而构建的,该指标越大,说明正常运行的线 路数量越多,系统受冰灾的影响越小。该指标的表 达式为:

$$R_1 = N_{\text{normal}} / N_0 \tag{7}$$

式中:N<sub>normal</sub>为整个冰雪灾害过程中未发生故障的线路;N<sub>0</sub>为系统的线路总量。

2)维修资源充裕度指标*R*<sub>\*</sub>。该指标通过需要 修复的故障数量与能够同时修复的故障数量来体 现,其表达式为:

$$R_{\rm w} = \begin{cases} 1 & N_{\rm team} \ge N_{\rm fault} \\ N_{\rm team} / N_{\rm fault} & N_{\rm team} < N_{\rm fault} \end{cases}$$
(8)

式中: $N_{\text{team}}$ 为系统内维修资源的数量,即能够同时修复的故障数量; $N_{\text{fault}}$ 为需要修复的故障数量。

2.2.2 动态评估指标

动态评估指标通过量化图1所示的系统负荷变 化曲线进行构建,包括线路抗冰能力指标、系统负荷 损失指标和系统负荷恢复指标。

1)线路抗冰能力指标 $R_{re}$ 。该指标用于体现线路的抗冰能力,对应图1中 $t_2$ — $t_3$ 阶段,该指标越大, 说明线路抗冰能力越好,其表达式为:

$$R_{\rm re} = \frac{\int_{t_2}^{t_3} F_R(t) \,\mathrm{d}t}{\int_{t_1}^{t_4} F_R(t) \,\mathrm{d}t} \tag{9}$$

2)系统负荷损失指标 R<sub>Loss</sub>。该指标用于评估冰 灾下系统负荷损失的严重程度,即体现系统的鲁棒 性,通过量化图 1 中 t<sub>3</sub> — t<sub>4</sub>阶段中曲线 F<sub>R</sub>(t)的面积 进行构建。该指标越大,说明系统负荷削减越少,系 统对冰灾的抵御能力越强。该指标的表达式如式 (10)所示。

$$R_{\rm Loss} = \frac{\int_{t_3}^{t_4} F_R(t) \,\mathrm{d}t}{\int_{t_3}^{t_4} F_{R0}(t) \,\mathrm{d}t}$$
(10)

3)系统负荷恢复指标 R<sub>rec</sub>。该指标用于评估灾后系统的负荷恢复情况,该指标越大,说明系统的负荷恢复情况,该指标越大,说明系统的负荷恢复速率越快,其表达式为:

$$R_{\rm rec} = \int_{t_6}^{t_7} F_R(t) \,\mathrm{d}t / \left[ R_0(t_7 - t_6) \right]$$
(11)

2.2.3 综合韧性评估指标

结合上述静态指标和动态指标,可得到电力系统的综合韧性评估指标*R*<sub>1</sub>为:

$$R_{\rm I} = \omega_{\rm d} (\omega_{\rm re} R_{\rm re} + \omega_{\rm Loss} R_{\rm Loss} + \omega_{\rm rec} R_{\rm rec}) +$$

$$\omega_{\rm st}(\omega_1 R_1 + \omega_{\rm w} R_{\rm w}) \tag{12}$$

式中: $\omega_{a}$ 和 $\omega_{s_{t}}$ 分别为加权后的动态指标和静态指标 的权重系数; $\omega_{rex}$ 、 $\omega_{Loss}$ 、 $\omega_{rec}$ 分别为线路抗冰能力指 标、系统负荷损失指标和系统负荷恢复指标的权重 系数; $\omega_{1}$ 和 $\omega_{w}$ 分别为线路受损情况指标和维修资源 充裕指标的权重系数。权重系数的取值情况如附录 A所示。综合韧性评估指标 $R_{1}$ 的取值范围为0~1, $R_{1}$ 越大,冰灾下系统的韧性就越高。

#### 3 冰灾下的多阶段系统韧性提升策略

本章将冰灾下的韧性全过程提升策略划分为 4个阶段,阶段划分示意图如图2所示,各阶段的具 体定义如附录B所示。基于上述阶段划分,本文提 出冰灾下的电力系统多阶段韧性提升策略,可分为 灾前预处理、灾中预防控制、灾中紧急控制和灾后恢 复4个阶段,以提升系统韧性。





Fig.2 Schematic diagram of resilience phase division considering evolution process of ice disaster

## 3.1 灾前预处理阶段

由于冰灾对电网中所有线路同时造成影响的概 率较低,在灾前预处理阶段可根据天气预报数据对 冰雪天气的移动路径进行预测,以是否存在故障风 险为依据,初步筛选需关注或采取策略的输电线路, 以减少后续各阶段需要处理的线路数量。灾前预处 理阶段的具体流程如下:

1)输入由天气预报得到的冰雪天气数据,确定 冰灾移动路径;

2)根据式(1)预测各条线路上的覆冰情况;

3)以线路是否会产生覆冰累积为标准,筛选出 所有可能存在故障风险的线路,形成线路集合Ω;;

4)将 *Ω*<sub>ice</sub> 以及集合中各线路的覆冰厚度变化情况传递至灾中预防阶段。

#### 3.2 灾中预防阶段

在此阶段,部分线路开始出现覆冰累积,但尚未 对系统造成影响。为减少后续故障线路的数量,在 系统未发生故障时,通过调整发电机出力使部分可 能发生故障的线路的有功功率损耗达到临界不覆冰 线损,通过线路上的有功损耗发热防止覆冰的产生, 减轻冰灾对系统造成的影响。根据线路覆冰过程中 的热平衡方程以及输电线路不覆冰的临界条件,可 得到临界不覆冰电流*I*<sup>[19]</sup>,如式(13)所示。

$$I_{c}^{2} = \frac{d}{r_{0}} \left\{ -\pi T_{a} \left( h + h_{p} \right) - \left( \frac{0.79h_{p}v_{w}^{2}}{2c_{a}} + \frac{h_{abs}v_{w}^{3}}{2} \right) + 0.95\pi\sigma_{r} \left[ 273^{4} - \left( 273 + T_{a} \right)^{4} \right] - 8\,400v_{w}h_{abs}T_{a} \right\}$$
(13)

式中: $r_0$ 为输电线路单位长度电阻; $T_a$ 为环境温度, 单位为C; $h 和 h_p$ 分别为输电线路表面自然对流系 数和强制对流系数; $c_a$ 为空气比热; $h_{abs}$ 为空气中的 液水质量浓度,即绝对湿度; $\sigma_r$ 为常系数,取值为 55.67 nW/(m<sup>2</sup>·K<sup>4</sup>)。

根据临界不覆冰电流计算防止线路覆冰所需的 最小焦耳热,即临界不覆冰线损 P<sub>L,min</sub>,如式(14) 所示。

$$P_{\rm L,\,min} = I_{\rm c}^2 r_0 l \tag{14}$$

基于上述临界不覆冰线损可构建灾中预防阶段 的系统韧性提升最优模型,其目标函数为:

$$\max \sum_{g^{\neq k}} P_{gk, \text{Loss}} \quad g - k \in \Omega_{\text{ice}}$$
(15)

式中:Pgk,Loss为线路g-k的有功功率损耗。

模型中的约束条件包括有功、无功约束,功率平 衡约束,电压幅值约束,相角约束,具体表达式如附 录C式(C1)所示。

灾中预防阶段提升策略的具体流程如下:

1) 输入相关的天气数据以及线路参数;

2)计算集合 $\Omega_{ice}$ 中各线路的临界不覆冰线损;

3)基于式(15)和式(C1)调整发电机出力,使集 合Ω<sub>ice</sub>中线路的有功功率损耗增加;

4)确定可以防止覆冰产生的线路并将其从集合 Ω<sub>ice</sub>中移除。

#### 3.3 灾中紧急控制阶段

随着冰灾的继续发展,线路覆冰情况逐渐严重, 部分线路可能无法通过灾中预防阶段的策略防止覆 冰产生,导致断线故障出现,此时,可通过所提灾中 紧急控制使部分覆冰线路主动停运除冰。本文选择 配置移动式直流除冰装置的除冰队伍对线路进行除 冰,以避免线路因覆冰过厚而引起断线故障,减少故 障线路的数量,降低系统负荷削减量,提升冰灾下电 力系统的韧性。

受除冰设备及冰灾规模的限制,通常无法同时 对所有线路进行停运除冰,且部分线路在停运除冰 后的负荷提升量较小,因此,应在所有可能发生故障 的覆冰线路中筛选除冰线路并按顺序对其进行除 冰。本节通过线路实时覆冰率、线路停运后的潮流 转移熵及除冰后的系统负荷提升程度3个指标评估 线路覆冰情况以及线路的重要程度<sup>[2021]</sup>,并最终得 到除冰顺序评价指标<sup>[22]</sup>,该指标的计算公式及除冰 线路的筛选流程如附录C所示。

上述除冰线路的筛选以及线路停运除冰的灾中 紧急控制策略流程如附录C图C2所示,具体过程 如下。

1)输入集合 $\Omega_{ice}$ 以及除冰装置数量 $N_{deicing}$ ,并计 算 $\Omega_{ice}$ 中第一条线路开始产生覆冰累积的时刻 $t_{ice}$ , 且令 $\lambda = t_{ice}$ 。

2)判断λ时刻的空闲除冰装置数量是否为0。 若是,则转至步骤5);否则执行步骤3)。

3)按照附录C图C1所示流程计算当前时刻 $\Omega_{ice}$ 内各条线路的除冰顺序评价指标F,筛选出除冰线路集合 $\Omega_{decing}$ 。

4)判断当前时刻的集合 $\Omega_{\text{deicing}}$ 是否为空集。若不是,则对集合 $\Omega_{\text{deicing}}$ 中的线路停运除冰,将该线路移出 $\Omega_{\text{ice}}$ ,并且令 $N_{\text{deicing}}=N_{\text{deicing}}-\text{crad}(\Omega_{\text{deicing}})$ ,其中crad( $\cdot$ )表示集合中元素的数量;否则执行步骤5)。

5)将 $\lambda$ 时刻已经故障的线路移出 $\Omega_{ice}$ ,并令 $\lambda$ =  $\lambda$ +1。若有完成除冰的线路,则令 $N_{deicing}$ = $N_{deicing}$ +  $N_{finish}$ ,其中 $N_{finish}$ 为当前时刻完成除冰的线路数量。

6)判断 *Ω*<sub>ice</sub> 是否为空集。若是,则完成灾中紧 急控制阶段提升策略;否则返回步骤2)。

#### 3.4 灾后恢复阶段

在冰灾不再对系统造成影响后,维修队伍将开 展灾后故障线路的维修。本文假设1条故障线路仅 由1组维修队伍进行维修。可根据每次完成维修后 的系统负荷恢复量最大来规划故障线路的维修顺 序,最终使负荷完全恢复至初始状态,达到提升系统 韧性的目的。在此阶段中,本文选用基于直流潮流 的负荷削减模型来计算系统负荷削减阶段和恢复阶 段的负荷变化情况。灾后恢复阶段提升策略中维修 线路筛选的目标函数为:

$$\max\sum_{i=1}^{N_{\text{Buss}}} P_{\text{recover}}(i)$$
 (16)

式中: $N_{\text{Bus}}$ 为系统中的节点数量; $P_{\text{recover}}(i)$ 为完成对所选线路的维修后节点i的负荷恢复量。

模型中的约束条件包括有功功率平衡约束、直 流潮流约束、线路潮流约束、相角约束,具体表达式 如附录C式(C9)所示。

灾后恢复阶段的韧性提升策略流程如附录C图 C3所示,具体过程如下。

1)确定故障线路的数量和线路编号,故障线路 构成集合 $\Omega_{\text{fault}}$ ,并输入维修队伍数量 $N_{\text{team}}$ ,令 $\lambda = t_{\text{start}}$ ,  $t_{\text{start}}$ 为开始维修的时刻。

2)将 $\lambda$ 时刻完成维修的线路置于集合 $\Omega_{rec}$ 中。

3)判断此时的维修队伍数量 $N_{\text{team}}$ 是否为0且  $\Omega_{\text{rec}}$ 是否为空集。若是,则令 $\lambda = \lambda + 1$ ,并返回步骤 2);否则令 $N_{\text{team}} = N_{\text{team}} + \operatorname{crad}(\Omega_{\text{rec}})$ ,并清空 $\Omega_{\text{rec}}$ 。

4)判断维修队伍数量 $N_{\text{team}}$ 是否小于 crad( $\Omega_{\text{fault}}$ )。 若是,则根据式(16)和式(C9)逐一选择维修线路, 并将其移出 $\Omega_{\text{fault}}$ ,直至当前时刻无空闲维修队伍,再 令 $N_{\text{team}}$ =0, $\lambda$ = $\lambda$ +1,返回步骤2);否则说明当前维修 队伍数量大于待维修故障线路数量,可直接对剩余 故障线路进行维修,结束对故障线路维修顺序的 规划。

#### 3.5 多阶段系统韧性提升策略

多阶段系统韧性提升策略根据冰雪天气的演变 过程分阶段对系统韧性进行提升。在灾前预处理阶 段,根据冰灾数据对冰灾的移动路径进行预测,以线 路是否存在故障风险为标准,生成线路集合  $\Omega_{ice}$ ,并 将其传递至灾中预防阶段;灾中提升策略分为灾中 预防阶段提升策略和灾中紧急控制阶段提升策略, 灾中预防阶段提升策略通过调整机组出力使集合  $\Omega_{ice}$ 中的部分线路达到临界不覆冰状态,以此减轻冰 灾对系统造成的影响,灾中紧急控制阶段提升策略 基于灾中预防阶段更新的集合  $\Omega_{ice}$ 筛选除冰线路并 对其进行停运除冰,进一步减少系统负荷削减;灾后 恢复阶段提升策略以线路完成维修后的系统负荷恢 复量最大为目标对故障线路的维修顺序进行规划。 具体过程如附录C图C4所示。

## 4 算例分析

为验证本文所提多阶段韧性提升策略的可行性和有效性,本章分别通过IEEE 39和IEEE 118节点测试系统对其进行分析验证。

#### 4.1 IEEE 39节点测试系统

IEEE 39节点测试系统的拓扑结构图和地理接 线图分别如附录D图D1和图D2所示。假设冰灾从 图D2中坐标(0,700)km处登陆,自东南向西北方向 移动,与正东方向成120°。冰灾模型中平均冻雨量 为3 mm/h,冻雨的最大影响半径为150 km,冻雨移 动速度为50 km/h。衰减系数为10000。线路覆冰 厚度设计值为15 mm,覆冰厚度警戒值为12 mm。 所模拟冰灾持续时间为72 h,共有4组维修队伍和 1组除冰队伍,线路维修时间为6~8 h,除冰队伍对必 要线路进行除冰,维修队伍对故障线路进行维修,二 者相互独立。以15 min为一个时间间隔进行仿真。

根据冰灾实际数据可确定冰灾移动路径,根据 式(1)对各条线路上的覆冰厚度进行计算,可得到各 条线路上的覆冰变化情况,如附录D图D3所示,其 中各线路上的最大覆冰厚度情况如图D2所示。 4.1.1 冰灾影响下的系统故障率及负荷变化情况

基于各条线路上的覆冰厚度变化可得到系统中的线路故障率变化情况,如图3所示。冰灾形成后并未立刻对系统造成影响,直至12.5h后系统才遭受冰灾侵袭,部分线路上开始产生覆冰积累。随着部分线路上的覆冰厚度超过其设计值,线路故障率逐渐增加至最大值。随着冰灾的移动,线路受冰灾的影响减弱,最终故障率在线路不再受影响时降至0。



图 3 冰灾影响下 IEEE 39节点测试系统中的线路故障率 Fig.3 Line failure rate of IEEE 39-bus test system under influence of ice disaster

根据各时刻的线路故障率,通过蒙特卡罗模拟 抽样得到各时刻的线路运行状态变化情况<sup>[18]</sup>。假设 线路维修顺序为线路故障顺序,对负荷削减量进行 计算,即可得到系统在不施加任何韧性提升措施下 的负荷变化情况,如图4所示。

由于输电网自身具有较高的冗余性,当开始有 线路出现断线故障时,系统负荷不会立即削减。例 如,图4中:在A<sub>1</sub>点,个别线路因发生故障而退出 运行,但尚未出现负荷削减;在A<sub>2</sub>点,负荷出现削 减,并持续减小至一个最小值,即A<sub>3</sub>点;在冰灾结束 后,维修工作开始,系统负荷水平在A<sub>6</sub>点恢复至初 始状态;故障线路在A<sub>7</sub>点全部完成维修并恢复至正 常运行。



#### 图4 未考虑韧性措施时冰灾影响下IEEE 39节点测试 系统负荷及运行线路比例

Fig.4 Percentage of load and operation lines under ice disaster without considering resilience strategy for IEEE 39-bus test system

4.1.2 多阶段系统韧性提升策略

1) 灾前预处理阶段。

基于冰灾数据对各条线路上的覆冰厚度进行预测,结果如附录D表D1所示。共有6条线路的最大 覆冰厚度小于20mm,其中线路14因其覆冰厚度以 及所承受的冰风力荷载较小,无故障风险,因此,无 须将该线路置于集合 $\Omega_{ice}$ 中;在剩余线路中,有16条 线路的最大覆冰厚度为20~30mm,6条线路的最大 覆冰厚度超过30mm,存在较高的故障风险。受冰 灾影响的线路集合 $\Omega_{ice}$ 如表D1所示。

在灾前预处理阶段,通过对各线路上的覆冰厚 度变化情况进行预测,生成有故障风险的线路集合  $\Omega_{w}$ ,以此减少后续各阶段中处理线路的数量。

2) 灾中预防阶段提升策略。

在灾中预防阶段,根据式(13)、(14)计算各条线 路所需的临界不覆冰线损,并根据式(15)计算在调 整机组出力下集合Ω<sub>ice</sub>中各条线路能够达到的最大 有功功率损耗。在系统未发生故障时,共计线路35 和线路46这2条线路可在此阶段通过调整发电机出 力防止覆冰的产生。发电机出力以及线路损耗的变 化情况分别如图5和表1所示。

3) 灾中紧急控制阶段提升策略。

在灾中紧急控制阶段,根据式(C2)—(C8)计算 除冰顺序评价指标F,初步筛选出需除冰的线路。 在冰灾开始19h后,除冰顺序评价指标F的计算结



图 5 IEEE 39 节点测试系统的发电机出力

Fig.5 Generator output of IEEE 39-bus test system

表1 IEEE 39节点测试系统防覆冰线路的有功损耗

 Table 1
 Active power loss of anti-icing lines for

IEEE 39-bus test system

线路 编号	调整前的线路 有功损耗 / MW	临界不覆冰 线损 / MW	调整后的线路 有功损耗 / MW
35	2.78	2.99	3.77
46	5.23	2.70	6.77

果如附录D表D2所示,此时线路45的覆冰厚度为 12.09 mm,大于覆冰厚度警戒值D<sub>alm</sub>,且完成除冰后 的负荷提升量大于0,满足除冰要求,因此,选择线 路45作为除冰线路进行停运除冰。后续筛选的除 冰线路为线路37和线路34,分别在35.25h和51h 时完成除冰。此后直至冰灾结束均不再有线路满足 除冰条件,灾中紧急控制阶段提升策略实施完成。

4)灾后恢复阶段提升策略。

在灾后恢复阶段,根据式(16)规划故障线路维 修顺序,采取灾后恢复阶段提升策略的故障线路维 修顺序如附录D表D3所示。

通过采取灾后恢复阶段提升策略规划故障线路 的维修顺序后,系统能更快地将更重要的负荷恢复 至较高的水平,进而恢复至正常运行状态。

4.1.3 各阶段提升策略下的系统负荷变化情况

采取各阶段系统韧性提升策略后的系统负荷如 图6所示。



图 6 IEEE 39 节点测试系统的负荷对比

Fig.6 Load comparison of IEEE 39-bus test system

灾中预防阶段提升策略使得线路35和线路46 达到临界不覆冰线损,减轻了冰灾对系统造成的影 响。仅采用灾中预防策略使系统在受冰灾影响最严 重情况下的负荷削减比例由37.54%降低至32.64%, 即负荷水平提高了307 MW。

进一步采取灾中紧急控制阶段提升策略对 4.1.2节3)中筛选出的3条线路进行除冰后,系统在 受冰灾影响最严重情况下的负荷削减比例降低至 21.25%,负荷比例比采取灾中预防阶段提升策略后 的有所提高。随着故障线路数量的减少,系统所需 恢复时间也缩短,共需要24.25 h完成恢复。

在采取灾后恢复阶段提升策略规划故障线路的 维修顺序后,系统在恢复阶段的负荷削减总量由 10466 MW·h降低至7959 MW·h,重要负荷得到优 先恢复,系统在恢复阶段维持较高的负荷水平,在同 时间段比未采取灾后恢复阶段提升策略时的负荷削 减量更少。

总体而言,在采取多阶段系统韧性提升策略后,系统中的故障线路数量由23条减少至18条, 系统在受冰灾影响最严重情况下的负荷水平提高了 1272 MW,整个韧性提升过程中系统的负荷削减总 量由83832 MW·h降低至33586 MW·h,总负荷削减 比例由19.50%降低至8.63%,系统恢复至初始运行 状态的时间比未采取韧性提升策略时可提前6.5 h, 系统在冰灾下的韧性得到提升。

4.1.4 系统韧性提升效果分析

在未采取多阶段韧性提升策略的情况下,通过 式(7)—(12)计算系统韧性评估指标。采取韧性提 升策略前、后 IEEE 39节点测试系统的指标以及采 取提升策略后相较于采取提升策略前的指标提升比 例如表2所示。

## 表 2 采取韧性提升策略前、后 IEEE 39 节点测试系统的 指标与提升比例

Table 2Indices and improvement percentage of IEEE39-bus test system before and after adopting

resilience enhancement strategy

桂形	动态评估指标			静态评估指标		D	
用心	$R_{ m re}$	$R_{ m Loss}$	$R_{ m rec}$	$R_1$	$R_{ m w}$	$\Lambda_{I}$	
采取提升策略前	0.3746	0.8215	0.8463	0.5000	0.1739	0.5395	
采取提升策略后	0.4664	0.8945	0.9475	0.6087	0.2222	0.6228	
提升比例 / %	24.51	8.89	11.96	21.74	27.77	15.44	

在采取提升策略前:由动态评估指标及系统负 荷变化曲线可知,系统中线路的抗冰能力以及抵御 冰灾的能力较差,在受冰灾影响最严重情况下的负 荷削减比例接近40%,系统负荷恢复速率相对较 慢;由静态评估指标可知,在受冰灾影响最严重情况 下,共有50%的线路因发生断线故障而无法正常运 行,且由于需要修复的故障数量大于能够同时修复 的故障数量,维修资源的充裕度较低。相较于采取 提升策略前,在采取提升策略后,所有的评估指标均 有所提升,*R*<sub>1</sub>为0.6228,提升比例为15.44%。上述 结果表明本文所提多阶段系统韧性提升策略可实现 冰灾下系统韧性的有效提升。

## 4.2 IEEE 118节点测试系统

本节进一步以IEEE 118节点测试系统为例,验证所提冰灾下韧性评估与提升策略的有效性。 IEEE 118节点测试系统的地理接线图如附录D图 D4所示。假设冰灾从图D4中坐标(0,600)km处登陆,向西北方向移动,与正东方向的夹角为145°。平均冻雨量为5mm/h,冰雪天气最大影响半径为75km,移动速度为35km/h,持续时间为84h。系 统共有8组维修队伍和3组除冰队伍,维修队伍与除 冰队伍相互独立。以15 min为一个时间间隔进行 仿真。

4.2.1 系统故障率以及负荷变化情况

在整个冰灾过程中,系统中各线路故障率变化 情况如附录D图D5所示。系统中共有132条线路 因受冰灾影响而存在故障风险,其中111条线路的 最大故障率大于0.5,76条线路的最大故障率大于 0.9,发生断线路障的风险较高。

通过蒙特卡罗模拟得到各时刻的线路运行状态 变化情况,进而得到系统负荷变化情况,如图7所 示。在A<sub>1</sub>点,系统中出现了第一处故障,并且在A<sub>2</sub> 点引发了系统负荷削减,直至A<sub>3</sub>点负荷不再削减。 在系统进入恢复阶段之后,第一条故障线路在A<sub>4</sub> 点完成维修,系统负荷在A<sub>6</sub>点恢复至初始运行状 态,故障线路在A<sub>7</sub>点全部完成维修。在整个过程 中,最大故障线路数量超过线路总数的60%,共计 112条,系统总负荷削减量为913 MW,约为负荷总 量的21.52%。



图 7 IEEE 118 节点测试系统的负荷及运行线路比例对比

Fig.7 Comparison of load and percentage of operation lines for IEEE 118-bus test system

#### 4.2.2 韧性评估指标与提升效果分析

采取多阶段系统韧性提升策略的具体分析如 附录E所示。由图7可知,相较于采取提升策略前, 在采取提升策略后,系统在受冰灾影响最严重情况 下的负荷水平以及系统恢复速率均有较明显的提 升,负荷由3329 MW提升至3647 MW,总计提升了 318 MW,整个冰灾过程中的系统负荷削减量减少了 82691 MW·h,系统恢复至初始运行状态的时间提前 了144.5 h,故障线路数量减少了18条。

IEEE 118节点测试系统韧性评估指标的计算结 果如表3所示。相较于采取提升策略前,在采取提 升策略后,系统恢复至初始状态的时间相对较短,这 是由于在采取提升策略前的维修顺序是按照线路故 障的顺序而制定的,负荷恢复速度较慢,IEEE 118

## 表 3 采取韧性提升策略前、后 IEEE 118 节点测试 系统的指标与提升比例

Table 3 Indices and improvement percentage of IEEE 118-bus test system before and after adopting

resilience enhancement strategy

桂形	动态指标			静态指标		D	
同心	$R_{ m re}$	$R_{\rm Loss}$	$R_{ m rec}$	$R_1$	$R_{\rm w}$	Λ <sub>I</sub>	
采取提升策略前	0.1354	0.9069	0.8928	0.3978	0.0714	0.4908	
采取提升策略后	0.3761	0.9135	0.9537	0.5000	0.0860	0.5575	
提升比例 / %	177.77	0.73	6.82	25.69	20.45	13.59	

## 5 结论

本文提出一种冰灾下多阶段系统韧性提升策略,所提策略关注冰灾的演进过程,针对各阶段特点进行韧性提升。通过灾前预处理阶段预测线路故障风险、灾中预防阶段调整机组出力、灾中紧急控制阶段筛选除冰线路以及使线路主动停运除冰、灾后恢复阶段规划故障线路维修顺序能够有效降低冰灾下的系统负荷削减量,增强电力系统抵御冰灾的能力,通过IEEE 39和IEEE 118节点测试系统算例对所提韧性提升策略进行分析验证,相关结论如下。

1)所提系统韧性评估指标综合考虑了线路抗冰 能力、系统负荷损失、系统负荷恢复、维修资源及线 路受损情况,可实现对冰灾下电力系统韧性的综合 评估。

2)本文基于冰灾的时空特性及灾害演变过程的 实际特征,从系统层面出发对冰灾影响系统的各阶 段及重要时间节点进行定义,为后续冰灾下韧性提 升策略的时间尺度划分提供参考。

3)所提冰灾下多阶段系统韧性提升策略可以降低冰灾对系统造成的影响,达到提升冰灾下系统韧性的目的。相较于采取所提韧性提升策略前,采取提升策略后,IEEE 39和IEEE 118节点测试系统综合韧性评估指标的提升比例分别为15.44%和13.59%,在受冰灾影响最严重情况下的负荷水平分别提高了1272 MW和318 MW,整个过程中系统的负荷削减总量分别降低了59.94%和76.25%。

附录见本刊网络版(http://www.epae.cn)。

#### 参考文献:

 [1]张恒旭,刘玉田,张鹏飞.极端冰雪灾害下电网安全评估需求 分析与框架设计[J].中国电机工程学报,2009,29(16):8-14.
 ZHANG Hengxu,LIU Yutian,ZHANG Pengfei. Requirements analysis and framework design for power system security assessment considering extreme ice disasters[J]. Proceedings of the CSEE, 2009, 29(16):8-14.

- [2] 吉林省政府网.吉林省应对雨雪冰冻天气有关情况新闻发布会
   [EB / OL]. (2020-11-19)[2023-07-21]. http://www.jl.gov.cn / szfzt / xwfb / xwfbh / xwfb2020 / jlsdssjrmdbdhdychy\_266835 / wzzb / 202011 / t20201120\_7769573.html.
- [3] 王伟胜,林伟芳,何国庆,等.美国得州2021年大停电事故对 我国新能源发展的启示[J].中国电机工程学报,2021,41 (12):4033-4043.
   WANG Weisheng,LIN Weifang,HE Guoqing, et al. Enlighten-

ment of 2021 Texas blackout to the renewable energy development in China [J]. Proceedings of the CSEE, 2021, 41 (12) : 4033-4043.

- [4] 符杨,顾吉平,田书欣,等.基于地震灾害场景的主动配电网多 维韧性评估方法[J].电力自动化设备,2023,43(3):1-11.
   FU Yang, GU Jiping, TIAN Shuxin, et al. Multidimensional resilience evaluation method of active distribution network based on earthquake disaster scene[J]. Electric Power Automation Equipment, 2023, 43(3):1-11.
- [5]周晓敏,葛少云,李腾,等.极端天气条件下的配电网韧性分析 方法及提升措施研究[J].中国电机工程学报,2018,38(2): 505-513,681.
   ZHOU Xiaomin, GE Shaoyun, LI Teng, et al. Assessing and boosting resilience of distribution system under extreme
- weather[J]. Proceedings of the CSEE,2018,38(2):505-513,681.
  [6] 李雪,孙霆锴,侯恺,等. 地震灾害下海岛综合能源系统韧性评 估方法研究[J]. 中国电机工程学报,2020,40(17):5476-5493.
  LI Xue, SUN Tingkai, HOU Kai, et al. Evaluating resilience of island integrated energy systems with earthquake[J]. Proceedings of the CSEE,2020,40(17):5476-5493.
- [7] PANTELI M, MANCARELLA P, TRAKAS D N, et al. Metrics and quantification of operational and infrastructure resilience in power systems [J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2017,32(6):4732-4742.
- [8] JIANG T, SUN T K, LIU G D, et al. Resilience evaluation and enhancement for island city integrated energy systems
   [J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2022, 13(4):2744-2760.
- [9] YAN M Y, AI X M, SHAHIDEHPOUR M, et al. Enhancing the transmission grid resilience in ice storms by optimal coordination of power system schedule with pre-positioning and routing of mobile DC de-icing devices[J]. IEEE Transactions on Power Systems, 2019, 34(4): 2663-2674.
- [10] 刘经纬,康海鹏,颜文婷,等.极端灾害下的电力系统预防-紧急协调调度[J].电力自动化设备,2023,43(8):202-209.
  LIU Jingwei, KANG Haipeng, YAN Wenting, et al. Preventive and emergency coordinated dispatching of power system under extreme disaster[J]. Electric Power Automation Equipment,2023,43(8):202-209.
- [11] 杜敏,刘绚,周元刚.考虑极端事件下的高比例可再生能源电 力系统韧性增强策略[J].电力系统自动化,2023,47(12): 19-27.
  DU Min,LIU Xuan,ZHOU Yuangang. Resilience enhancement strategy for power system with high proportion of renewable energy considering extreme events[J]. Automation of Electric Power Systems,2023,47(12):19-27.
- [12] PANTELI M, TRAKAS D N, MANCARELLA P, et al. Boosting the power grid resilience to extreme weather events using defensive islanding[J]. IEEE Transactions on Smart Grid, 2016, 7(6): 2913-2922.
- [13] 王玮,赵家悦,郭创新,等.考虑故障连锁的多灾害输电网弹性 评估及关键弹性提升元件辨识[J].中国电机工程学报,2022, 42(1):127-140.

WANG Wei, ZHAO Jiayue, GUO Chuangxin, et al. Assessing

resilience of transmission network and identifying key elements to enhance resilience considering failure chain under multiple disasters[J]. Proceedings of the CSEE, 2022, 42(1): 127-140.

- [14] 姜涛,唐少南,李雪,等.应对台风影响的海岛微网群韧性全过 程提升[J].中国电机工程学报,2022,42(18):6625-6641.
  JIANG Tao, TANG Shaonan, LI Xue, et al. Resilience boosting strategy for island microgrid clusters against typhoons
  [J]. Proceedings of the CSEE,2022,42(18):6625-6641.
- [15] ZHAO N Y, YU X D, HOU K, et al. Full-time scale resilience enhancement framework for power transmission system under ice disasters[J]. International Journal of Electrical Power & Energy Systems, 2021, 126:106609.
- [16] JONES K F. A simple model for freezing rain ice loads[J]. Atmospheric Research, 1998, 46(1/2):87-97.
- [17] BROSTROM E, AHLBERG J, SODER L. Modelling of ice storms and their impact applied to a part of the Swedish transmission network [C] //2007 IEEE Lausanne Power Tech. Lausanne, Switzerland: IEEE, 2007: 1593-1598.
- [18] 王建学,张耀,吴思,等. 大规模冰灾对输电系统可靠性的影响 分析[J]. 中国电机工程学报,2011,31(28):49-56.
   WANG Jianxue,ZHANG Yao,WU Si,et al. Influence of largescale ice disaster on transmission system reliability[J]. Proceedings of the CSEE,2011,31(28):49-56.
- [19] 李晓明,舒欣,王琳琳,等. 电网可控线损灵敏度模型的防覆冰 潮流控制[J]. 高电压技术,2011,37(12):3076-3083.
  LI Xiaoming,SHU Xin,WANG Linlin, et al. Power control for prevent icing using sensitivity of controllable line losses[J].
  High Voltage Engineering,2011,37(12):3076-3083.
- [20] 曾珂,李华强,曾梦婕,等.考虑改进潮流转移熵的电力系统融

冰预防控制[J]. 电网技术,2015,39(2):582-586.

ZENG Ke, LI Huaqiang, ZENG Mengjie, et al. Power system ice-melting preventive control considering improved transfer entropy of power flow[J]. Power System Technology, 2015, 39 (2):582-586.

- [21] 赵书强,涂筱莹,王达飞,等.考虑负荷特性的输电网可靠性评估软件开发[J].电力自动化设备,2014,34(7):129-133.
   ZHAO Shuqiang, TU Xiaoying, WANG Dafei, et al. Development of reliability evaluation software of power transmission grid considering load characteristics[J]. Electric Power Automation Equipment,2014,34(7):129-133.
- [22] 陈亮,傅闯,李兴源.基于加权平均组合评价法的电网直流融 冰计划决策[J].电网技术,2014,38(10):2913-2918.
  CHEN Liang, FU Chuang, LI Xingyuan. Decision-making of power grid DC de-icing plan based on weighted average combinative evaluation [J]. Power System Technology, 2014, 38 (10):2913-2918.

#### 作者简介:

李 雪(1986—), 女, 教授, 博士研究生导师, 博士, 主要 研究方向为电力系统安全性与稳定性、电力系统高性能计 算、电力市场(**E-mail**: xli@neepu.edu.cn);

张涵帅(2000—),男,硕士研究生,主要研究方向为电力 系统韧性提升(E-mail:zhanghanshuai@aliyun.com);

姜 涛(1983—),男,教授,博士研究生导师,博士,主要 研究方向为电力系统安全性与稳定性、可再生能源集成、综 合能源系统(**E-mail**:t.jiang@aliyun.com)。

(编辑 王锦秀)

1

## Multi-stage resilience enhancement strategy for power system against extreme ice disaster

LI Xue, ZHANG Hanshuai, JIANG Tao, ZHANG Rufeng, CHEN Houhe

(Key Laboratory of Modern Power System Simulation and Control & Renewable Energy Technology, Ministry of Education, Northeast Electric Power University, Jilin 132012, China)

Abstract: In order to enhance the resilience of power system under ice disaster, reduce the system load shedding amount and improve the system load restoration speed, a multi-stage resilience enhancement strategy of power system against extreme ice disaster is proposed. The ice disaster scenarios and line failure rates influenced by the ice disaster are modelled. The comprehensive resilience assessment indicators are constructed from multiple perspectives of ice resistance ability of the line, system load loss, system recovery situation, line damage situation, and repair resource sufficiency degree to locate the system weak loop under the ice disaster. On this basis, the system resilience under ice disaster is enhanced through strategies such as line failure risk prediction before the disaster, unit output adjustment, together with the de-icing line screening and active line shutdown for de-icing during the disaster, and repair sequence planning after the disaster. The simulation analysis is performed on IEEE 39-bus and 118-bus systems, and the results verify the effectiveness of the proposed resilience assessment method and enhancement strategy.

Key words: extreme ice disaster; electric power systems; resilience assessment; resilience enhancement; load shedding; line shutdown for de-icing

## 附录 A:

## A1 冰灾影响下输电线路所在位置风速计算

$$v_{\rm w}(t) = v_{\rm max} e^{\frac{(\lambda(t) - \lambda_{\rm max})^2 + (\delta(t) - \delta_{\rm max})^2}{k}} \sin \phi(t) \qquad (A1)$$

式中, $v_{\max}$ 为最大风速; $\lambda(t)$ 和 $\delta(t)$ 为输电线路到 冰灾中心的极径和极角; $\lambda_{\max}$ 和 $\delta_{\max}$ 为最大风速点 到冰灾中心的极经和极角; $\phi(t)$ 为风向与输电线路

之间的夹角; *k* 为衰减系数。 A2 跨度因子计算

$$S = \begin{cases} 1 - (v_{w} - 2.2352) \times 10^{-3} & v_{w} > 2.2352 \text{m/s} \\ 1 & v_{w} \le 2.2352 \text{m/s} \end{cases}$$
(A2)

#### A3 韧性评估指标权重系数取值情况

线路抗冰能力指标、系统负荷损失指标和系统 负荷恢复指标的权重系数 $\omega_{re}$ 、 $\omega_{Loss}$ 、 $\omega_{rec}$ 满足  $\omega_{re} + \omega_{Loss} + \omega_{rec} = 1$ ;线路受损情况指标和维修资源 充裕指标的权重系数 $\omega_{l}$ 、 $\omega_{w}$ 满足 $\omega_{l} + \omega_{w} = 1$ ;加权 后的动态指标以及静态指标的权重系数 $\omega_{d}$ 和 $\omega_{st}$ 满 足 $\omega_{d} + \omega_{st} = 1$ 。权重系数的取值可根据实际情况进 行调整。本文后续研究中动态指标的权重系数 $\omega_{re}$ 、  $\omega_{Loss}$ 、 $\omega_{rec}$ 分别取值为 0.2、0.4、0.4,静态指标的 权重系数 $\omega_{l}$ 、 $\omega_{w}$ 均取值为 0.5, $\omega_{d}$ 和 $\omega_{st}$ 的取值亦 均为 0.5。

### 附录 B:

#### B1 冰灾下韧性全过程提升策略中各阶段定义情况

 1) 灾前预处理阶段:定义为从获取到冰雪天 气数据到系统中任意一条线路出现覆冰的时刻,对
 应图 1 中的[t<sub>0</sub>,t<sub>2</sub>)时间段,图 2 中以白色和浅蓝色
 背景标注。

 2) 灾中预防阶段:定义为从线路开始出现覆 冰累积到系统负荷开始削减的时刻,对应图 1 中 [t<sub>2</sub>,t<sub>3</sub>)时间段。该阶段的特点是随着冰灾发展,各 线路上逐渐出现覆冰累积,然而系统没有因冰灾影 响导致负荷削减。在图 2 中以灰色背景标注。

3) 灾中紧急控制阶段:定义为从负荷开始削减到冰灾不再影响系统的时刻,此阶段对应图1中

[t<sub>3</sub>,t<sub>4</sub>)时间段,在图2中以深蓝色背景标注。

次后恢复阶段:定义为冰灾影响结束的时刻到系统负荷恢复至初始运行状态的时刻,在图 2
 中以橙色和绿色背景标注,其中橙色部分为系统降

级运行阶段,绿色背景为负荷恢复阶段,分别对应 图 1 中的  $[t_4, t_6]$  和  $[t_6, t_7]$  阶段。

图 2 中冰雪天气的持续过程以浅蓝色标注,对应图 1 中[ $t_1, t_5$ ]时间段,包括冰雪天气的移动过程 及冰雪灾害对系统的持续影响阶段。

## 附录 C:

C1 灾中预防阶段系统韧性提升最优模型约束条件

$$\begin{cases} P_{i} = V_{i} \sum_{j \in i} V_{j} \left( G_{ij} \cos\left(\theta_{ij}\right) + B_{ij} \sin\left(\theta_{ij}\right) \right) \\ Q_{i} = V_{i} \sum_{j \in i} V_{j} \left( G_{ij} \sin\left(\theta_{ij}\right) - B_{ij} \cos\left(\theta_{ij}\right) \right) \\ P_{G,i}^{\min} \leq P_{G,i} \leq P_{G,i}^{\max} \\ Q_{G,i}^{\min} \leq Q_{G,i} \leq Q_{G,i}^{\max} \\ P_{G,i} - P_{L,i} = P_{i} \\ Q_{G,i} - Q_{L,i} = Q_{i} \\ V_{i}^{\min} \leq V_{i} \leq V_{i}^{\max} \\ \theta_{i}^{\min} \leq \theta_{i} \leq \theta_{i}^{\max} \\ P_{gk,Loss} = \frac{P_{g}^{2} + Q_{g}^{2}}{V_{s}^{2}} R_{gk} \quad g - k \in \Omega_{ice} \end{cases}$$
(C1)

式中,  $P_{gk,Loss}$ 为线路g-k的有功功率损耗,其中线路 $g-k \in \Omega_{ice}$ ,  $g \ k \ \beta Q_{ice}$ 中线路两端节点编号;  $Q_{ice}$ 为灾前预处理阶段中生成的受冰灾影响线路集 合;  $P_i \ Q_i$ 分别为节点i注入的有功和无功功率;  $V_i$ 和 $V_j$ 分别为节点i和节点j的电压幅值;  $G_{ij}$ 和 $B_{ij}$ 分 别为线路i-j的电导和电纳;  $\theta_i$ 为节点i的相角, $\theta_{ij}$ 为节点i和节点j之间的相角差;  $P_{G,i} \ P_{G,i}^{min} \ P_{G,i}^{max}$ 分别为节点i上发电机组输出的有功功率以及有功 功率的上限及下限;  $Q_{G,i} \ Q_{G,i}^{min} \ Q_{G,i}^{max}$ 分别为节点 i上发电机组输出的无功功率以及无功功率的上限 及下限;  $V_i^{min}$ 以及 $V_i^{max}$ 为节点i电压幅值的下限和 上限;  $R_{gk}$ 为线路g-k的电阻值。

## C2 除冰顺序评价指标计算及除冰线路筛选流程

1) 线路实时覆冰率指标m<sub>1</sub>:

根据各时刻线路的覆冰厚度及其设计值,对线路实时覆冰率指标进行构建,量化线路受覆冰影响的严重程度。对于*t*时刻的线路*i*-*j*的实时覆冰率指标*m*,为:

$$m_{1,ij}(t) = D_{\text{ice},ij}(t) / D_{\text{design}}$$
(C2)

式中,  $D_{ice,ij}(t)$ 为t时刻下的线路i-j上的覆冰厚度,

Ddesign 为线路覆冰厚度的设计值。

#### 2) 线路停运后的潮流转移熵 m,:

通过计算潮流转移熵来判断线路主动停运除 冰对系统潮流及运行状态的影响,其模型为<sup>[20]</sup>:

当系统在运行状态为 s 时,线路 i-j 停运,则

线路g-k分担其转移的潮流 $\Delta \alpha_{sk,ij}^s$ 可表示为:

$$\Delta \alpha_{gk,ij}^s = p_{gk,ij}^s - p_{gk,0}^s \tag{C3}$$

式中,  $p_{gk,ij}^s$ 为线路i-j断开后线路g-k的潮流;

 $p_{gk,0}^{s}$ 为线路 g-k 的初始潮流。

此时,线路g-k所承担的潮流冲击率 $\beta_{sk,ii}^{s}$ 为:

$$\beta_{gk,ij}^{s} = \Delta \alpha_{gk,ij}^{s} / \sum \Delta \alpha_{gk,ij}^{s}$$
(C4)

则线路i - j停运时的潮流转移熵 $H_{T,ij}^s$ 为:

$$H_{T,ij}^{s} = -\sum \beta_{gk,ij}^{s} \ln \beta_{gk,ij}^{s}$$
(C5)

当 H<sup>s</sup><sub>r,ij</sub> 的数值较大时,线路 i – j 停运除冰对系 统潮流影响相对较小,转移到其它线路的潮流分布 较为均匀;而当 H<sup>s</sup><sub>r,ij</sub> 数值较小时,线路 i – j 停运对 系统潮流冲击相对较大,可能会造成线路过载或引 发连锁故障,此时应考虑对其他线路进行除冰。

进而可得线路 i-j 停运后的潮流转移熵 m2为:

$$m_{2,ij} = \frac{H_{T,ij}^{s}}{\max H_{T,ii}^{s}}$$
(C6)

3) 除冰后系统负荷提升程度 m<sub>3</sub>:

不同线路停运除冰后系统的负荷提升程度不同,所以应优先对系统负荷提升程度大的线路进行除冰。通过最优负荷削减模型<sup>[21]</sup>对比不同线路除冰后系统负荷提升程度,对除冰线路进行筛选,表达式如下:

 $m_{3,ij} = P_{improve,ij} / P_{Loss}$  (C7) 式中,  $P_{Loss} 为 \Omega_{ice}$  中线路在全部发生故障时的负荷 削减量;  $P_{improve,ij}$  为未对任何线路除冰时,完成对线 路 *ij* 除冰后的负荷提升量。

将上述三个评价指标进行加权可得除冰顺序 评价指标 *F*,表达式如下:

 $F = \omega_1 \cdot m_1 + \omega_2 \cdot m_2 + \omega_3 \cdot m_3$  (C8) 式中,  $\omega_1 \times \omega_2 \times \omega_3$ 分别为评价指标  $m_1 \times m_2 \times m_3$ 的 权重系数,其中  $\omega_1 + \omega_2 + \omega_3 = 1$ ,具体取值由加权平 均组合评价法进行确定[22]。





图 CI 际冰线的师远过性流性图 Fig.C1 De-icing line screening process

步骤1:输入当前时刻下的除冰装置数量 $N_{\text{deicing}}$ 、 线路集合 $\Omega_{\text{ice}}$ ,以及各线路的除冰顺序评价指标F, 记第k条线路的除冰评价指标为F(k),并记 $\Omega_{\text{ice}}$ 中 线路数量为n;

步骤 2: 根据 *F*(*k*)的大小,按照由大到小的顺 序排列 *Q*<sub>in</sub> 中线路,并令 *k* 为 1;

步骤 3: 逐一判断顺序编号为k的线路评估指标 $m_3$ 是否大于 0 且覆冰厚度 $D_{ice}$ 是否大于警戒值 $D_{alrm}$ ,如果是则选取该线路置于除冰线路集合 $\Omega_{deicing}$ 并移出 $\Omega_{ice}$ ,令 $N_{deicing} = N_{deicing} -1$ ,并判断当前时刻下 $N_{deicing}$ 是否为0,如果不是,则返回步骤2,

否则结束当前时刻除冰线路的筛选;如果不满足要求,则令*k* = *k* +1,继续判断下一条线路。如当前时刻下,所有线路均不满足要求,则结束当前时刻的除冰线路筛选;

步骤 4: 输出除冰线路筛选结果。





图 C2 灾中紧急控制阶段韧性提升策略流程图 Fig.C2 System resilience enhancement strategy of emergency control phase during disaster

#### C4 维修线路筛选模型约束条件

$$\begin{cases} 0 \leq P_{s}(i) \leq P_{lost}(i) \\ P_{recover}(i) = P_{lost}(i) - P_{s}(i) \\ P_{G,i} \leq P_{G,i} \leq P_{G,i}^{max} \\ P_{G} + P_{s} - P_{L} = A_{a}P_{ij} \\ P_{ij} = (\theta_{i} - \theta_{j}) / x_{ij} \quad \eta_{ij} \in \Omega_{normal} \\ P_{gk} = u_{gk} \left[ (\theta_{g} - \theta_{k}) / x_{gk} \right] \quad gk \in \Omega_{fault} \\ \sum_{\substack{gk \in \Omega_{fault}}} u_{gk} = 1 \\ |P_{ij}| \leq P_{ij}^{max} \\ |P_{gk}| \leq P_{gk}^{max} \\ \theta_{i}^{min} \leq \theta_{i} \leq \theta_{i}^{max} \end{cases}$$
(C9)

式中,  $P_{s}(i)$ 为完成对所选线路的维修后节点i的负

荷削减量;  $P_{\text{lost}}(i)$ 为选择维修线路前节点i的负荷

削减量; *P*<sub>recover</sub>(*i*)为完成对所选线路的维修后节点 *i*的负荷恢复量; *P*<sub>G</sub>、*P*<sub>s</sub>、*P*<sub>L</sub>为*N*<sub>Bus</sub>维列向量, 其内的元素分别为各节点发电机的有功功率、负荷 削减量、负荷的有功功率, *N*<sub>Bus</sub>为系统中的节点数 量; *P*<sub>ij</sub>为*N*<sub>0</sub>维列向量,其内的元素为各条线路的 潮流; *A*<sub>a</sub>为节点支路增广关联矩阵; *x*<sub>ij</sub>、*x*<sub>gk</sub>分别 为线路i-j、g-k的电抗值;  $\Omega_{normal}$ 为正常线路集合,其中包括已完成筛选的维修线路;  $\Omega_{fault}$ 为故障线路集合即待维修线路集合,其中不包含正在维修

的线路和已选择维修的线路; u<sub>sk</sub> 为表示线路 g-k

状态的二进制变量,若选择线路g-k进行维修则为 1,未选择线路g-k进行维修则为0。

## C5 灾后恢复阶段韧性提升策略流程图



图 C3 灾后恢复阶段韧性提升策略流程图

Fig.C3 System resilience enhancement strategy of post-disaster recovery phase

C6多阶段系统韧性提升策略示意图





## 附录 D:

D1 IEEE 39 测试系统拓扑结构图



图 D1 IEEE 39 测试系统拓扑结构图 Fig.D1 IEEE 39 test system topology diagram







Fig.D2 IEEE 39 test system geographic location wiring diagram and maximum ice coverage thickness of each line

D3 冰灾影响下 IEEE 39 测试系统内各线路覆冰厚 度变化情况



图 D3 冰灾影响下 IEEE 39 测试系统内各线路覆冰厚度 变化情况

Fig.D3 Ice cover situation of the line within the IEEE 39 test system under the influence of ice disaster

## D4 冰灾影响下 IEEE 39 测试系统内线路覆冰情况

表 D1 冰灾影响下 IEEE 39 测试系统内线路覆冰情况

Table D1 Ice cover situation of the line within the IEEE 39

test system under the influence of ice disaster

类别	线路编号
最大覆冰厚度小于 20mm	14、31、36、38、42、43
最大覆冰厚度介于 20mm	9, 13, 18, 19, 21, 22, 24, 26,
到 30mm 之间	28, 32, 33, 34, 35, 37, 44, 45
最大覆冰厚度大于 30mm	20, 23, 25, 27, 29, 46
	31、36、38、42、43、9、13、18、
<b>亚</b> 财力财产保险保存人 0	19, 21, 22, 24, 26, 28, 32, 33,
文小火影响线始集合 $\Omega_{\rm ice}$	34、35、37、44、45、20、23、25、
	27、29、46

## D5 第 19 小时除冰顺序评价指标计算结果

表 D2 第 19 小时除冰顺序评价指标计算结果

Table D2 Calculation result of assessment metric of deicing

sequence at the	he 76	th hour
-----------------	-------	---------

线路编号	F	线路编号	F	线路编号	F
45	0.6493	44	0.6428	43	0.5634
37	0.4729	28	0.3964	34	0.3787
36	0.3589	38	0.3515	32	0.3460
19	0.3378	23	0.3315	26	0.3274
22	0.3274	29	0.3272	21	0.3270
24	0.3263	18	0.3263	31	0.3232
33	0.3232	20	0.3226	42	0.3184
9	0.2998	25	0.2929	13	0.2793
27	0.2727	—	—		—

## D6 IEEE 39 测试系统内故障线路维修顺序

#### 表 D3 IEEE 39 测试系统内故障线路维修顺序

Table D3 Faulted line repair sequence within the IEEE 39 test

	system	
维修队伍编号	未采取灾后恢复阶段提	采取灾后恢复阶段提升
维修朳田姍う	升策略的维修顺序	策略的维修顺序
维修队伍1	43→29→33→32→13	28→18→24→32→29
维修队伍2	44→25→9→22→18	$44 \rightarrow 19 \rightarrow 27 \rightarrow 22 \rightarrow 20$
维修队伍3	27→26→23→20	25→43→33→13
维修队伍4	28→24→19→21	26→9→23→21

## D7 IEEE 118 测试系统地理位置接线图



图 D4 IEEE 118 测试系统地理位置接线图 Fig.D4 IEEE 118 test system geolocation wiring diagram

# D7 冰灾影响下 IEEE 118 测试系统内各线路故障率 变化情况



(b) 线路 51-100 故障率变化情况



变化情况

Fig.D5 Variation of line failure rate within the IEEE 118 test system under the influence of ice disaster

## 附录 E:

为减轻极端冰灾对系统造成的影响,本节通过 采取所提多阶段系统韧性提升策略来提升系统在 冰灾下的韧性。

表 E1 冰灾影响下 IEEE 118 测试系统内线路覆冰情况

 Table E1
 Ice cover situation of the line within the IEEE 118

 test system under the influence of ice disaster

最大覆冰厚度	线路编号
5~15mm	58、81、141、142、143、161、179
15.00	3、5、6、7、8、28、29、30、36、38、55、56、 57、66、67、69、70、71、98、99、101、103、
15~30mm	109、110、111、112、114、115、117、129、144、
	146、147、149、156、162、185、186
	1, 2, 4, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16, 17,
	18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25, 26, 27,
	37、39、44、45、46、47、48、49、50、51、
	52, 53, 54, 59, 60, 61, 62, 63, 64, 65,
	68、75、76、96、97、100、102、104、105、
>30mm	106、107、108、113、116、118、119、120、
	121、122、123、124、125、126、127、128、
	145、148、150、151、152、153、154、155、
	157、158、159、160、163、164、165、166、
	167、168、169、170、171、172、173、174、
	175、176、177、178、183、184

通过于灾前预处理阶段对线路覆冰情况进行 预测后,各条线路的最大覆冰厚度如表 E1 所示。 共计有 141 条线路因受冰灾侵袭产生覆冰,其中大 部分线路的最大覆冰厚度大于 30mm,存在较高的 故障风险。

在灾中预防阶段通过式(13)、(14)计算各条线路 能够达到的临界不覆冰电流和线损后,再由式(15) 筛选出能够达到临界不覆冰线损的线路,能够满足 所有防覆冰要求的线路共有4条,分别为线路163、 174、175 以及176,其中线路有功功率损耗变化情况如图 E1 所示。



图 E1 IEEE 118 测试系统防覆冰线路有功损耗变化情况

Fig.E1 Variation of anti-icing line active power loss within the IEEE 118 test system

随着系统内的线路逐渐发生故障, 韧性提升策 略逐渐由灾中预防阶段转换为灾中紧急控制阶段, 并开始对除冰线路进行筛选。同样以第一条除冰线 路的筛选为例, 于冰灾开始 14h 后确定, 当前时刻 下存在覆冰线路的除冰顺序评价指标 F 的结果如 表 E2 所示, 筛选后除冰线路为线路 173。基于上述 筛选流程, 整个灾中紧急控制阶段共计完成了对 14 条线路进行停运除冰。

表 E2 第 14 小时除冰顺序评价指标计算结果 Table E2 Calculation result of assessment metric of deicing

	30	quence at t	ne 14m	loui	
线路编号	F	线路编号	F	线路编号	F
173	0.6990	177	0.6962	172	0.6092
170	0.5978	171	0.5216	169	0.4926
166	0.4625	168	0.4575	167	0.4307
165	0.3858	164	0.3807	_	_

冰灾影响结束后,故障线路的维修工作陆续开始,采取灾后恢复阶段提升策略后的故障线路维修顺序如中表 E3 所示。在确认故障线路并对维修顺序进行规划后,能够使系统在恢复阶段维持更高的负荷水平,进一步增强系统韧性。

表 E3 IEEE 118 测试系统内故障线路维修顺序 Table E3 Faulted line repair sequence within the IEEE 118

	test system
维修队伍 编号	采取灾后恢复阶段提升策略后维修顺序
维修队伍1	$122 \rightarrow 20 \rightarrow 21 \rightarrow 98 \rightarrow 177 \rightarrow 126 \rightarrow 66 \rightarrow 159 \rightarrow 76 \rightarrow 171 \rightarrow 37 \rightarrow 168$
维修队伍2	$11 \rightarrow 184 \rightarrow 185 \rightarrow 149 \rightarrow 15 \rightarrow 157 \rightarrow 166 \rightarrow 150 \rightarrow$ $127 \rightarrow 147 \rightarrow 10 \rightarrow 108$
维修队伍3	$68 \rightarrow 60 \rightarrow 128 \rightarrow 99 \rightarrow 145 \rightarrow 170 \rightarrow 62 \rightarrow 54 \rightarrow 115 \rightarrow$ $106 \rightarrow 100 \rightarrow 50$
维修队伍4	$156 \rightarrow 25 \rightarrow 105 \rightarrow 112 \rightarrow 113 \rightarrow 109 \rightarrow 69 \rightarrow 178 \rightarrow 26 \rightarrow 120 \rightarrow 102 \rightarrow 27$
维修队伍5	$158 \rightarrow 61 \rightarrow 59 \rightarrow 164 \rightarrow 22 \rightarrow 52 \rightarrow 23 \rightarrow 53 \rightarrow 165 \rightarrow$ $121 \rightarrow 97 \rightarrow 49$
维修队伍6	$16 \rightarrow 151 \rightarrow 183 \rightarrow 119 \rightarrow 65 \rightarrow 155 \rightarrow 124 \rightarrow 75 \rightarrow 51 \rightarrow$ $154 \rightarrow 12 \rightarrow 152$
维修队伍 7	$146 \rightarrow 17 \rightarrow 107 \rightarrow 123 \rightarrow 45 \rightarrow 39 \rightarrow 48 \rightarrow 1 \rightarrow 96 \rightarrow 19 \rightarrow 36$
维修队伍8	$67 \rightarrow 18 \rightarrow 153 \rightarrow 169 \rightarrow 118 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 104 \rightarrow 47 \rightarrow 24$